შორენა ფხაკაძე

ელექტრული და ელექტრონული წრედების საფუძველზე ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემების პარალელური მუშაობის რეჟიმების მართვა და ოპტიმიზაცია

> წარდგენილია დოქტორის აკადემიური ხარისხის მოსაპოვებლად

საქართველოს ტექნიკური უნივერსიტეტი თბილისი, 0175, საქართველო

ივნისი, 2013 წელი

საავტორო უფლება, © შორენა ფხაკაძე, 2013 წელი

## საქართველოს ტექნიკური უნივერსიტეტი ენერგეტიკისა და ტელეკომუნიკაციის ფაკულტეტი

ჩვენ, ქვემორე ხელისმომწერნი ვადასტურებთ, რომ გავეცანით შორენა ფხაკამის მიერ შესრულებულ სადისერტაციო ნაშრომს დასახელებით: "ელექტრული და ელექტრონული წრედების საფუძველზე ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემეზის პარალელური მუშაობის რეჟიმების მართვა ოპტიმიზაცია" და და ვამლევთ რეკომენდაციას საქართველოს ტექნიკური უნივერსიტეტის ენერგეტიკისა და ტელეკომუნიკაციის ფაკულტეტის სადისერტაციო საბჭოში მის განხილვას დოქტორის აკადემიური ხარისხის მოსაპოვებლად.

ხელმძღვანელი: \_\_\_\_\_გ. კოხრეიძე

რეცენზენტი: \_\_\_\_\_

რეცენზენტი: \_\_\_\_\_

#### საქართველოს ტექნიკური უნივერსიტეტი 2013 წელი

ავტორი:	ფხაკაძე შორენა		
დასახელება:	ელექტრული	და ელექტრ	ონული წრედების
	საფუძველზე	ჰიბრიდულ	ი ავტონომიური
	ელექტროენერგ	აეტიკული სის <sub>(</sub>	<u> </u> ემების პარალელუ-
	რი მუშაობის რ	ეჟიმების მართვ	ვა და ოპტიმიზაცია
ფაკულტეტი :	ენერგეტიკისა დ	და ტელეკომუნი	იკაციის
ხარისხი:	დოქტორის		
სხდომა ჩატარდა:	ივნისი,	2013წ.	

ინდივიდუალური პიროვნებების ან ინსტიტუტების მიერ ზემო მოყვანილი დასახელების დისერტაციის გაცნობის მიზნით მოთხოვნის შემთხვევაში მისი არაკომერციული მიზნებით კოპირებისა და გავრცელების უფლება მინიჭებული აქვს საქართველოს ტექნიკურ უნივერსიტეტს

#### ავტორის ხელმოწერა

ავტორი ინარჩუნებს დანარჩენ საგამომცემლო უფლებებს და არც მთლიანი ნაშრომის და არც მისი ცალკეული კომპონენტების გადაბეჭდვა ან სხვა რაიმე მეთოდით რეპროდუქცია დაუშვებელია ავტორის წერილობითი ნებართვის გარეშე.

ავტორი ირწმუნება, რომ ნაშრომში გამოყენებული საავტორო უფლებებით დაცული მასალებზე მიღებულია შესაბამისი ნებართვა (გარდა იმ მცირე ზომის ციტატებისა, რომლებიც მოითხოვენ მხოლოდ სპეციფიურ მიმართებას ლიტერატურის ციტირებაში, როგორც ეს მიღებულია სამეცნიერო ნაშრომების შესრულებისას) და ყველა მათგანზე იღებს პასუხისმგებლობას. სადოქტორო დისერტაციის ნაშრომში წარმოდგენილია თემის აქტუალობა; სამუშაოს მიზანი და კვლევის ამოცანები; კვლევის მეთოდები; ნაშრომის ძირითადი შედეგები და მეცნიერული სიახლე; შედეგების გამოყენების სფერო, პუბლიკაციები, სამუშაოს აპრობაცია და დისერტაციის სტრუქტურა. გაშუქებულია დისერტაციის შინაარსი, ნაჩვენებია შესავალში განხილული საკითხები.

თავში დამუშავებულია ენერგიის პირველ საკითხები: არატრადიციული და განახლებადი წყაროების გარდაქმნისა და გამოყენების ტექნოლოგია ელექტროენერგეტიკაში; არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროების მდგომარეობისა და გამოყენების პერსპექტივეზი; ენერგორესურსების მარაგი, განახლებადი ენერგიის მიზნები წყაროების მოხმარების სტრატეგიული და განახლებადი ენერგეტიკის განვითარების როლი; მზის ენერგიის გარდაქმნის პროცესების საფუძვლები; მზის გამოსხივების ინტენსიურობა; *P – n* ფიზიკური

თვისება; მზის ელემენტის გადასვლის ფოტოელექტრული ვოლტამპერული მახასიათებელი; მზის ელემენტების კონსტრუქციები და მასალები; ქარის ენერგია და მისი გამოყენების შესაძლებლობები; ქარის წარმოშობა, საქართველოს ქარის ზონები; ქარის მრავების კლასიფიკაცია მუშაობის პრინციპის მიხედვით; ქარის მრავის ფრთის ზედაპირის მუშაობა მასზე ქარის ძალის ზემოქმედებისას; ტყვიამჟავიანი აკუმულატორული და განმუხტვის პროცესეზი ჰიბრიდული ბატარეიის დამუხტვისა ელექტროენერგეტიკულ სისტემასთან პარალელური მუშაობის პირობებში; ჰიზრიდული იმპულსური გარდამქმნელიანი პარალელური ელექტროენერგეტიკული სისტემის განზოგადებული სტრუქტურული და პრინციპული ელექტრული სქემის დამუშავება.

დადგენილია არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროების კლასიფიკაცია პირველადი ენერგიის წყაროების, ენერგიის ბუნებრივი გარდაქმნის, ენერგიის ტექნიკური გარდაქმნის და მეორადი მოხმარების ენერგიის მიხედვით.

წარმოდგენილია განათებისას *P – n* გადასასვლელის ზონური ენერგეტიკული დიაგრამები მოკლე შერთვის, უქმი სვლის და დატვირთვის წინაღობაზე ჩართვის შემთხვევისათვის.

უქმი სვლის, მოკლე შერთვის და ოპტიმალური პარამეტრების გამოყენებით ლანგრაჟის ფორმულის ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის ინტერპოლაციის შედეგად მიღებულია ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის მათემატიკური მოდელი კვადრატული სამწევრის სახეში.

აკუმულატორული ბატარეიის დამუხტვის და განმუხტვის ძაბვისა და დენის მიხედვით წარმოდგენილია ე.მ.ძალისა და შიგა წინაღობის საანგარიშო ფორმულები.

დამუშავებულია არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროების მიღებისა და გამოყენების ტექნოლოგიები ელექტროენერგეტიკაში და წარმოდგენილია შესაბამისი სტრუქტურული და პრინციპული საანგარიშო ელექტრული სქემები.

**მეორე თავში** დამუშავებულია საკითხები არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროებიან მუდმივი და ერთფაზა ცვლადი დენის ავტონომიურ ჰიბრიდულ ელექტროსისტემებში ელექტრომაგნიტური პროცესების მათემატიკური გარდამავალი კომპიუტერული და მოდელირება; არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროები საქართველოში; დამუშავებული სქემით წარმოდგენილია ჰიბრიდულ სისტემაში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების მათემატიკური კომპიუტერული მოდელირება, აკუმულატორული ბატარეიის და განმუხტვის პროცესების რეგულირება და გარდამავალი დამუხტვა პროცესის მოდელის სტრუქტურული სქემების აგება; მუდმივი და ერთფაზა ავტონომიური პიბრიდული ენერგოსისტემების ცვლადი დენის პარალელური მუშაობის რეჟიმების მართვა იმპულსური გარდამქმნელების საშუალებით; შექმნილია მუდმივი და ცვლადი მაბვის ენერგოსისტემების გარდამქმნელი დანადგარით შეთანხმებული მუშაობის პრინციპული ელექტრული სქემა; დადგენილია წარმოდგენილი სქემის მოქმედების პრინციპი და ელექტრული სიდიდეების რეგულირებისა და მართვის საკითხეზი.

მიღებულია ინვერტორული და ტრანსფორმატორული სქემების პარამეტრების მიხედვით გარდამავალ პროცესებში ვენტილების ჩაკეტვის კუთხის ცვლილების კანონზომიერება.

აგებულია განახლებადი ენერგიის წყაროებიანი ავტონომიური ენერგოსისტემის ერთფაზა ტრანსფორმატორის ძაბვებისა და დენების განზოგადებული ვექტორული დიაგრამა.

მესამე თავში დამუშავებულია საკითხები ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემების პარალელური მუშაობის დინამიური პროცესების მოდელირება, რეჟიმების მართვა და ოპტიმიზაცია;

შეიქმნა მზის ფოტოელექტრული სადგურისა, აკუმულატორული ბატარეიისა და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივი მუშაობის ერთიანი სისტემა;

დადგენილია აღნიშნულ სისტემაში ელემენტების ერთობლივი მუშაობის ძირითადი თორმეტი რეჟიმი; ნაჩვენებია ამ რეჟიმების მართვა და რეგულირება;

შედგენილია ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემების პარალელური მუშაობის განზოგადებული კენტი და ლუწი რეჟიმების ელექტრული წონასწორობის განტოლებები ცვლადთა მყისა მნიშვნელობების მიმართ;

ჩატარებულია განტოლებათა სისტემის ამოხსნის პროცედურა და მიღებულია ცვლადთა მყისა მნიშვნელობების გამოსახულება როგორც გარდამავალ, ასევე დამყარებულ რეჟიმებისათვის დროის განზოგადებულ *n* 

ინტერვალებში;

შესრულებულია ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული პარალელური სისტემებში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების კომპიუტერული მოდელირება.

განხილულია ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემების პარალელური მუშაობისას გარდამავალი პროცესების მოდელის სტრუქტურული სქემის ელემენტების მირითადი თვისებები;

შედგენილია გარდამავალი პროცესების კომპიუტერული მოდელის სქრუქტურული სქემები კენტი და ლუწი რეჟიმების განზოგადებული დროის ინტერვალებში;

ჩატარებულია ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული დინამიური სისტემების ცვლადთა მდგომარეობის მატრიცული განტოლებების რიცხვითი ამოხსნა დროის არეში კენტი და ლუწი რეჟიმების განზოგადებულ ინტერვალებში.

ჩატარებულია ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული და პარალელური სისტემის მუშაობის რეჟიმების ოპტიმიზაცია და შესწავლილია ერთიანი სისტემის მდგრადობა. აგებულია სისტემის ამპლიტუდურ-ფაზურ-სიხშირული მახასიათებლები კენტი და ლუწი განზოგადებული რეჟიმებისათვის.

წარმოდგენილია დისერტაციის თემაზე ავტორის მიერ გამოქვეყნებული მირითადი ნაშრომების სია და წარმოჩენილია ავტორის პირადი წვლილი დისერტაციის ნაშრომის შესრულებაზე.

#### Summary

There are presented in doctoral dissertation the following parts: topicality of research; goal and object of research; methods of research; main results and novelty of research; area of potential use of research results; publications; approbation of work and structure of dissertation. There is presented the content of dissertation and shown the issues considered in introduction part.

The following issues are considered in Chapter 1: non-traditional and renewable energy sources conversion and using technologies in power industry; current state and perspectives for use of non-traditional and renewable energy sources; reserves of energy recourses; strategic objectives of the use of renewable energy sources and the role of the development of renewable energy sources; physical basis of solar energy conversion processes; solar radiation intensity; photovoltaic properties of P - n junction; volt-ampere characteristics of solar batteries; solar batteries designs and materials; wind energy and possibilities for its use; wind generation; wind zones of Georgia; classification of wind motors by operational principles; operation of wind motor blade surface under the impact of wind power; lead-acid battery's charging and discharging processes under conditions of parallel operation with hybrid power supply system; development of generic structural and schematic electric circuits of impulse converter hybrid parallel power supply system.

There is established the classification of non-traditional and renewable energy sources by primary energy sources, natural conversion of energy, technical conversion of energy and secondary energy consumption.

There are presented the zone electric power diagrams of P - n junction during lightening for cases with short circuit, off-load and switching on load resistance.

By using the off-load, short circuit and optimal parameters, as a result of interpolation of Lagrange formula's volt-ampere characteristic, there is obtained the mathematical model of volt-ampere characteristic in the form of quadratic trinomial.

By charging and discharging voltage and current of battery, there are presented the so-called force and internal resistance calculation formulas.

There are developed the technologies of obtaining and using of nontraditional and renewable energy sources in power industry and presented the appropriate structural and schematic electric circuits.

Chapter 2 refers to the issues of mathematical and computer modeling of electromagnetic transient processes in autonomous hybrid power supply systems of direct and single-phase alternative currents of non-traditional and renewable energy sources; non-traditional and renewable energy sources in Georgia; by means of developed scheme there are shown the mathematical and computer modeling of electromagnetic transient processes in hybrid power system, regulation of the battery charging and discharging processes and construction of structural schemes of transient processes; controlling of autonomous hybrid power supply systems of direct and single-phase alternative currents by means of pulse converters; there is created the electric network of operation regulated by converting device of direct and alternative voltage power systems; there are defined the operation principle and electric quantities regulation and control issues.

There are determined the regularities of rectifier stitching-in angle in transient processes by inverter transformer circuits.

There is designed the generalized vector diagram of single-phase transformer voltages and currents in autonomous power systems of renewable energy sources.

In Chapter 3 there are considered the issues related to the modeling of parallel operation dynamic processes of hybrid autonomous power supply systems.

There is created the uniform system of solar photovoltaic power plant, accumulator battery and three-phase alternative current network.

There are established the main twelve joint operation modes of elements in the mentioned system; the regulation and control of these systems are shown as well.

There is set up the electric state equation of generic even and uneven parallel operation modes of hybrid autonomous power supply systems towards instantaneous values of variables.

There is carried out the procedure for solution of equation system and obtained the expression of variables instantaneous values as for transient, so for steady modes within the generic time n intervals.

There is carried out the computer modeling of electromagnetic transient processes in hybrid parallel power supply systems.

There are considered the major properties of the structural scheme elements of the model of transient processes during operation of hybrid autonomous power supply systems.

There are designed the structural schemes of the computer-based model of hybrid autonomous power supply systems within generic time intervals of even and uneven modes.

There is executed the numerical solution of variables state matrix equations of the dynamic systems of hybrid autonomous power supply systems.

There is carried out the optimization of hybrid autonomous power supply systems operation modes and studied the federated system's sustainability. There are designed the amplitude-phase-frequency characteristics for even and uneven generic modes.

There is presented the list of author's publications related to the background of this dissertation, and shown the author's contribution to execution of the dissertation part of this research.

## შინაარსი

შესავალი		15
ლიტერაც	<u>უ</u> რის მიმოხილვა	21
შედეგები	და მათი განსჯა	30
თავი 1.	ენერგიის არატრადიციული და განახლებადი	
	წყაროების გარდაქმნისა და გამოყენების	
	ტექნოლოგია ელექტროენერგეტიკაში	30
1.1.	არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის	
	წყაროების მდგომარეობა და გამოყენების	
	პერსპექტივები	30
1.1.1.	ენერგორესურსების მარაგი, განახლებადი ენერგიის	
	წყაროების მოხმარების სტრატეგიული მიზნები და	~ ~
1.2	განახლებადი ენერგეტიკის განვითარების როლი	32
1.2.	მზის ეხერგიის გარდაქმხის პროცესების ფიზიკური	00
101	0.00000000000000000000000000000000000	33
1.2.1.	მზის გამოსხივების იხტეხსიურობა	33
1.2.2.	P = n გადასვლის ფოტოელექტოული თვისება	35
1.3.	მხის ელემებტის ვოლტ-ამაქოული მამასიათებელი.	39
1.4.	მზის ემემენტების კონსტრუქციები და მასალები	44
1.5.	ქარის ენერგია და მისი გამოყენების	
	შესაძლებლობები	47
1.5.1.	ქარის წარმოშობა, საქართველოს ქარის ზონები	47
1.5.2.	ქარის მრავების კლასიფიკაცია მუშაობის პრინციპის	
	მიხედვით	50
1.5.3.	ქარის ძრავის ფრთის ზედაპირის მუშაობა ქარის	- 1
1.6	ძალის ზემოქმედებისას	51
1.6.	ტყვია-ძჟავიანი აკუძულატორული ბატარეის	
	ელექტოოენეოგეტიკულ სინტენანთან პაოალელუოი	50
17	$a_{3}$	JZ
1.7.	3565900000000000000000000000000000000000	
	3 55 m 3 m 2 m 2 m 2 m 2 m 2 m 2 m 2 m 2 m 2	
	Jan grand and grand and a second s	56
თავი 2.	$3 \leq 3 \leq$	50
0,000		
	ავტონომიურ ჰიბრიდულ ელექტროსისტემაში	
	ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების	
	მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელირება .	64
2.1.	არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის	
	წყაროები საქართველოში	64

2.2.	ნახ.6-ბ სქემით წარმოდგენილ ჰიბრიდულ სისტემაში ელექარომაანიტური გარდამავალი პროცესების	
	$\beta_{1}$	
	$\Delta_{\lambda}$	
	600/mmomomomomomomomomomomomomomomomomomo	65
<b>n</b> n		05
2.3.	იათა ია	
	ელექტოოძაგნიტუოი გაოდაძავალი პოოცესების	- 4
<b>.</b> (	მოდელის სტრუქტურული სქემის აგება.	74
2.4.	განახლებადი ენერგიის წყაროებიან მუდმივი და	
	ერთფაზა ცვლადი დენის ავტონომიურ ჰიბრიდული	
	ენერგოსისტემის პარალელური მუშაობის რეჟიმების	
	მართვა იმპულსური გარდამქმნელების საშუალებით.	84
თავი 3.	ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტი-	
	კული სისტემების პარალელური მუშაობის	
	დინამიური პროცესების მოდელირება, რეჟიმების	
	მართვა და ოპტიმიზაცია	91
3.1.	მზის ფოტოელექტრული სადგურისა, აკუმულატო-	
	რული ბატარეიისა და სამფაზა ცვლადი დენის	
	ქსელის ერთობლივი მუშაობის ერთიანი სისტემა	91
3.2.	ອີຽດໄ	
	დენის გარდამქმნელისა, ქსელის მიმყოლი სამფაზა	
	ປະຊາດ ດັບເປັນ ແລະ ຄະບັບ ການ ຄ	
	ქსელის ერთობლივი მუშაობის ძირითადი რეჟიმები.	97
3.3.	ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტი-	
	კული სისტემების პარალელური მუშაობის კენტი და	
	ლუწი რეჟიმების ელექტრული წღნასწღრობის	
	განტოლებები	102
3.4.	ჰიბრიდული ავაზღნღმიური ელექაზღენერგეკაი-	
	2mmo სისაგემების ელექარული წონასწორობის	
		106
35	3obmoments $3$ obmoments $3$ o	100
0.5.		
	$3 \int e^{-1} \frac{1}{2} \int $	
	Astronomotions and a strange of the	112
36	3abbaamma sababaambaa amad baaabaa	115
5.0.		
	მდგოთაოეობის მატოიცული განტოლებების	105
. )		125
ა)	ააოალელუოი ძუძაობის კენტი რეჟიძების განზოგა-	
	დებული $2(n-1)\frac{1}{6\omega} \leq t_{2n-1} \leq (2n-1)\frac{1}{6\omega}$ იხტერვა-	
	ლებისათვის	
		125

х

ბ)	პარალელური მუშაობის ლუწი რეჟიმების განზოგადებული $(2n-1)rac{\pi}{6\omega} \leq t_{2n} \leq 2nrac{\pi}{6\omega}$ ინტერ-	
	ვალებისათვის	130
3.7.	ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტი-	
	კული პარალელური სისტემების მუშაობის	
	რეჟიმების ოპტიმიზაცია და მდგრადობის	
	გამოკვლევა	132
დასკვნა		139
გამოყენებულ	ი ლიტერატურა	142

# ცხრილების ნუსხა

ცხრილი 1.	არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყარო-	
	ების კლასიფიკაცია	31
ცხრილი 2.	ამპლიტუდურ-ფაზურ-სიხშირული მახასიათებლები	
	კენტი და ლუწი რჟიმების შემთხვევაში	137

# ნახაზების ნუსხა

ნახ.1.	უმარტივესი მზის ელემენტის კონსტრუქცია	35
ნახ.2.	განათებისას <i>P – n</i> გადასასვლელის ზონური ენერგეტიკული დიაგრამები: ა) მოკლე შერთვის რეჟიმში; ბ) უქმი სვლის რიჟიმში: ა) თატიირთიის წინაღობაზი გართია	36
ნახ.3.	მზის ელემენტის შენაცვლების ელექტრული სქემა	39
ნახ.4.	მზის ელემენტის ვოლტ-ამპერული მახასითებელი	43
ნახ.5.	თანამედროვე ჰიბრიდული პარალელური ენერგოსისტემის განზოგადებული სტრუქტურული სქემა	58
ნახ.6.	განახლებადი ენერგიის წყაროების ბაზაზე მუდმივი და ცვლადი ძაბვის პარალელური ჰიბრიდული ენერგოსისტემა: ა) სამფაზა სტრუქტურული ბლოკ-სქემა ბ)ერთფაზა პრინციპული ელექტრული სქემა	59
ნახ.7.	იმპულსური გარდამქმნელიანი მუდმივი და ცვლადი დენის ერთფაზა მაბვის ჰიბრიდული პარალელური ენერგო- სისტემების პრინციპული ელექტრული სქემა	60
ნახ.8.	გამტარ მდგომარეობაში მყოფი ნახევარგამტარული ხელსაწყოების დენებისა და მუდმივი მაბვის ქსელში <b>u</b> ძაბვის დიაგრამები	61
ნახ.9.	იმპულსური გარდამქმნელის კომუტაციის პროცესში დენების დიაგრამა დემპფერული პროცესების	(1)
ნახ.10.	გაუთვალისგინებლად	62
ნახ.11.	განახლებადი ენერგიის წყაროებიანი ავტონომიური ენერგოსისტემის ერთფაზა ტრანსფორმატორის ძაბვებისა და	
ნახ.12.	დენების განზოგადებული ვექტორული დიაგრაძა აა ალგებრული და ინტეგრალური განტოლებების შესაბამისი ცალკეული სტრუქტურული მოდელები და $\mathbf{\Phi}(t)$	74
ნახ.13.	კომუტაციური ფუნქციის ფორმირების ბლოკ-სქემა ჰიბრიდული ენერგოსისტემის ელექტრომაგნიტური გარდა- მავალი პროცესების მათემატიკური და კომპიუტერული	80
ნახ.14.	მოდელის სტრუქტურული სქემა	82
ნახ.15	დენების განსაზღვრის მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელის სტრუქტურული სქემა	83
	დანადგარით შეთანხმებული მუშაობის პრინციპული ელექტრული სქემა	86

- ნახ.16. ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემის პარალელური მუშაობის ამსახველი სტრუქტურული და პრინციპული ელექტრული სქემა. . .
- ნახ.17. ერთიანი გარდამქმნელი სისტემის ფოტოელექტრული სადგურის გამომავალი *U<sub>dc</sub>* მაზვის, მართვის იმპულსების, კომუტაციური ფუნქციების და სამფაზა ცვლადი ქსელის მაბვის დროზე დამოკიდებულების კანონზომიერება. . . . . 98
- ნახ.18. ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემის პარალელური მუშაობის კენტი და ლუწი რეჟიმების საანგარიშო პრინციპული ელექტრული სქემა... 100
- ნახ.19. სტრუქტურული სქემის ელემენტების მირითადი თვისებები. 122
- ნახ.20. გარდამავალი პროცესების კომპიუტერული მოდელის სტრუქტურული სქემა კენტი რეჟიმების განზოგადებულ $2(n-1)\frac{\pi}{6\omega} \leq t_{2n-1} \leq (2n-1)\frac{\pi}{6\omega}$  დროის ინტერვალებში. . . . 123
- ნახ.21. გარდამავალი პროცესების კომპიუტერული მოდელის სტრუქტურული სქემა ლუწი რეჟიმების განზოგადებულ $(2n-1)\frac{\pi}{6\omega} \leq t_{2n} \leq 2n\frac{\pi}{6\omega}$ , n = 1,2,3,...; K = A, B, C. დროის ინტერვალებში.
- ნახ.22. ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული პარალელური სისტემის გადაცემის ფუნქციის ამპლიტუდურ-ფაზურ-სიხშირული მახასიათებლები, შესაბამისად 2*n* – 1 კენტ და 2*n* ლუწ ინტერვალებისათვის . . . . . 137

#### შესავალი

არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროებს განეკუთვნება მზის, ქარის, გეოთერმული, ზღვის ტალღების, ოკეანეების მიმოქცევის, ბიომასის, ნახშირის, ტორფის, დიდი და მცირე წყლის ნაკადების ენერგიები.

უკანასკნელ პერიოდში გაზრდილია ინტერესი არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროების მიღებისა და გამოყენების ტექნოლოგიების მიმართ. საქართველოში დიდი მნიშვნელობა ენიჭება მზის და ქარის ენერგიების ელექტრული ენერგიად გარდაქმნისა და გამოყენების ტექნოლოგიებს.

მონოკრისტალური კაშბადის საფუძველზე სტრუქტურების წარმოება ტექნოლოგიურად რთული და ძვირადღირებული პროცესია. ამიტომ ყურადღება მიექცა ისეთი მასალების წარმოებას როგორებიცაა ამორფული კაჟბადის საფუძველზე შენადნობები-კალიუმის არსენიდი და მრავალკრისტალური ნახევარგამტარები. ამორფული კაჟბადი აღმოჩნდა უფრო იაფი ალტერნატიული სახე, ვიდრე მონოკრისტალური კაჟბადი. არ არის გამორიცხული, რომ ტექნოლოგიების განვითარების გამო ამორფული კაჟბადის საფუძველზე დამზადებული მზის ელემენტების მარგიქმედების კოეფიციენტი მიაღწევს 16%-ს.

მრავალკრისტალური თხელი ფენები ძალიან პერსპექტიულია მზის ენერგეტიკისათვის. ამ მასალების სისქის პირველ მიკრონში წარმოებს სინათლის 99%-ის შთანთქმა და მათი აკრძალვის ზონაა1,0 ევ.

კადმიუმის ტელურიდი-კიდევ ერთი პერსპექტიული მასალაა ფოტოელექტრული ელემენტებისათვის. მათ დახლოებით იდეალური აკრმალული ზონის სიგანე აქვთ 1,44 ევ და მალიან დიდი უნარი აქვთ გამოსხივების შთანთქმისათვის. ასეთი ფენები საკმაოდ იაფია დამზადებისათვის.

საქართველოში მზის ფოტოელექტრული ენერგიის პარალელურად დიდი მნიშვნელობა ენიჭება ქარის ენერგიის გამოყენების

შესაძლებლობლებს. ქარის საშუალო წლიური სიჩქარის დამაკმაყოფილებელი მნიშვნელობა მოცემულ რაიონში იძლევა საშუალებას წარიმართოს მსჯელობა ქარის გენერატორების გამოყენების მიზანშეწონილობაზე და შესაბამისი აგრეგატების ეფექტურობაზე.

დღეისათვის ქარის ელექტროსადგურებში, როგორც წესი, გამოიყენება ბირითადად ასინქრონული გენერატორები. ქარის ელექტროსადგურების პარალელური მუშაობისას ასინქრონული გენერატორების უპირატესობად ითვლება ელექტრომაგნიტური მომენტის, დენის და გენერირებული სიმძლავრის შედარებით მცირე რხევები ქარის სიჩქარის ცვლილებათა პირობებში. საქართველოში ქარის ელექტროსადგურების აშენება პერსპექტიულია სამხრეთ საქართველოს მთიანეთში, კახაბრის ვაკისა და კოლხეთის დაბლობის ცენტრალურ ნაწილში.

ჰიბრიდული პარალელური ენერგოსისტემების ელექტრომომარაგების მდგრადი და სტაბილური რეჟიმების უზრუნველსაყოფად საჭიროა ტყვიამჟავიანი აკუმულატორების გამოყენება, რომლებისთვისაც თანმხლებია მუდმივად დამუხტვისა და განმუხტვის პროცესები. ასეთი პროცესები მიმდინარეობს კონტროლიორის, სიმძლავრის რეგულატორის და შესაბამისი მართვის იმპულსების ზემოქმედებით.

სადისერტაციო ნაშრომში განსაზღვრულია აკუმულატორული ბატარეის ელექტრომამოძრავებელი ძალა (ე.მ.d) და შიგა წინაღობაზე, როგორც ფუნქცია განმუხტვის ხანგრძლივობისა, დამუხტვის და განმუხტვის ძაბვისა და დენის მნიშვნელობებისა.

აკუმულატორები ხასიათდებიან ორი მ.ქ.კ-ით:

ა) ტევადობის გაცემის მიხედვით -  $\eta_{\theta} = 0,85 \div 0,95$ ,

ბ) ენერგიის გაცემის მიხედვით -  $\eta_w = 0.75 \div 0.8$ ,

სადისერტაციო ნაშრომში სიახლედ უნდა ჩაითვალოს ის, რომ მიღებულია მზის ელემენტის ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის განტოლება უქმი სვლის, მოკლე შერთვის პარამეტრებისა და ოპტიმალური პარამეტრების მიხედვით. მიღებული ვოლტ-ამპერული მახასიათებელი

წარმოადგენს კვადრატულ სამწევრს, რომელიც ცალსახად აკავშირებს ელემენტის გამოსავალ ძაბვას მასში გამავალ დენთან.

მზის, ქარის, დიზელგენერატორების და აკუმულატორული ბატარეის ენერგიების ერთდროული ან სელექციური გზით გამოყენება წარმოადგენს მირითად საფუძვლებს მუდმივი და ცვლადი მაბვის ჰიბრიდული ენერგოსისტემის განვითარებისათვის.

დამუშავებული სადისერტაციო ნაშრომში წარმოდგენილია ენერგოსისტემის განზოგადებული ჰიბრიდული პარალელური თანამედროვე პერსპექტიული სტრუქტურული სქემა. იგი შედგება გარდამქმნელისაგან, ფოტოელექტრული მართვადი საკომუტაციო უკონტაქტო აპარატებისაგან; ქარის გენერატორისაგან; აკუმულატორული ბატარეისაგან; ცვლადი ძაბვის მუდმივ ძაბვად გარდაქმნისაგან; სამფაზა დენის გამმართველისაგან; სამფაზა ცვლადი ძალოვანი ტრანსფორმატორისაგან; მართვის სისტემისაგან; მუდმივი და ცვლადი დენის დატვირთვისაგან და მუდმივი და ცვლადი მაზვის ქსელისაგან.

მზის ელემენტებისა და აკუმულატორული ბატარეის სელექციურობის მიზნით შექმნილია და გამოყენებულია ტრანზისტორული მოდულებისგან აწყობილი იმპულსური გარდამქმნელი სქემა. ამ სქემის საფუძველზე წარმოებს აკუმულატორული ბატარეის დამუხტვა-განმუხტვის პროცესების მართვა და რეგულირება.

არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროებიან მუდმივი და ერთფაზა ცვლადი დენის ავტონომიურ ჰიბრიდულ ელექტროსისტემაში ჩატარებულია ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელირება. მიღებულია ცვლადების გამოსახულებები, როგორც დროის ფუნქცია გამოხატული ექვივალენტური პარამეტრების მეშვეობით. მიღებულია გაერთიანებულ სისტემაში შემავალი ავტონომიური ინვერტორის დატვირთვის მაზვის ამპლიტუდური მომვლების ფაზური ფუნქციის ანალიზური გამოსახულებები. და განსაზღვრულია ერთფაზა ძალოვანი ტრანსფორმატორის სიმძლავრის

დინამიური კოეფიციენტის გამოსახულება, რომელშიც ფუნქციონირებს ექვივალენტური პარამეტრები.

ფაზური ფუნქცია შესაზამის გამოსახულებებში განსაზღვრავს ერთფაზა ძალურ ტრანსფორმატორში ძაბვისა და დენის ნულზე გადასვლის წერტილებს შორის დროის მონაკვეთს. შესაბამისად, ფაზური ფუნქცია გამომავალი დენის ნულზე გადასვლის წერტილებში განსაზღვრავს ვენტილების ჩაკეტვის კუთხეებს; ამის გამო ფაზური ფუნქცია წარმოადგენს სქემაში შემავალი ვენტილების კუთხის დისკრეტული ჩაკეტვის მნიშვნელობების მომვლებს. ამგვარად, ინვერტორული და ტრანსფორმატორული სქემების ექვივალენტური პარამეტრების შემდეგ განსაზღვრის მიღებული გამოსახულებების საფუძველზე შესაძლებელი გახდა გარდამავალ პროცესებში ვენტილების ჩაკეტვის კუთხის ცვლილების ხასიათის დადგენა. შესაბამისად დადგინდა, რომ შემთხვევაში მოცემული პარამეტრეზის გარდამავალ პროცესში ნახევარგამტარული გარდამქმნელების მუშაობა მდგრადია.

სადისერტაციო ნაშრომში დადგენილია პირობა, რომლის შესრულების შემთხვევაში განხილულ ენერგოსისტემაში აკუმულატორული ბატარეის დამუხტვის პროცესი მთავრდება და მუდმივი და ცვლადი დენის წრედში ენერგიის გადასაცემად განმუხტვის პროცესი იწყება.

ნაშრომში აგებულია განახლებადი ენერგიის წყაროებიანი ავტონომიური ენერგოსისტემის ერთფაზა ტრანსფორმატორის მაბვებისა და დენების განზოგადებული ვექტორული დიაგრამა.

წარმოდგენილ ჰიბრიდულ სისტემაში ჩატარებულია ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების კომპიუტერული მოდელირება და აგებულია თითოეული ცვლადების გარდამავალი პროცესის მოდელის სტრუქტურული სქემები.

მათემატიკური მოდელის შედეგად მიღებული იქნა ცვლადების ინტეგრალური გამოსახულებები, რომლებიც შეთავსებადია გამოთვლითი ტექნიკის ტექნოლოგიებთან.

შექმნილია მუდმივი და ცვლადი ძაბვის ენერგოსისტემის გარდამქმნელი დანადგარებით შეთანხმებული მუშაობის პრინციპული ელექტრული სქემა. ამ სქემაში გათვალისწინებულია სელექციურობის მიზნით იმპულსური გადამრთველი წრედი და ავტონომიური ინვერტორის გამოსავალი ძაბვის რეგულირებისათვის მოდულაციური წრედი ტრანზისტორული მოდულების ბაზაზე.

სადისერტაციო ნაშრომში ჩატარებულია ჰიბრიდული ავტონომიური მუშაობის დინამიური პროცესების მოდელირება, რეჟიმების მართვა და ოპტიმიზაცია.

შექმნილია მზის ფოტოელექტრული სადგურისა, აკუმულატორული ბატარეისა და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივი მუშაობის ერთიანი სისტემა.

დადგენილია აღნიშნული ერთიანი სისტემაში მუშაობის თორმეტი რეჟიმი. ეს რეჟიმები დაყოფილია განზოგადებულ კენტ და ლუწ რეჟიმებად. შესაბამისად შემოღებულია განზოგადებული დროის საანგარიშო ინტერვალები.

განსაზღვრულია ერთიან სისტემაში ელექტრული სიდიდეების, მართვის იმპულსების, კომუტაციური ფუნქციების და სამფაზა ცვლადი ქსელის მაბვის დროზე დამოკიდებულების კანონზომიერება.

შექმნილია ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემების პარალელური მუშაობის კენტი და ლუწი რეჟიმების საანგარიშო პრინციპული ელექტრული სქემა.

შედგენილია შესაბამისი რეჟიმების ელექტრული წონასწორობის და ცვლადთა მდგომარეობის განტოლებები მზის ელემენტის ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის განტოლების გათვალისწინებით.

დამუშავებულია შედგენილი განტოლებების ამოხსნის მეთოდიკა და მიღებულია შესაბამისი ცვლადების ინტეგრალური გამოსახულებები, რამაც საშუალება მოგვცა ჩატარებული ყოფილიყო პროცესების კომპიუტერული მოდელირება. შესაბამისად აგებული იქნა ცვლადების

გარდამავალი პროცესების მოდელის სტრუქტურული სქემა, განზოგადებულ კენტ და ლუწ ინტერვალებისათვის. განსაზღვრულია განზოგადებული დროის ინტერვალებიდან იმ *n* - ინტერვალის რიგითი ნომერი, რომლის დროსაც სისტემაში პროცესები მყარდება.

მიღებულია მატრიცულ ფორმაში ცვლადების ინტეგრალური გამოსახულებები, რომლის საფუძველზე შედგენილია სხვაობითი განტოლებები. მათი ამოხსნის შედეგად მიღებულია კომპიუტერულ ტექნოლოგიებთან შეთავსებადი ცვლადების განზოგადებული საანგარიშო გამოსახულებები კენტ და ლუწ რეჟიმებისათვის.

დადგენილია ცვლადების გარდამავალი პროცესების მოდელის სტრუქტურული სქემის ელემენტების მირითადი თვისებები.

მიღებულია მოცემული მატრიცული განტოლების ზუსტი ამონახსნები განზოგადებული კენტი და ლუწი რეჟიმების ინტერვალებისათვის შებამისი საწყისი პირობების გათვალისწინებით,

იმისათვის რომ მიღებული შედეგები შეთავსებადი ყოფილიყო კომპიუტერულ ტექნოლოგიებთან რიცხვითი მეთოდით გაანგარიშებისათვის საჭირო გახდა შედეგები წარმოდგენილი ყოფილიყო რეკურენტური ფორმულის სახით, რაც კომფაქტურ ფორმაში ჩატარდა განზოგადებული კენტ და ლუწ რეჟიმებისათვის.

ჩატარებულია ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული პარალელური სისტემის მუშაობის რეჟიმების ოპტიმიზაცია და მდგრადობის გამოკვლევა. მიღებული იქნა დენის მიხედვით ერთიანი გარდამქმნელი სისტემის გადაცემის ფუნქცია, აგებული იქნა ამპლიტუდურ - ფაზურ - სიხშირული მახასიათებლები, რამაც გვიჩვენა, რომ ერთიანი სისტემა მუშაობის ნებისმიერ რეჟიმებში მდგრადია.

#### 1. ლიტერატურის მიმოხილვა

მოცემულია ნავთობისა და ბუნებრივი აირის მარაგის ამოწურვის შემდეგ ნახშირისა და ბირთვული საწვავის გამოყენების შედეგად გარემოზე მათი შესაძლო უარყოფითი ზემოქმედებები. დამუშავებულია არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროების ბაზაზე სუფთა გარდამქმნელების ეკოლოგიური ფოტოელექტრული გამოყენების ელექტროენერგეტიკაში. მოცემულია მზის ელემენტის ტექნოლოგიები შენაცვლების სქემა მისი ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის და გამოსახულება ექსპონენციალურ სახეში [1].

წიგნში განზოგადებულია და სისტემატიზირებულია ფოტოელექტრული მეთოდით მზის ენერგიის ელექტრულ ენერგიაში გარდაქმნის საკითხები. მოცემულია გარდაქმნის ფიზიკური საფუძვლები. წარმოდგენილია მზის ელემენტების სხვადასხვა მახასიათებლები[2].

წარმოდგენილია მუდმივი და ცვლადი ძაბვის ენერგოსისტემების გარდამქმნელი დანადგარით შეთანხმებული მუშაობის პრინციპული ელექტრული სქემა. აგებულია გამტარმდგომარეობაში მყოფი ნახევარგამტარული ხელსაწყოების დენებისა და მუდმივი ძაბვის ქსელში ძაბვის დიაგრამები [3].

სამეცნიერო-ტექნიკური ინფორმაციათა საკავშირო ინსტიტუტის ჰელიოენერგეტიკის სერიაში წარმოდგენილ სამეცნიერო ნაშრომში: "მზის ელექტრული სადგურები" მოცემულია მზის ელექტროსადგურის ოპტიკური სისტემები, მზის ელექტროსადგურის პარამეტრების ოპტიმიზაცია და მუშაობის მათემატიკური მოდელირების საკითხები[4].

მზის განხილულია ნახევარგამტარ ელემენტებში მიმდინარე მირითადი ფიზიკური პროცესები მზის ენერგიის ელექტრულ ენერგიად გარდაქმნისას. წარმოდგენილია კაჟბადისა არსენიდ-გალიუმის და შექმნილი ოპტიმიზაციის მასალებზე ელემენტების პარამეტრების საკითხები. მოცემულია მზის ელემენტების სხვადასხვა მოდელების

განსაკუთრებულობის ანალიზი. მოყვანილია ექსპერიმენტის შედეგები მაღალი მ.ქ.კ.-ის მქონე ელემენტების მიღების მიზნით [5].

მონოგრაფიაში მოცემულია მზის ელემენტებისა და ბატარეის შექმნის ფიზიკური საფუძვლები, აგებულია ძირითადი მახასიათებლები და გაანგარიშებულია ვოლტ-ამპერული მახასიათებლების ექვივალენტური პარამეტრები. განხილულია მზის ბატარეის პროექტირების საკითხები. დამუშავებულია მზის ელემენტებისა და ბატარეის შეერთების სახეები მაბვის რეგულირებისათვის[6].

წიგნში აღწერილია მოწყობილობები, რომლებიც საშუალებას იძლევიან გამოყენებული იქნას მზის ენერგია ფოტოელექტრული გარდაქმნელების საშუალებით საყოფაცხოვრებო სფეროში[7].

სტატიაში წარმოდგენილია მუდმივი და ერთფაზა ცვლადი ძაბვის ელექტროენერგეტიკული პარალელური ჰიბრიდული სისტემების პრინციპული ელექტრული სქემა. ჩატარებულია პროცესების ანალიზი. მიღებულია ტრანსფორმატორის დინამიური სიმძლავრის კოეფიციენტის გამოსახულება და დადგენილია ექვივალენტური პარამეტრები[8].

განახლებადი ენერგიის წყაროებიან ავტონომიურ ენერგოსისტემაში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების მათემატიკური მოდელირება მუდმივი დენის გარდამქმნელის მოდულაციური წრედის გათვალისწინებით მოცემულია სტატიაში[9].

მზის ფოტოელექტრული სადგურისა და ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივი მუშაობისას პროცესების მართვა და რეგულირება წარმოდგენილია სამეცნიერო სტატიებში[10,12].

განახლებადი ენერგიის წყაროებიან ჰიბრიდული პარალელური ენერგოსისტემის ერთობლივი მუშაობის რეჟიმების ოპტიმიზაცია ჩატარებულია ხელნაწერის უფლებით სამეცნიერო ნაშრომში[13].

მზის ფოტოელექტრული სადგურისა და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივი მუშაობა, პროცესების მართვა და რეგულირება წარმოდგენილია ხელნაწერის უფლებით სამეცნიერო ნაშრომში[14].

ენერგიის არატრადიციული და განახლებადი წყაროების გარდაქმნისა და გამოყენების ტექნოლოგიები ელექტროენერგეტიკაში წარმოდგენილია ხელნაწერის უფლებით სამეცნიერო ნაშრომში[15].

წარმოდგენილია მზის ენერგიის ელექტრული და ქიმიურ ენერგიაში გარდაქმნის მეთოდის საფუძვლები ნახევარგამტარ ელექტროდებიან ფოტოელექტრულ ელემენტებში. მოცემულია მზის გარდამქმნელების განვითარების პერსპექტივები[16].

წიგნში განხილულია ქარის ენერგეტიკის არსებული მდგომარეობა და განვითარების პერსპექტივები. ჩატარებულია ქარის ენერგეტიკის რესურსების შეფასება. მოყვანილია ენერგოსისტემაში ქარის ენერგიის გამოყენების აუცილებლობა და მიზან შეწონილობა [17].

სახელმძღვანელოში მოცემულია ქარის ენერგეტიკული რესურსები, ქარის ელექტრული დანადგარის მუშაობის პრინციპები, ქარის დანადგარების ტიპები, ქარის აგრეგატების მიერ წლიური ელექტროენერგიის გამომუშავების მიახლოებითი ანგარიშის მეთოდები [18].

დამხმარე სახელმძღვანელოში მოცემულია მოწყობილობათა ელემენტები, დატვირთვები, მათი საანგარიშო ვარიანტები და ურთიერთ შერწყმები. განსაზღვრულია მუდმივი და დროითი დატვირთვები ქარის ელექტროდანადგარების ელემენტებზე, მის ფუნდამენტზე და საფუძველზე. განხილულია გაანგარიშების მაგალითები[19].

მუდმივი დენის ძრავის გაშვებისა და წევის რეჟიმების გამოკვლევა წევის ქვესადგურის სამფაზა ბოგური გამმართველ-ინვერტორული გარდამქმნელის გათვალისწინებით წარმოდგენილია სტატიაში[20].

წევის ქვესადგურის სამფაზა ბოგური გამმართველ-ინვერტორული გარდამქმნელისა და განივ - იმპულსური მოდულაციით მართვადი მუდმივი დენის წევის მრავის ერთიან სისტემაში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების გაანგარიშება და ანალიზი დროის განზოგადებული ინტერვალებისათვის მოცემულია სტატიაში[21].

ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემისა და ცვლადი დენის სამფაზა ქსელის პარალელური რეჟიმში ერთობლივი მუშაობისას პროცესების მართვა, რეგულირება და ოპტიმიზაცია მოცემულია სამეცნიერო ნაშრომში[22].

წევის ქვესადგურის სამფაზა ბოგური გამმართველ-ინვერტორული გარდამქმნელისა და განივ - იმპულსური მოდულაციით მართვადი მუდმივი დენის წევის მრავის ერთიან სისტემაში პროცესების მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელირება წარმოდგენილია სამეცნიერო ნაშრომში[23].

ნაშრომში განხილულია ძალოვანი ელექტრონიკის სქემების სხვადასხვა ჯგუფების ძირითადი მახასიათებლები, ნაჩვენებია ძალოვანი ქსელური გამმართველების, მწყვეტარების და გარდამქმნელების მუშაობის პრინციპები და გამმართველების დაცვის ტექნოლოგიები[24].

წარმოდგენილია გამმართველებისა და ნახევარგამტარული სიხშირული გარდამქმნელების მოქმედების პრინციპები, მათემატიკური აპარატის გამოყენება პროცესების მოდელირებისათვის, გამომავალი მაბვის რეგულირების საკითხები. დამუშავებულია ბუნებრივი და იძულებითი კომუტაციით გარდაქმნის უნივერსალური სქემები, მათი რეგულირების და მართვის სქემები [25].

განხილულია ცვლადი სტრუქტურის ვენტილური მონოგრაფიაში გარდამქმნელების სქემეზი, ანალიზის მეთოდეზი, სინთეზი და ოპტიმიზაციის მეთოდები. წარმოდგენილია გამოთვლითი ტექნიკის საშუალებით ანალიზის მეთოდები და პროგრამები. გამოყენებულია პერიოდულად ნახტომისებური კანონით ცვალებადი სტრუქტურებიანი დიფერენციალური სისტემები. განტოლებათა შემოყვანილია მდგომარეობათა ცვლადების გრაფები გარდამქმნელებში მიმდინარე პროცესების ასახვისათვის [26].

მოცემულია მათემატიკური აპარატი, გამოყენებული ავტომატური მართვის თეორიაში; მიღებული დასკვნები დიფერენციალური და

სხვაობითი განტოლებების თეორიიდან. მნიშვნელოვანი ყურადღება ეთმობა წრფივი ალგებრას, მატრიცულ აღრიცხვას, კომპლექსური ცვლადების ფუნქციის თეორიას, ოპერაციულ აღრიცხვას და შემთხვევითი პროცესების თეორიას[27].

წიგნში წარმოდგენილია თავმოყრილ და განაწილებულ პარამეტრებიანი წრფივი ელექტრული წრედების ანალიზის ზოგადი მეთოდები. განხილულია ელექტრულ წრედებში გარდამავალი პროცესების გაანგარიშების მეთოდები[28].

განხილულია ძალოვან ვენტილურ წრედებში ელექტრომაგნიტური პროცესების დინამიკის ანალიზი, გაანგარიშებისა და გამოკვლევის თეორია. სხვადასხვა გარდამქმნელი სქემებისათვის მიღებულია გამოკვლევების შედეგები და შექმნილია მათემატიკური მოდელები [29].

სახელმძღვანელოში დამუშავებულია წრფივი და არაწრფივი ელექტრული წრედების გაანგარიშების მეთოდები, როგორც ერთფაზა, ასევე სამფაზა დენის წრედისათვის. განხილულია სიმეტრიული და არასიმეტრიული მრავალფაზა წრედების გაანგარიშების მეთოდები. გაანგარიშების კლასიკური, პროცესების მოცემულია გარდამავალი ოპერატორული და სიხშირული მეთოდები[30].

დამხმარე სახელმძღვანელოში დამუშავებულია მუდმივი და ცვლადი დენის ელექტრული წრედების გაანგარიშების მეთოდები, როგორც დამყარებული, ასევე გარდამავალ პროცესებისათვის. განხილულია გარდამავალი პროცესები თავმოყრილ და განაწილებულ პარამეტრებიან ელექტრულ წრედებში. მოცემულია ელექტრომაგნიტური ველის სრული განტოლებები და მათი ამოხსნის მეთოდები [31].

მონოგრაფიაში განხილულია მოდულაციური ტიპის ინვერტორების აგების პრინციპები და თეორია, რომლებიც ითვალისწინებენ გამომავალ სინუსოიდურ მაბვებს. მოცემულია გამომავალი მაბვის რეგულირების მეთოდები და განხილულია ამ მოწყობილობებში დინამიური პროცესების გამოკვლევა [32].

წიგნში დამუშავებულია პასიური და აქტიური წრფივი წრედების ანალიზის თანამედროვე მეთოდები დროისა და სიხშირის არეში[33].

განხილულია არაწრფივი ელექტრულ წრედებში პროცესების რეზისტორული და ანალიზის საკითხები. აღწერილია დინამიური ანალიზის რომელთა წრედების რიცხვითი მეთოდები, გამოყენება შეთავსებადია გამოთვლითი ტექნიკის პროგრამებთან[34].

მონოგრაფიაში მოცემულია ელექტრომომარაგების სისტემებში რეჟიმების ოპტიმალური სიმეტრირების მეთოდები და საშუალებები. მოყვანილია სამფაზა არასიმეტრიული სისტემის მათემატიკური მოდელი. დამუშავებულია არასიმეტრიული რეჟიმების ტექნიკური და ეკონომიკური კრიტერიუმების მიხედვით ოპტიმიზაციის ალგორითმები[35].

ერთიანი გარდამქმნელ სისტემის ელექტრომაგნიტური პროცესების გაანგარიშება და ანალიზი კომპიუტერული პროგრამების გამოყენებით; მიზნით კომპიუტრული მოდელირების პროცესების აღმწერი გარდაქმნა დიფერენციალურ განტოლებათა სისტემის რეკურენტულ განტოლებებად მატრიცულ ფორმაში; სხვაობითი სხვაობითი განტოლებების ამოხსნის მეთოდი და მათი გამოყენება ელექტრონული სქემების ანალიზისათვის განხილულია მონოგრაფიაში[36].

წევის ქვესადგურის ერთიან გარდამქმნელ სისტემაში მატარებლის რეკუპერაციული დამუხრუჭების რეჟიმებში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელირება ჩატარებულია სტატიაში[37].

სამფაზა მართვადი გამმართველის დინამიური პროცესების ანალიზი ტრანსფორმატორის ძირითადი პარამეტრების გათვალისწინებით, დაფუძნებული ცვლადთა კომპლექსურ-სპექტრული-ოპერატორული გარდაქმნის მოდერნიზებულ მეთოდზე, წარმოდგენილია საკავშირო ჟურნალ "Электричество"-ში გამოქვეყნებულ სტატიაში[38].

სამფაზა დენის ავტონომიური ინვერტორისაგან და არასიმეტრიულ სტატიკური დატვირთვისაგან შემდგარი გარდამქმნელი სისტემაში

ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების დინამიკის გამოკვლევისა და გაანგარიშების მოდერნიზებული მეთოდი დამუშავებულია ჟურნალ "Электричество"-ში [39].

წევის ქვესადგურის ერთიან გარდამქნელი სისტემის მდგომარეობათა ცვლადების მატრიცული განტოლებების ამოხსნა და შესაბამისი სხვაობითი განტოლებების მიღება, შეთავსებადი კომპიუტერული პროგრამებთან, მოცემულია სტატიაში[40].

აღწერილია Matlab გაფართოების, Simulink და Fuzzy Logic Toolbox მთელი რიგი პაკეტები, რომლებიც არსებითად აფართოებენ Matlab -ის შესაძლებლობებს შეასრულონ რთული სისტემებისათვის მათემატიკური გაანგარიშებები, მოდელირების საკითხები და გამოიყენონ შესაბამისი მიდგომა ბუნდოვანი ლოგიკისა და ნეირონული წრედების მიმართ მოცემულია ნაშრომში[41].

მექატრონული სისტემების მოდელირება Matlab - Simulink-ის გარემოში, Simulink-ის და Sim Power System-პაკეტების ბიბლიოთეკის აღწერილობა, გამოყენებული მექატრონიკის სისტემებში მოცემულია სახელმძღვანელოში[42].

Matlab6.0 - ის პრაქტიკულად გამოყენების საკითხები ნახევარ გამტარული გარდამქმნელების პროცესების გაანგარიშებისა და ანალიზის ამოცანების გადაწყვეტაში განხილულია ნაშრომში[43].

წარმოდგენილია ელექტროტექნიკური მოწყობილობებისა და სისტემეზისათვის Simulink გამოყენებითი პროგრამების და სისტემებისათვის Sim Power System ბიბლიოთეკის ბლოკების აღწერა. მოდელების განხილულია გაანგარიშების შესრულების მექანიზმი. მოყვანილია რეკომენდაციები პროგრამების გამოყენების შესახებ[44].

წიგნში განხილულია მუდმივი დენის გარდამქმნელებისა და ავტონომიური ინვერტორების აგებისა და ფუნქციონირების პრინციპები. აღწერილია ელექტრომაგნიტური პროცესები, მოყვანილია კომუტაციური

რგოლების პარამეტრების გაანგარიშების მეთოდიკა და ინვერტორების რეგულირების საკითხები[45].

წილად - რაციონალური გამოსახულებებისა და ორიგინალებისათვის ლაპლასის შებრუნებული გარდაქმნების ზოგადი ფორმულები და *Z*გარდაქმნების თეორია წარმოდგენილია მონოგრაფიაში[46].

წრფივი, არაწრფივი, ერთფაზა, სამფაზა, თავმოყრილ და განაწილებულ პარამეტრებიან ელექტრულ წრედების გაანგარიშების მეთოდები; ფილტრები, ოთხპოლუსები, ელექტრომაგნიტური ველის თეორია, მისი სრული განტოლებათა სისტემის ამოხსნის მეთოდები წარმოდგენილია ორი ტომის სახით სახელმძღვანელოში[47].

ელექტრულ წრედებში და ელექტრომაგნიტურ ველებში სივრცითიდროითი დამოკიდებულებანი; ელექტროტექნიკაში ფიზიკური სიდიდეების გარდამქმნელები, ზეგამტარი ტრანსფორმატორები, დენის შემზღუდველები, სწრაფმოქმედი ავტომატები წარმოდგენილია მსოფლიო დონის მონოგრაფიაში[48].

მზის ფოტოელექტრული სადგურის, აკუმულატორული ბატარეის და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივი მუშაობის ერთიანი სისტემა, მასში ძირითადი თორმეტი რეჟიმის შესწავლა, ელექტრული სიდიდეების მდგომარეობათა მიმართ წონასწორობის განტოლებები, ცვლადების ამოხსნა, განტოლებების შედგენა და მათი რიცხვითი მეთოდით პროცესეზის მათემატიკური მოდელირება და კომპიუტერული განზოგადებული დროის ინტერვალებში, სხვაობითი განტოლებების მიღება და ამოხსნა წარმოდგენილია სამეცნიერო ნაშრომში[49].

გაერთიანებული ჰიბრიდული პარალელური ელექტროენერგეტიკული სისტემებისათვის მიღებულია დენის მიხედვით გადაცემის ფუნქცია დროის განზოგადებული ინტერვალებისათვის; დადგენილია ექვივალენტური პარამეტრები; გამოკვლეულია სისტემის მდგრადობა; აგებულია ამპლიტუდურ-ფაზურ-სიხშირული მახასიათებლები, რომელთა

საფუძველზე დასტურდება მუშაობის ნებისმიერ რეჟიმებში წარმოდგენილი გარდამქმნელი სისტემის მდგრადობა[50].

აკუმულატორული ბატარეიის, გაერთიანებულ ჰიბრიდულ ელექტროენერგეტიკულ სისტემასთან პარალელურ რეჟიმში მუშაობისას, დამუხტვა-განმუხტვის პროცესების გამოკვლევა, მართვა და რეგულირება დამუხტვა-განმუხტვის დენებისა და მაბვების მნიშვნელობების მიხედვით წარმოდგენილია სახელმძღვანელოში[51] და სტატიაში[52].

## 2. შედეგები და მათი განსჯა

# თავი 1. ენერგიის არატრადიციული და განახლებადი წყაროების გარდაქმნისა და გამოყენების ტექნოლოგია ელექტროენერგეტიკაში. 1.1. არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროების მდგომარეობა და გამოყენების პერსპექტივები.

სამეცნიერო - ტექნიკური პროგრამების არსებული დონის პირობებში ენერგომოხმარება შეიძლება დაიფაროს ორგანული საწვავის (ნახშირი, ნავთობი, გაზი), ჰიდროენერგიის და თბური ნეიტრონების საფუძველზე ენერგიეზის გამოყენების ხარჯზე. ატომური ერთის მხრივ, 2020 მრავალრიცხოვანი გამოკვლევების შედეგების მიხედვით[1,2]. წლისათვის ორგანული საწვავი მხოლოდ ნაწილობრივ დააკმაყოფილებს მსოფლიო ენერგეტიკის მოთხოვნებს. ენერგომოხმარების დარჩენილი ნაწილი შეიძლება დაკმაყოფილდეს არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროების ხარჯზე.

ენერგიის არაგანახლებადი წყაროები წარმოადგენენ ნივთიერებისა და მასალების ბუნებრივ მარაგს, რომლებიც გამოიყენებიან ადამიანის მეშვეობით ენერგიის მისაღებად. მაგალითად: ბირთვული საწვავი, ნახშირი, ნავთობი და გაზი. არაგანახლებადი წყაროების ენერგია ბუნებაში იმყოფება შეკავშირებულ მდგომარეობაში და გამოთავისუფლდება ადამიანის მიზანმიმართული მოქმედების შედეგად[1].

განახლებადი ენერგიის წყაროები გარემომცველ გარემოში არსებობენ მუდმივად, ან პერიოდულად აღმრული ენერგიის ნაკადების საფუძველზე.

არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროებს განეკუთვნება: მზის, ქარის, გეოთერმული, ზღვის ტალღების, ოკეანეების მიმოქცევის, ბიომასის, ნახშირის, ტორფის და წყლის დიდი და მცირე ნაკადების ენერგიები[2].

ქვემოთ ნაჩვენებია არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროების კლასიფკაცია (ცხრილი1).

ცხრილი 1.

პირველადი ენერგიის წყაროები	ენერგიის ბუნებრივი გარდაქმნა	ენერგიის ტექნიკური გარდაქმნა	მეორადი მოხმარების ენერგია
დედამიწა	მიწის გეოთერმული სითბო	გეოთერმული ელექტრო სადგური	
მზე	ატმოსფერული ნალექის აორთქლება	ჰიდროელექტრული სადგური	
	ატმოსფერული ჰაერის მოძრაობა	ქარის ენერგეტიკული დანადგარები	
	ზღვის დინებები	ზღვის ელექტრო სადგურები	ელექტროობა
	ტალღების მოძრაობა	ტალღური ელექტრო სადგურები	
	ყინულის დნობა	ყინულოვანი ელექტრო სადგურები	
	ფოტოსინთეზი	ელექტროსადგურები ბიომასაზე	
		ფოტოელექტროობა	
პლანეტები	მოქცევა და მიქცევა	მიქცევითი ელექტრო სადგურები	

# 1.1.1. ენერგორესურსების მარაგი, განახლებადი ენერგიის წყაროების მოხმარების სტრატეგიული მიზნები და განახლებადი ენერგეტიკის განვითარების როლი

არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროების პოტენციური შესაძლებლობები წელიწადში შეადგენენ მილიარდ ტონა პირობითი საწვავს:

- მზის ენერგია 2300;
- ქარის ენერგია 26,7;
- ბიომასის ენერგია 10;
- მიწის სითბო 40000;
- მცირე მდინარეთა ენერგია 360;
- ზღვისა და ოკეანეების ენერგია 30;

მეორადი დაბალ პოტენციური სითბოს წყაროების ენერგია - 530;
 ენერგიის განახლებადი წყაროების და საწვავის ადგილობრივი
 სახეობების გამოყენების სტრატეგიული მიზნებია:

- არაგანახლებადი სათბობ-ენერგეტიკული რესურსების გამოყენების შეზღუდვა;
- სათბობ-ენერგეტიკის კომპლექსისგან ეკოლოგიური დატვირთვის შემცირება;
- დეცენტრალიზებული მომხმარებლისა და რეგიონების უზრუნველყოფა საწვავის შორეული და სეზონური შემოტანით;
- შორიდან შემოტანილი საწვავის ხარჯების შემცირება;

განახლებადი ენერგეტიკის განვითარების აუცილებლობა განისაზღვრება მისი როლის მიხედვით შემდეგი პრობლემების გადაწყვეტაში;

დეცენტრალიზებული ელექტრომომარაგების ზონებში
 დასახლებებისა და წარმოებების მდგრადი თბო და
 ელექტრომომარაგების უზრუნველყოფა;

 ცენტრალიზებული ენერგომომარაგების ზონებში, რომლებიც განიცდიან ენერგიის დეფიციტს, ავარიული და შეზღუდული გამორთვებისაგან ზარალის აღმოფხვრას, მოსახლეობებისა და წარმოებების გარანტირებული ენერგომომარაგების მინიმუმის უზრუნველყოფა;

რთული ეკოლოგიური გარემოებიან და აგრეთვე მოსახლეობის
 მასიური დასვენების ადგილებიან ქალაქებში და დასახლებულ
 პუნქტებში ენერგეტიკული დანადგარებისაგან მავნე
 გამონატყორცნების შემცირება.

უკანასკნელ პერიოდში გაზრდილია ინტერესი არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროების მიღებისა და გამოყენების ტექნოლოგიების მიმართ. საქართველოში დიდი მნიშვნელობა ენიჭება მზის და ქარის ენერგიების ელექტრული ენერგიად გარდაქმნისა და გამოყენების ტექნოლოგიებს.

# 1.2. მზის ენერგიის გარდაქმნის პროცესების ფიზიკური საფუძვლები 1.2.1. მზის გამოსხივების ინტენსიურობა

მზის მზეზე გამოსხივების ენერგიის წყაროს განაპირობებს თერმობირთვული რეაქცია. ამ ენერგიის ძირითადი ნაწილი გადადის ელექტრომაგნიტური გამოსხივეზის სახეში 0,2-3030 დიაპაზონში. ატმოსფეროს გავლით მზის ენერგია სუსტდება მირითადად წყლის ორთქლში ინფრაწითელი გამოსხივების შთანთქმის გამო, ოზონის მიერ ულტრაფიოლეტური გამოსხივების შთანთქმის გამო და გაზების და ჰაერში არსებული მტვრის ნაწილაკების მიერ გამოსხივების ფანტვის გამო. ატმოსფეროს მიერ მზის გამოსხივების ინტერსიურობაზე გავლენის ასახვის

მირითადი პარამეტრია ატმოსფერული მასა (ამ). ნულოვანი ატმოსფერული მასის ამ 0 შემთხვევაში მზის გამოსხივების ინტენსიურობა ტოლია  $E_{\sigma b} = 1360 \frac{30}{b^2}$ . ამ 1 სიდიდე შეესაბამება მზის გამოსხივების გავლას უღრუბლო ატმოსფეროს გავლით ზღვის დონემდე მზის ზენიტური მდგომარეობაში ყოფნისას.

ატმოსფერული მასა დედამიწის ზედაპირის ნებისმიერი დონისათვის დღის ნებისმიერ მომენტში განისაზღვრება ფორმულით:

$$s\theta(x) = \frac{x}{x_0} \cdot \frac{1}{\sin\theta},\tag{1}$$

სადაც 🗴 ატმოსფერული წნევაა- პასკალი (პა);

x₀- ნომინალური ატმოსფერული წნევაა (1,013 · 10<sup>5</sup>პა);

🛛 - ჰორიზონტის ზემოთ მზის სიმაღლის კუთხეა.

დედამიწის პირობებში მეტად დამახასიათებელია ამ 1,5( $\theta$  = 42<sup>0</sup>). იგი ჩაითვლება სტანდარტულ სიდიდედ  $E_c$  = 835 $\frac{30}{\theta^2}$ , მზის გამოსხივების ინტეგრალური ზედაპირული სიმკვრივისას - $E_{\theta th}$  = 835 $\frac{30}{\theta^2}$ .

ფოტონის ენერგია, ევ, ტალღის \lambda სიგრძის გამოსხივებაში განისაზღვრება თანაფარდობიდან:

$$h\nu = h\frac{c}{\lambda} = \frac{1,24}{\lambda},$$
(2)

სადაც *h*-პლანკის მუდმივაა, 6,626196 · 10<sup>-34</sup> ჯოულ · წმ;

c-სინათლის სიჩქარეა, 300000 კმ/წმ;

λ-ტალღის სიგრძეა, მკმ.

აკრძალული ზონის *E<sub>g</sub>*განის მქონე მზის ელემენტის მასალაში ფოტონის შთანთქმა იწყება ტალღის ზღვრული სიგრძის ასეთი მნიშვნელობის შემდეგ:

$$\lambda_{\text{foggff}} = \frac{1,24}{E_g} , \qquad (3)$$

### 1.2.2 *P – n* გადასვლის ფოტოელექტრული თვისება

მონოკრისტალური კაჟბადის საფუძველზე დამზადებული მზის ელემენტის უმარტივესი კონსტრუქცია ნაჩვენებია ნახ.1-ზე. კაჟბადის *P*ტიპის ფირფიტის ზედაპირიდან მცირე სიღრმეზე ფორმირებულია *P – n* გადასვლა თხელი ლითონური კონტაქტით. ფირფიტის უკანა მხარეზე დასმულია მთლიანი ლითონური კონტაქტი.



ნახ.1 უმარტივესი მზის ელემენტის კონსტრუქცია

ვთქვათ P-n გადასვლა განლაგებულია ნახევარგამტარის განათებული ზედაპირიდან ახლოს. მზის ელემენტის ელექტრული ენერგიის წყაროს რანგში გამოყენებისას მის მომჭერებზე უნდა მიუერთდეს  $R_{\varphi}$  დატვირთვის აქტიური წინაღობა. ჯერ განვიხილოთ ორი უკიდურესი შემთხვევა:  $R_{\varphi} = 0$  (მოკლე შერთვის რეჟიმი) და  $R_{\varphi} = \infty$  (უქმი სვლის რეჟიმი). ამ რეჟიმების ზონური დიაგრამა გამოხატულია ნახ.2,ა,ბ-ზე[5].

პირველ შემთხვევაში (ნახ.2,ა) განათებული *P* – *n* გადასასვლელის ზონური დიაგრამა არ განსხვავდება თერმოდინამიური წონასწორობისას ზონური დიაგრამისაგან (განათების გარეშე და წანაცვლების მაბვის მიუწოდებლად), რამდენადაც გარე დამოკლება უზრუნველყოფს *n* და *P* არეს შორის ნულოვან პოტენციურ სხვაობას.





ნახ.2. განათებისას *P – n* გადასასვლელის ზონური ენერგეტიკული დიაგრამები: ა)მოკლე შერთვის რეჟიმში; ბ)უქმი სვლის რეჟიმში; გ) დატვირთვის წინაღობაზე ჩართვა
P-n გადასასვლელის გავლით გარე სადენში მიედინება დენი, განპირობებული P-არეში ელექტრონულ-ხვრელური წყვილების გენერაციით.ფოტოელექტრონი, წარმოშობილი მოცულობითი მუხტის უშუალო სიახლოეში, შეიგრმნობს P-n გადასასვლელის ელექტრულ ველს და დაეცემა n - არეში. დანარჩენი ელექტროდენები დიფუნდირებს P-nგადასასვლელთან, ცდილობენ შეავსოს მათი სიმცირე და საერთო ჯამში აგრეთვე ეცემიან n - არეში.

*n* - ის არეში აღიძვრება ელექტრონების მიმართული მოძრაობა უკანა ლითონური კონტაქტისაკენ, გადაკვეთავს გარე წრედის და *P* - არეში მდებარე კონტაქტს. *P* - არის კონტაქტის საზღვართან წარმოებს ფოტოგენერირებული ხვრელებიდან აქ მოსული ელექტრონების რეკომბინაცია.

P - n - გადასასვლელის გარე წრედის განხილვისას (ნახ.2,ბ), n - არეს მუხტავენ უარყოფითად. P - არეში დარჩენილი ჭარბი ხვრელები მუხტავენ P - არეს დადებითად. ამ გზით აღმრული პოტენციალთა სხვაობა არის  $U_{mu}$ უქმი სვლის მაბვა.  $U_{mu}$  მაბვის პოლარობა შეესაბამება P - nგადასასვლელის პირდაპირ წანაცვლებას.

სინათლის გენერირებული გადამტანების ნაკადი ქმნიან I<sub>ფ</sub> ფოტოდენს. I<sub>ფ</sub>-ის სიდიდე ტოლია ფოტოგენერირებული გადამტანების რიცხვს გასული *P – n*-გადასვლელის გავლით დროის ერთეულში:

$$I_{g} = q \frac{P_u}{h\nu}, \qquad (4)$$

სადაც *q* - ელექტრონის მუხტის სიდიდეა; *P<sub>u</sub>* - შთანთქმული მონოქრომატული გამოსხივების სიმძლავრეა.

აქ დაშვებულია, რომ ნახევარგამტარში თითოეული შთანთქმული ფოტონი, ენერგიით  $hv \ge E_g$  ქმნის ერთ ელექტრონულ-ხვრელურ წყვილს. ეს პირობა კარგად სრულდება კაჟბადის S და გალიუმის არსენიდის  $G_aA_s$ -ის საფუძველზე შექმნილ მზის ელემენტებისათვის [6].

მზის ელემენტში ნულოვანი ომური შიგა დანაკარგებისას მოკლე შერთვის რეჟიმი(ნახ.2,ა) ექვივალენტურია *P* – *n*- გადასასვლელის

წანაცვლების ნულოვანი ძაბვისა. ამიტომ მოკლე შერთვის I<sub>მ</sub> დენი ტოლია I<sub>ფ</sub> ფოტოდენის:

$$I_{80} = I_{g}$$
. (5)

უქმი სვლის რეჟიმში (ნახ.2ბ)  $I_g$  ფოტოდენი წონასწორდება "სიბნელის  $I_T$ " დენით, წარმოშობილი  $U_{J_{2}}$  წანაცვლების მაბვისას P - nგადასასვლელის გავლით, როგორც პირდაპირი დენი. "სიბნელის  $I_T$ " დენის აბსოლუტური მნიშვნელობა ტოლია:

$$I_{T} = I_{0} \exp\left[\left(\frac{qU_{\text{gl}}}{AkT}\right) - 1\right] = I_{\text{g}}, \tag{6}$$

საიდანაც, როც<br/>ა $\, \mathrm{I}_{_{\mathfrak{B}}} \gg \mathrm{I}_{_{\mathfrak{O}}}$ გვაქვს:

$$U_{\text{g.b.}} = \frac{AkT}{q} \ln \left( \frac{I_{\text{g}}}{I_0} + 1 \right) \approx \frac{AkT}{q} \ln \frac{I_{\text{g}}}{I_0}, \tag{7}$$

სადაც k-ბოლცმანის მუდმივაა, 1,38  $\cdot$  10<sup>-23</sup>  $\frac{2^{m_{0}}}{\kappa} = 0,86 \cdot 10^{-4} \frac{33}{\kappa};$ 

T-აბსოლიტური ტემპერატურაა, k;

I₀-გაჟღენთვის დენია;

$$A = 0.434 \frac{q}{KT} \Delta U, \tag{8}$$

სადაც ∆U-ძაბვის ნაზრდია მხებისადმი დენის სიმკვრივის ერთი რიგით ნაზრდისას.

A-P-n გადასასვლელის ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის პარამეტრია, ცვალებადი გრაფიკის სხვადასხვა უბნებისათვის 1-დან 2-მდე (8) გამოსახულების კანონზომიერების დაცვით.

"სიბნელის  $I_T$ " დენი თანამდებია დენის არაძირითადი გადამტანების რეკომბინაციებით (მოცემულ შემთხვევაში *P* არეში ელექტრონებით). რეკომბინაციის აქტისას ელექტრონულ ხვრელური წყვილების პოტენციალური ენერგია გამოიყოფა ან ფოტონის გამოსხივებით, რომლისთვისაც  $hv \approx E_g$ , ან იხარჯება კრისტალური მესერის გახურებაზე. ორთავე პროცესი სქემატურად ნაჩვენებია დამატებითი ისრებით ნახ.2,ბ-ზე. ასე ამგვარად უქმი სვლის რეჟიმი მზის ელემენტისა ექვივალენტურია სინათლის დიოდის მუშაობის რეჟიმისა; აგრეთვე გამმართველი დიოდებისა გამტარ მიმართულებით[7].

#### 1.3. მზის ელემენტის ვოლტ-ამპერული მახასიათებელი

ვიპოვოთ განათებული P-n გადასვლის ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის განზოგადებული გამოსახულება. ამისათვის დავუშვათ, რომ ამ P-n გადასვლაზე მიერთებულია კვების წყარო ვარირებული მაბვით. წანაცვლების დადებითი მაბვისას I<sub>ფ</sub> ფოტოდენი გამოირიცხება P-n გადასვლის "სიბნელის" დენისაგან, ხოლო უარყოფითი მაბვისას I<sub>ფ</sub> ფოტოდენი მიემატება "სიბნელის" დენს[5].





მზის სქემაში (ნახ.3) ელემენტის შენაცვლების გამომავალ მახასიათებელზე სხვადასხვა პირობების გავლენის გამოკვლევამ მიგვიყვანა ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის განტოლებაში სამი დამატებითი A, R<sub>s</sub> და  $R_p$  პარამეტრების ჩართვაზე. ნახ.2-გ-ზე განხილულია P-n გადასვლელზე ვარირებადი R<sub>დ</sub> დატვირთვის წინაღობის მიერთება. დატვირთვაში დენის მიმართულება ყოველთვის ემთხვევა I დენის მიმართულებას; ხოლო თვით დატვირთვის დენი i ტოლია P-n გადასასვლელის გავლით რეზულტირებული დენისა[8].

$$i = J - I \left\{ exp \left[ \frac{e(U_{dc} + iR_s)}{AKT} \right] - 1 \right\} - \frac{U_{dc}}{R_p}, \qquad (9)$$

სადაც A დიოდური კოეფიციენტია და ღებულობს მნიშვნელობას 1-დან 5-მდე;  $R_s$ -მზის ელემენტის მიმდევრობითი წინაღობაა;  $R_p$ -მზის ელემენტის მაშუნტირებელი წინაღობა; K-ბოლცმანის კოეფიციენტია; T-აბსოლუტური ტემპერატურა; e -ელექტრონის მუხტი; i - მზის ელემენტის გამომავალი დენი;  $U_{dc}$  - მზის ელემენტის გამომავალი მაბვა; J - P - n გადასასვლელზე გამავალი ფოტოდენი; I - გაჯერების უკუდენი[9].

(9) განტოლებაში ჯამი  $U_{dc} + iR_s$  წარმოადგენს დიოდურ  $U_d$  მაბვას, რომელიც ნიშნავს თვით მზის ელემენტზე მაბვის ვარდნას. თუ დენის მიმართულება საწინააღმდეგოა ნახ.3-ზე ნაჩვენები დენის მიმართულებისა, მაშინ ჯამი  $U_d = U_{dc} - iR_s$ 

მზის ელემენტის ყველა პარამეტრი იცვლება ტემპერატურის, განათებულობის ინტენსიურობისა და რადიაციული დაზიანების ხარისხის ცვალებადობასთან ერთად. ამის გამო ძნელია გაიზომოს ყველა დიაპაზონში პარამეტრები *I, A, R<sub>s</sub>, R<sub>p</sub>* 

(9)-დან განვსაზღვროთ *U<sub>dc</sub>*:

$$U_{dc} = R_{p}[J - I\{\exp[K_{0}(U_{dc} + iR_{s})] - 1\} - i]$$
(10)

სადაც

$$K_0 = \frac{e}{AKT}$$
(11)

(10)-დან უქმი სვლის (*i* = 0) და მოკლე შერთვის (*U<sub>dc</sub>* = 0) რეჟიმებისათვის გვაქვს განტოლებათა შემდეგი სისტემა:

$$U_{\text{dcmd}} = R_{p} \left[ J + I - I \cdot \exp(K_{0}U_{\text{dcmd}}) \right]$$

$$i_{a,a} = J + I - I \cdot \exp(K_{0}i_{aa} \cdot R_{s})$$
(12)

(12) განტოლებათა სისტემის ამოხსნა I და J -ს მიმართ გვაძლევს:

$$I = \frac{c}{R_p} U_{\text{degge}}; \quad J = \frac{1+cb}{R_p} U_{\text{degge}}; \quad J = \left(b + \frac{1}{c}\right) I \tag{13}$$

სადაც:

$$b = \exp(\mathbf{K}_{0}\mathbf{U}_{dc_{\mho}\vartheta}) - 1; \quad c = \frac{1 - \frac{\mathbf{R}_{p}\mathbf{i}_{\partial\vartheta}}{\mathbf{U}_{dc_{\mho}\vartheta}}}{\exp(\mathbf{K}_{0}\mathbf{i}_{\partial\vartheta}\mathbf{R}_{s}) - \exp(\mathbf{K}_{0}\mathbf{U}_{dc_{\mho}\vartheta})}.$$
(14)

(13) გამოსახულებები ჩავსვათ (10)-ში, მივიღებთ მზის ელემენტის ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის განტოლებას ფარდობით ერთეულებში[10]:

$$U_{dc}^{*} + a \cdot i^{*} = b^{/} - c \cdot exp[d(U_{dc}^{*} + i^{*})], \qquad (15)$$

სადაც:

$$a = \frac{R_p}{R_s}, \quad d = K_0 U_{\text{degd}\theta}, \quad b' = 1 + c(1+b),$$
$$i^* = \frac{i}{\frac{U_{\text{degd}\theta}}{R_s}}, \quad U^*_{\text{degd}\theta} = \frac{U_{\text{degd}\theta}}{U_{\text{degd}\theta}}, \quad (16)$$

(15) განტოლების მარჯვენა მხარის მეორე წევრი დავშალოთ ტეილორის მწკრივებად და გავითვალისწინოთ დაშლის პირველი სამი წევრი. შედეგად (15) – დან მივიღებთ:

$$U_{dc}^{*}\left(1+cd+\frac{1}{2}cd^{2}U_{dc}^{*}+cd^{2}i^{*}\right)=b^{\prime}-c-(a+cd)i^{*}-\frac{1}{2}cd^{2}(i^{*})^{2}$$
 (17)

დენის  $0 < i^* < i^*_{6,3}$ ინტერვალისათვის (17) განტოლების ამოხსნა გვაძლევს  $U^*_{dc} = f(i^*)$ ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის განტოლებას[11]:

$$U_{dc}^{*} = \frac{1}{cd^{2}} \left( -\left[1 + cd + cd^{2}i^{*}\right] \pm \left[\left[1 + cd\left(1 + di^{*}\right)\right]^{2} + 2cd^{2}\left[b' - c - (a + cd)i^{*} - \frac{1}{2}cd^{2}(i^{*})^{2}\right]^{\frac{1}{2}}\right)$$
(18)

მზის ელემენტის სიმძლავრისთვის გვაქვს:

$$P^{*} = U_{dc}^{*} \cdot i^{*} = \frac{1}{cd^{2}} \left( -i^{*} \left[ 1 + cd(1 + di^{*}) \right] \pm i^{*} \left[ \left[ \left( 1 + cd + cd^{2}i^{*} \right) \right]^{2} + 2cd^{2} \left[ b^{/} - c - (a + cd)i^{*} - \frac{1}{2}cd^{2}(i^{*})^{2} \right] \right]^{\frac{1}{2}} \right)$$
(19)

(19) გამოსახულებაში თუ მივიღებთ დაშვებას  $R_s = R_p$ მაშინ გვექნება  $a = 1; \mu_3 = 0$  და  $\frac{dP^*}{di^*} = 0$  პირობისათვის მივიღებთ i $_{m,3,0}^*$  ოპტიმალური დენის მიმართ შემდეგ განტოლებას:

$$\mu_2 (i_{m3\partial}^*)^2 + \mu_1 i_{m3\partial}^* + \mu_0 = 0$$
<sup>(20)</sup>

სადაც

$$\mu_{2} = 4c^{2}d^{4}[1 + 2cd - d^{2}c(2b' - c)]; \mu_{1} = 4d^{2}c\{1 + cd(3 + 2b'd) + c^{2}d^{2}[1 + d(2b' - c)]\}; \mu_{0} = 2cd + c^{2}d^{2}(5 - c^{2}d^{2}) + dc^{2}d^{3}2(2 + cd)$$

$$(21)$$

(20) განტოლების ამოხსნა და (18) განტოლების გათვალისწინება გვამლევს i<sub>ოატ</sub> ოპტიმალური დენის და ოპტიმალური U<sub>demატ</sub> მაბვის შემდეგ გამოსახულებებს:

$$i_{m \bar{\partial}_{\mathcal{O}}}^{*} = \frac{1}{2\mu_{2}} \left[ -\mu_{1} \pm (\mu_{1}^{2} - 4\mu_{0}\mu_{2})^{\frac{1}{2}} \right]; \qquad (22)$$
$$U_{dcm \bar{\partial}_{\mathcal{O}}}^{*} = \frac{1}{cd^{2}} \left( -\left[ 1 + cd\left( 1 + di_{m \bar{\partial}_{\mathcal{O}}}^{*} \right) \right] \pm \left[ \left[ 1 + cd\left( 1 + di_{m \bar{\partial}_{\mathcal{O}}}^{*} \right) \right]^{2} + 2cd^{2} \left[ b - c - (a + cd)i_{m \bar{\partial}_{\mathcal{O}}}^{*} - \frac{1}{2}cd^{2} \left( i_{m \bar{\partial}_{\mathcal{O}}}^{*} \right)^{2} \right] \right]^{\frac{1}{2}} \right) \qquad (23)$$

ექსპერიმენტული მონაცემებით მოცემულად ითვლება უქმი სვლის მაბვა და მოკლე შერთვის დენი $(U_{dc_{JJ}^{0}}, i_{6,3})$ . (23)-ში a = 1. ამ მონაცემების მიხედვით ვპოულობთ **b**, **c**, **d**,  $\mu_0$ ,  $\mu_1$ ,  $\mu_2$  კოეფიციენტებს (14), (15) და (21) გამოსახულებების საფუძველზე. (16) გამოსახულებიდან ვპოულობთ  $i_{m,3,0}^*$ ოპტიმალურ დენსა და  $U_{dc m,3,0}^*$  ოპტიმალურ მაბვას.

ამრიგად, მზის ელემენტის ვოლტ-ამპერულ მახასიათებელზე გვაქვს სამი წერტილის კოორდინატები ცნობილი:

 $M_1(0,1); M_2(i^*_{m_{3}}; U^*_{dc m_{3}}); M_3(1,0);$ 

მოვახდინოთ ამ სამი წერტილის კოორდინატების მიხედვით $U_{dc}^* = f(i^*)$  ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის ინტერპოლაცია ლანგრაჟის ფორმულის მიხედვით და შედეგად მივიღებთ[12]:

$$U_{dc}^{*} = \frac{i^{*} - 1}{i_{m3\partial}^{*}} \left( i^{*} - i_{m3\partial}^{*} + \frac{i^{*} \cdot U_{dc \ m3\partial}^{*}}{i_{m3\partial}^{*}} - 1 \right)$$
(24)

(24) გამოსახულებას მივცეთ კვადრატული სამწევრის სახე;

$$U_{dc}^{*} = A_{1}(i^{*})^{2} - (1 + A_{1})i^{*} + 1$$
(25)

სადაც

$$A_{1} = \frac{1}{i_{m3\partial}^{*}} + \frac{U_{dc\,m3\partial}^{*}}{\left[i_{m3\partial}^{*}\left(i_{m3\partial}^{*}-1\right)\right]}$$
(26)

(25), (26)-დან გამომდინარეობს, რომ თუ i\* = 0, მაშინ U<sub>dc</sub> = U<sub>dc უქმ</sub>.=1; თუ U<sub>dc</sub> = 0. მაშინ გვაქვს i\* = i<sub>მ.შ</sub> = 1

თუ i\* = i<sup>\*</sup><sub>ოპტ</sub>, მაშინ გვაქვს U<sup>\*</sup><sub>dc</sub> = U<sup>\*</sup><sub>dc ოპტ</sub>. (25) განტოლების საფუძველზე აგებულ ვოლტ-ამპერულ მახასიათებელს აქვს ნახ.4-ზე ნაჩვენები მრუდი 1-ის სახე.



ნახ.4. მზის ელემენტის ვოლტ-ამპერული მახასიათებელი

იმ შემთხვევაში თუ (15) განტოლების მარჯვენა მხარის მეორე წევრის ტეილორის მწკრივებად დაშლაში გავითვალისწინებთ მხოლოდ დაშლის პირველი ორ წევრს, მაშინ ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის გამოსახულებას აქვს სახე:

$$U_{dc}^* = 1 - i^*$$
 (27)

(27) გამოსახულების საფუძველზე აგებულ ვოლტ-ამპერულ მახასიათებელს აქვს ნახ.4-ზე ნაჩვენები მრუდი 2-ის სახე. როგორც ნახ.4-დან ჩანს ტეილორის მწკრივებად დაშლის მესამე წევრის უგულვებელყოფა იწვევს ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის გაწრფივებას. შესაბამისად ცდომილებაც მნიშვნელოვნად დიდია. ამიტომ ვოლტამპერული მახასიათებლის შედარებით ზუსტი აგებისათვის, რომელშიც გათვალისწინებულია დენისა და მაბვის ზღვრული ოპტიმალური i<sup>\*</sup>იპტ, U<sup>\*</sup><sub>de</sub>ოპტ. მნიშვნელობები, აუცილებელი და საკმარისია ტეილორის მწკრივებად დაშლაში გათვალისწინებული იქნას პირველი სამი წევრი[12].

#### 1.4. მზის ემემენტების კონსტრუქციები და მასალები

მონოკრისტალური კაჟბადის საფუძველზე სტრუქტურების წარმოება ტექნოლოგიურად რთული და ძვირადღირებული პროცესია. ამიტომ ყურადღება მიექცა ისეთ მასალებს, როგორებიცაა ამორფული კაჟბადის (*a – Si*: *H*) საფუძველზე შენადნობები, გალიუმის არსენიდი და მრავალკრისტალური ნახევარგამტარები.

ამორფული კაჟბადი-აღმოჩნდა უფრო იაფი ალტერნატიული სახე, ვიდრე მონოკრისტალური კაჟბადი. მის საფუძველზე პირველი მზის ელემენტი შექმნილი იქნა 1975 წელს. ამორფული კაჟბადის ოპტიკური შთანთქმა 20-ჯერ მაღალია, ვიდრე მონოკრისტალის. ამიტომ ხილული სინათლის არსებითად შთანთქმისათვის საკმარისია 0,5-1,0 მკმ თხელი a - Si: H ამორფული კაჟბადის ფირფიტები ძვირადღირებული 300 მკმ სისქის მონოკრისტალური კაჟბადის მაგივრად. გარდა ამისა, დიდი ფართობის ამორფული კაჟბადის თხელი ფირფიტების მიღების არსებული ტექნოლოგიების გამო არ საჭიროებს ჭრის ოპერაციებს, გასუფთავებას და პოლირებას, რაც მონოკრისტალური კაჟბადის საფუძველზე მზის ელემენტების დამზადებისათვის აუცილებელია. მრავალკრისტალური კაჟბადის ელემენტებთან შედარებით a - Si: H-ის საფუძველზე ნაწარმს ამზადებენ შედარებით დაბალ ტემპერატურაზე (300ºC): შეიძლება

გამოყენებულ იქნას იაფი მინის საფენები, რაც ამცირებს კაჟბადის დანაკარგებს 20-ჯერ.

ჯერჯერობით მაქსიმალური მარგიქმედების კოეფიციენტის (12%) მქონე ასეთი ტიპის ელემენტები დამზადებული a - Si: H-ის საფუმველზე, რამდენადმე ნაკლებია კრისტალური კაჟბადის მზის ელემენტის (~15%) მ.ქ.კ.-ზე. ერთის მხრივ, არ არის გამორიცხული, რომ ტექნოლოგიების განვითარების გამო a - Si: H-ის საფუმველზე დამზადებული მზის ელემენტების მ.ქ.კ. მიაღწევს -16%-ს.

გალიუმის არსენიდი ერთ-ერთი მეტად პერსპექტიული მასალებია მაღალეფექტური მზის ბატარეის შექმნისთვის. ეს აიხსნება მისი შემდეგი განსაკუთრებულობით [13].

- თიქმის იდეალური ერთგადასასვლელიანი მზის ელემენტების
   აკრძალვის ზონა არის 1,43 ევ;
- მზის გამოსხივების შთანთქმისადმი ამაღლებული უნარი
   მოითხოვს მთლიანად რამოდენიმე მიკრონის სისქის ფენას;
- GaAs-ის საფუძველზე ბატარეის გახურების მიმართ შედარებით არამგრძნობელობა;
- GaAs-ის შენადნობების მახასიათებლები ალუმინთან, დარიშხანთან, ფოსფორთან ან ინდიუმთან ავსებს GaAs-ის მახასიათებლებს, რაც აფართოვებს შესაძლებლობებს მზის ელემენტების დაპროექტებისას.

არსენიდი გალიუმის და მათ საფუძველზე შენადნობების მთავარი ღირსებაა მზის ელემენტების დიზაინისათვის ფართო შესაძლებლობების დიაპაზონი. GaAs-ის საფუძველზე ფოტოელემენტი შეიძლება შეიცავდეს სხვადასხვა შემადგენლობის ფენებს. ეს საშუალებას აძლევს დამამუშავებელს დიდი სიზუსტით მართვის მუხტების გადამტანების გენერაციის მიღებას, რაც კაჟბადიანი მასის ელემენტებში შეზღუდულია ლეგირების დასაშვები დონით. GaAs-ის საფუძველზე ტიპიური მზის

ელემენტი შედგება ფანჯრის რანგში A/GaAs-ის ძალიან თხელი ფენისაგან [14].

არსენიდ გალიუმის მირითადი უარყოფითი მხარეა მისი მაღალი ფასი. წარმოების გაიაფებისათვის მზის ელემენტის ფორმირებას ახდენენ უფრო იაფი საფენებით; ქმნიან GaAs-ის ფენას იოლად მოსაცილებელ ან მრავალჯერადი გამოყენების ქვედა საყრდენად.

მრავალკრისტალური თხელი ფენები ძალიან პერსპექტიულია მზის ენერგეტიკისათვის. ამ მასალების სისქის პირველ მიკრონში წარმოებს სინათლის 99%-ის შთანთქმა და მათი აკრძალვის ზონაა 1,0 ევ.

კადმიუმის ტელურიდი (CdTe)- კიდევ ერთი პექსპექტიული მასალაა ფოტოელექტრული ელემენტებისათვის. მათ დაახლოების იდეალური აკრმალული ზონის სიგანე აქვთ (1,44 ევ) და მალიან დიდი უნარი აქვთ გამოსხივების შთანთქმისათვის. ამას გარდა, ტექნოლოგიურად არაა რთული მივიღოთ შენადნობი Zn-თან და Hg-თან, რაც იძლევა მოცემული თვისებების ფენებს. ტყვიის ჟანგი გამოიყენება როგორც გამჭირვალე კონტაქტი და განათებული საფარი. CdTe-ის ფირფიტები ხასიათდებიან მუხტების გადამტანების მაღალი მოძრაობით, ხოლო მათ საფუძველზე მზის ელემენტები ხასიათდებიან მაღალი მ.ქ.კ.-ით 10%-დან 16%-მდე[15].

მზის ელემენტებს შორის განსაკუთრებული ადგილი უკავია ბატარეიებს, შესრულებული ორგანული მასალების გამოყენებით. მათი მ.ქ.კ. შეადგენს ~11%. ასეთი მზის ელემენტის საფუძველს შეადგენს აკრძალვის ფართო ზონიანი ნახევარგამტარი -TiO<sub>2</sub>, დაფარული ორგანული საღებავის მონოფენით. ელემენტის მუშაობის პრინციპი დაფუძნებულია საღებავის ფოტოაღგზნებაზე და TiO2,-ის გამტარობის ზონაში ელექტრონის სწრაფ ინჟექციაზე. ამ დროს საღებავის მოლეკულა იჟანგება, ელემენტის გავლით გადის ელექტრული დენი და პლატინის ელექტროდზე წარმოებს ტრიოდიდის აღდგენა იოდიდამდე. შემდგომ იოდიდი გადის ელექტროლიტის ფოტოელექტროდისაკენ, სადაც აღდგება გავლით დაჟანგული საღებავი[16].

# 1.5. ქარის ენერგია და მისი გამოყენების შესაძლებლობები.1.5.1. ქარის წარმოშობა, საქართველოს ქარის ზონები.

ქარის წარმოშობის ძირითადი მიზეზია მზით დედამიწის ზედაპირის არათანაბარი გახურება. დედამიწის ზედაპირი არაერთგვაროვანია: ხმელეთი, ოკეანეები, მთები, ტყეები განაპირობებენ ზედაპირის სხვადასხვა გახურებას ერთი და იგივე განედის ქვეშ. ყველა ეს მიზეზები ართულებს ატმოსფეროს ზოგად ცირკულაციას. აღიგზნება ამა თუ იმ ხარისხში ერთმანეთთან დაკავშირებული რიგი ცალკეული ცირკულაციები [17].

დედამიწის ზედაპირის ეკვატორზე დევს წყნარი ზონა სუსტი ცვალებადი ქარებით. წყნარი ზონის ჩრდილოეთით და სამხრეთით განლაგებულია ზონები, რომლებიც დედამიწის დასავლეთიდან ბრუნვის გამო გადაიხრებიან დასავლეთისაკენ. ამის აღმოსავლეთისკენ გამო ნახევარსფეროში მუდმივი ქარეზი ჩრდილოეთ შემოდიან ჩრდილოაღმოსავლეთიდან, ხოლო სამხრეთ-ნახევარსფეროში კი სამხრეთაღმოსავლეთიდან.

დედამიწის ზედაპირის რელიეფის განსაკუთრებული ადგილობრივი პირობები (ზღვები, მთები და სხვა) იწვევენ ადგილობრივ ქარებს.

დღისითა და ღამით ტემპერატურის ცვალებადობის შედეგად აღიძვრებიან ზღვის სანაპირო ქარები, რომლებსაც უწოდებენ "ბრიზებს".

დღისით, მზიან ამინდში ხმელეთი ძლიერ ხურდება, ვიდრე ზღვის ზედაპირი, ამიტომ გახურებული ჰაერი ხდება ნაკლებად მკვრივი და აიწევა ზემოთ. ამასთან ერთად ზღვის უფრო ცივი ჰაერი მიისწრაფვის ხმელეთისაკენ და ქმნის ზღვის სანაპირო ქარს. ხმელეთის ზემოთ აწეული ჰაერი მიედინება ზღვის მხარეს ზედა ფენებში და ნაპირიდან რაღაც მანძილზე ეშვება ქვემოდ[18].

ამგვარად, აღიძვრება ჰაერის ცირკულაცია ზღვის სანაპიროზე ქვემოდ მიმართულებით და ხმელეთიდან ზღვისკენ ზემოდ მიმართულებით. ღამით ხმელეთის ზემოდ ჰაერი ძლიერ ცივდება, ვიდრე ზღვის ზემოდ,

ამიტომ ცირკულაციის მიმართულება იცვლება: ზღვაზე ჰაერი მოძრაობს ქვემოდ, ხოლო ზღვიდან ხმელეთზე ზემოდ. ასეთი ქარის ("ბრიზების") გავრცელების ზონაა დაახლოებით 40კმ ზღვის მხარეს და 40 კმ ხმელეთის მხარეს. ქარის სიმაღლე ჩვენს განედზე აღწევს 200 - დან 300 მ-დე. ტროპიკული ქვეყნებში "ბრიზები" შეიმჩნევა დაახლოებით წლის ყველა დროში, ხოლო ზომიერ სარტყელში მხოლოდ ზაფხულობით ცხელ ამინდში. "ბრიზები" შეიძლება არსებობდეს ზაფხულობით შავი და კასპიის ზღვის სანაპიროებზე.

დიდი ზღვებისა და ოკეანეების სანაპირო რაიონებში ტემპერატურის წლიური ცვალებადობა იწვევენ "ბრიზების" ანალოგიურად ცირკულაციას წლიური პერიოდით. ეს ცირკულაცია უფრო მძლავრი ზომისაა, ვიდრე "ბრიზები" და წოდებულია, როგორც "მუსონები". მუსონები აღიძვრებიან შემდეგი მიზეზით: ზაფხულში კონტინენტი ხურდება ძლიერ, ვიდრე მის გარშემო მყოფი ზღვები და ოკეანეები. ამის გამო კონტინენტის ზემოდ წარმოიქმნება ჰაერი ოკეანიდან დაზალი წნევა, კონტინენტისაკენ მიისწრაფვის ქვემოდ, ზემოდ შებრუნებით, ხოლო მიედინება კონტინენტიდან გარშემორტყმულ ოკეანეებისაკენ. ამ ქარებს უწოდებენ ზღვის "მუსონებს". ზამთრობით კონტინენტი მნიშვნელოვნად ცივია, ვიდრე ზღვის ზედაპირი; მათ ზემოთ წარმოიშვება მაღალი წნევის არე; ამის შედეგად ჰაერის ქვედა ფენა მიემართებიან კონტინენტიდან ოკეანეებისაკენ, ხოლო ზედა ფენებში კი შებრუნებით, ოკეანეებიდან კონტინენტებისაკენ. ასეთ ქარებს უწოდებენ "მატერიალურ მუსონებს"[18].

ზონებს აქვთ ქარის რეჟიმები, რომლებიც ქვეყნის სხვადასხვა ერთმანეთისაგან საშუალო განსხვავდებიან. ქარის წლიური ძლიერ სიჩქარის მნიშვნელობა მოცემულ რაიონში იძლევა საშუალებას დაახლოებით წარიმართოს მსჯელობა ქარის მრავების გამოყენების მიზანშეწონილობაზე და შესაბამისი აგრეგატების ეფექტურობაზე.

ენერგეტიკაში ეკოლოგიურად უსაფრთხოა მზის, ქარის, ზღვის მიმოქცევის და სხვა ასეთი სახის ენერგიები, რომელთა გამოყენებისას არ

ხდება *CO*<sub>2</sub>-ის გამოყოფა და რადიოაქტიური ნივთიერებებით გარემოს გაჭუჭყიანება.

ეკოლოგიურად სუფთა და განახლებადი ენერგიის წყაროს მიეკუთვნება ქარის ენერგია. ცნობილია, რომ პლანეტაზე ქარის ჯამური სიმძლავრეა 2700 ტერავატი. აქედან 670 ტერავატი სიმძლავრე დედამიწის ზედაპირიდან დაახლოებით 100მ სიმაღლეზე არსებობს, ხოლო 2000 ტერავატის სიმძლავრე მოდის ატმოსფეროს ზედა ფენაზე დედამიწის ზედაპირიდან დაახლოებით 7-დან 12 კმ-მდე სიმაღლეზე პლანეტის ჩრდილოეთით და სამხრეთით. ნახევარსფეროს  $40^0 - 70^0$  განედზე. ამ სიმაღლეზე ქარს აქვს სტაბილური პარამეტრები როგორც დღე-ღამის, ასევე წლის განმავლობაში. ქარის საშუალო წლიური სიჩქარე აღწევს 20-30 მ/წმ-ს. ასეთი ამოუწურავი და ეკოლოგიურად სუფთა ენერგის გამოყენება შესაძლებელია მხოლოდ სპეციალურად დამუშავებული ტექნოლოგიებით, რომელთა საფუძველს უნდა შეადგენდეს აეროსტატიკური მიზმული ბაქნები. ასეთ სიმაღლეზე განთავსებული 100 მვტ დადგმული სიმძლავრის მქონე ქარის ელექტროსადგურები 2050 წლისათვის საჭირო იქნება დაახლოებით 290000 ერთეული. თუ მოთხოვნილი მთელი სიმძლავრის სიმაღლეზე 50%-ს დააკმაყოფილებს ასეთ განთავსებული ქარის ელექტროსადგურები, მაშინ საჭირო იქნება 100 მვტ სიმძლავრის მქონე 145000 ერთეული ასეთი დანადგარის შექმნა დედამიწის ჩრდილოეთი და სამხრეთი ნახევარსფეროს ტერიტორიის ზემოთ 40°-დან 70°-განედამდე. მათ ტროფოსფერული ქარის ელექტრო დანადგარებს უწოდებენ.

მიწის ზედაპირიდან 100 მ სიმაღლეზე არსებული ქარის ენერგიის გამოყენებას დიდი ყურადღება ექცევა ისეთ ქვეყნებში, როგორიცაა: დანია, აშშ, გერმანია, ინგლისი, ბელგია, ნიდერლანდები, იაპონია, ინდოეთი, უკრაინა, რუსეთი და საქართველო. ექსპერტების შეფასებით 2020 წლისათვის რეალურად უნდა იყოს ათვისებული 45105 მვტ სიმძლავრე, რაც უზრუნველყოფს ზოგადი მოთხოვნილი სიმძლავრის 3,5%-ს ქარის ელექტროსადგურების მიერ დაკავებული მიწის ფართობი იქნება 5400 **კმ<sup>2</sup>**.

დღეისათვის ქარის ელექტროსადგურებში, როგორც წესი, გამოიყენება ძირითადად ასინქრონული გენერატორები. ტურბინის ნორმალურ ბრუნთა სიხშირეა 20-30 ბრ/წთ. გენერატორის ამძრავის მუშაობა ხორციელდება *K* = 50 ÷ 75 რედუქციის კოეფიციენტის მქონე რედუქტორით, რომელიც წარმოადგენს ხმაურის დამატებით წყაროს და ამცირებს მთლიანად სისტემის საიმედოობას. ქარის ელექტროსადგურების პარალელური მუშაობისას ასინქრონული გენერატორების უპირატესობად ითვლება ელექტრომაგნიტური მომენტის, დენის და გენერირებული სიმძლავრის შედარებით მცირე რხევები ქარის სიჩქარის ცვლილებათა პირობებში.

საქართველოში ქარის ელექტროსადგურების აშენება პერსპექტიულია სამხრეთ საქართველოს მთიანეთში, კახაბრის ვაკისა და კოლხეთის დაბლობის ცენტრალურ ნაწილში.

### 1.5.2. ქარის ძრავების კლასიფიკაცია მუშაობის პრინციპის მიხედვით.

ქარის მრავების (გენერატორების) არსებული სისტემები ქარის ბორბლის მოწყობილობათა სქემებისა და ქარის ნაკადში მისი მდებარეობის მიხედვით იყოფა სამ კლასად.

პირველი კლასში თავს იყრის ისეთი ქარის მრავები, რომელთაც ქარის ბორბალი განლაგებული აქვთ ვერტიკალურ სიბრტყეში. ამ დროს ბრუნვის სიბრტყე ქარის მართობულია და შესაბამისად ქარის ბორბლის ღერძი ქარის ნაკადის პარალელურია. ასეთი ქარის მრავებს უწოდებენ ფრთოვანს.

ფრთის ბოლო წერტილის წრიული სიჩქარის ფარდობა ქარის სიჩქარესთან წარმოადგენს სწრაფსვლიანობას:

$$Z = \frac{\omega R}{V}; \qquad (28)$$

ფრთოვანი ქარის ძრავები ქარის ბორბლის ტიპის და სწრაფსვლიანობის მიხედვით იყოფიან სამ ჯგუფად:

- მრავალ ფრთიანი, ნელსვლიანი, სწრაფმავალი Z ≤ 2 ქარის მრავები;
- მცირე ფრთიანი, ნელსვლიანი, მათ შორის ქარის წისქვილი, სწრაფმავალი Z > 2 ქარის მრავები;
- მცირე ფრთიანი, სწრაფმავალი  $Z \ge 3$  ქარის ძრავები.

**მეორე კლასს** განეკუთვნებიან ქარის ბორბლის ბრუნვის ღერძის ვერტიკალური მიმართულებიანი ქარის მრავების სისტემა.

მესამე კლასს განეკუთვნებიან ქარის ბრავები, რომლებიც მუშაობენ წყლის წისქვილის ბორბლის მუშაობის პრინციპზე. მათ უწოდებენ დოლურ ბრავებს. ასეთი ქარის ბრავებს ბრუნვის ღერძი აქვთ ჰორიზონტალური და პერპენდიკულარულია ქარის მიმართულებისა[19].

# 1.5.3. ქარის მრავის ფრთის ზედაპირის მუშაობაქარის ძალის ზემოქმედებისას.

ქარის სიჩქარე მუდმივად ცვალებადია სიდიდისა და მიმართულების მხრივ. ამ ცვალებადობის მიზეზია დედამიწის ზედაპირის არა თანაბარი გახურება და ადგილის რელიეფის უსწორმასწორობა.

ქარის კინეტიკური ენერგია იცვლება მისი სიჩქარის კუბის პროპორციულად:

$$\frac{mV^2}{2} = \frac{\rho F V^3}{2};$$
(29)

სადაც p-არის ქარის სიმკვრივე; F-განივი კვეთის ფართი; V-ქარის სიჩქარე.

ქარის ენერგიის გამოყენების კოეფიციენტია:

$$\xi = C_x \left( 1 - \frac{U}{V} \right)^2 \cdot \frac{U}{V} ; \qquad (30)$$

სადაც  $C_x$ -ფრთის საქარე წინაღობის ჰაეროდინამიკური კოეფიციენტია; U-ფრთის წრიული მოძრაობის სიჩქარეა; V- ქარის საშუალო სიჩქარეა. როგორც (30) - დან ჩანს.  $\xi$  - დამოკიდებულია ქარის მიმართულებაში ზედაპირის გადაადგილების სიჩქარეზე. თუ U = 0; მაშინ ქარის მიერ შესრულებული მუშაობა ნულის ტოლია; თუ U = V, მაშინ ზედაპირი გადაადგილდება ქარის სიჩქარით და მუშაობა იქნება ნული, რადგანაც არ არის წინაღობის ძალა. აქედან გამომდინარეობს, რომ ზედაპირის სიჩქარის მნიშვნელობა მოთავსებულია საზღვრებში U = 0- დან U = V- მდე. [2,5,6].

დადგენილია, რომ  $\xi$  -ის მაქსიმალური მნიშვნელობის მისაღებად ფრთის ზედაპირი უნდა გადაადგილდეს სიჩქარით:

$$U = \frac{1}{3}V; \tag{31}$$

ქარის ენერგიის გამოყენების მაქსიმალური კოეფიციენტი წინაღობის ძალით ზედაპირის მუშაობისას არ უნდა იყოს *ξ* = 0,192 -ზე მეტი.

## 1.6. ტყვია-მჟავიანი აკუმულატორული ბატარეის დამუხტვისა და განმუხტვის პროცესები ჰიბრიდულ ელექტროენერგეტიკულ სისტემასთან პარალელური მუშაობის პირობებში

ჰიბრიდული პარალელური ენერგოსისტემის ელექტრომომარაგების მდგრადი და სტაბილური რეჟიმების უზრუნველსაყოფად საჭიროა ტყვიამჟავიანი აკუმულატორების გამოყენება, რომლებისთვისაც თანმხლებია მუდმივად დამუხტვისა და განმუხტვის პროცესები. ეს პროცესები მიმდინარეობს კონტროლიორის, სიმძლავრის რეგულატორის და შესაბამისი მართვის იმპულსების ზემოქმედებით [20].

აკუმულატორის ტევადობა განისაზღვრება იმ განმუხტვის  $Q_{\rm dot}$  (ა.სთ) მუხტით, რომელიც მიიღება სრული განმუხტვისას  $t_{\rm dot}$  (სთ) განმუხტვის დროისათვის, როცა განმუხტვის დენია  $I_{\rm dot}$  (ა):

$$Q_{3^{5}5} = I_{3^{5}5} \cdot t_{3^{5}5} \qquad (32)$$

აკუმულატორული ბატარეის ერთეულოვანი ელემენტის ძირითადი მახასიათებლებია: განმუხტვის ხანგრძლივობა  $t_{\mathfrak{z}\mathfrak{z}\mathfrak{b}}$  (სთ); ტევადობა- $Q_{\mathfrak{z}\mathfrak{z}\mathfrak{b}}$ (ა.სთ); განმუხტვის დენი  $I_{\mathfrak{z}\mathfrak{z}\mathfrak{b}}$  (ა): განმუხტვის ძაბვის სასრული მნიშვნელობა  $U_{\mathfrak{z}\mathfrak{z}\mathfrak{b}}$  (ვ).

ქარხნები სტაციონალური დანადგარებისათვის ამზადებენ შემდეგი ტიპის ტყვია-მჟავიან ელემენტებს [21]: C (სტაციონალური ხანგრძლივი განმუხტვისათვის), CK(სტაციონალური ხანმოკლე განმუხტვისათვის), რომლებისგანაც ანზადებენ 110 და 220 ვ. ძაბვაზე აკუმლატორულ ბატარეებს.

აკუმულატორული ელემენტის ნომინალურ ტევადობად მიღებულია ტევადობა 10 საათიანი განმუხტვისას. იგი დამოკიდებულია განმუხტვის I<sub>გან</sub> დენზე. I<sub>გან</sub>-ის გადიდებით ტევადობა მცირდება და პირიქით.

აკუმულატორული ბატარეის ელექტროქიმიური დამუშავებისას დადებითად დამუხტულ ფირფიტასთან წარმოიშვება ტყვიის ზეჟანგი PbO<sub>2</sub>, ხოლო უარყოფით ფირფიტასთან კი - ტყვია. დამუხტვისა და განმუხტვის პროცესი წარმოადგენს შებრუნებულ რეაქციას:

განმუხტვის რეაქცია მიმდინარეობს გოგირდმჟავას ხსნარის დაშლით წყალბადის H<sub>2</sub> იონებად, მიმართული დადებითი ფირფიტისაკენ. ორთავე ფირფიტაზე წარმოიშვება გოგირდმჟავას ნაერთი ტყვიასთან P<sub>b</sub>SO<sub>4</sub> და გამოიყოფა თავისუფალი წყალი H<sub>2</sub>O, რაც ადაბლებს ელექტროლიტის კონცენტრაციას. დამუხტვის პროცესი წარმოებს გარეშე მუდმივი დენის წყაროს ერთსახელა მომჭერებთან მიერთების შედეგად ბატარეიაში დამუხტვის დენის გატარებისას.

გარეშე წყაროდან აკუმულატორულ ელემენტთან მიყვანილი დამუხტვის მაბვა უნდა იყოს ელემენტის E ე.მ. მალისა და მასში მაბვის შიგა დანაკარგების ჯამისა, ე.ი.

$$U_{\varphi v \vartheta} = E + I_{\varphi v \vartheta} \cdot R_{\vartheta \sigma \vartheta}$$
(34)

ელემენტის ე.მ. ძალა იზრდება ელექტროლიტის სიმკვრივის გაზრდისას, ხოლო შიგა *R*<sub>მო</sub> წინაღობა მცირდება. დამუხტვა ითვლება დამთავრებულად, თუ გამოურთავ მდგომარეობაში მყოფი დამმუხტველი კვების წყაროს ძაბვა ელემენტზე დამყარდება 2,15 ვ. და ელექტროლიტის სიმკვრივე მიაღწევს **1,21გ/სმ<sup>3</sup>-**ს, განმუხტვისას აკუმულატორული ელემენტის მომჭერებზე ძაბვა ტოლია:

$$U_{3^{560}} = E - I_{3^{560}} \cdot R_{3^{60}}$$
(35)

განმუხტვა მიმდინარეობს ელექტროლიტის სიმკვრივისა და ე.მ. ძალის შემცირებით და შიგა წინაღობის გადიდებით. აკუმულატორული ბატარეის განმუხტვა დაიშვება ელემენტზე 1,95-1,97 ვოლტი ძაბვის არსებობამდე [23].

აკუმულატორები ხასიათდებიან ორი მ.ქ.კ.-ით:

ა) ტევადობის გაცემის მიხედვით  $\eta_{\theta} = 0.85 \div 0.95$ , რომელიც განისაზღვრება, როგორც აკუმულატორის განმუხტვისას გაცემული Q<sub>გან</sub> ფარდობა განმუხტვის მუხტის რაოდენობის დამუხტვისას მოთხოვნილი **Q<sub>დან</sub> -** მუხტის რაოდენობასთან; ბ) ენერგიის გაცემის  $\eta_w = 0,75 \div 0,8,$ მიხედვით რომელიც განისაზღვრება, როგორც განმუხტვისას გაცემული  $W_{\mathrm{gast}}$  ენერგიის ფარდობა მისი დამუხტვისას დახარჯულ  $W_{\text{pub}}$  ენერგიასთან. როგორც ჩანს, ტევადობის მიხედვით მ.ქ.კ. მაღალია ენერგიის მიხედვით მ.ქ.კ.-ზე. განმუხტვისა და დამუხტვისას გაზების გამოყოფის გამო ტევადობის მიხედვით მ.ქ.კ. არ აღწევს ერთს. აკუმულატორული ბატარეის "თვითგანმუხტვა" წარმოადგენს ელექტროლიტში გარეშე მავნე ნარევებისგან დამატებით ფიზიკურ-ქიმიურ მოვლენებს, რომლებიც იწვევენ ქიმიური ენერგიის დანაკარგებს [24].

(34),(35) ტოლობებიდან ვღებულობთ:

$$\mathbf{E} = \left(\mathbf{U}_{\boldsymbol{\varphi}\boldsymbol{\imath}\boldsymbol{\vartheta}} \cdot \mathbf{I}_{\boldsymbol{\varsigma}\boldsymbol{\imath}\boldsymbol{5}\boldsymbol{\vartheta}} + \mathbf{U}_{\boldsymbol{\varsigma}\boldsymbol{\imath}\boldsymbol{5}} \cdot \mathbf{I}_{\boldsymbol{\varphi}\boldsymbol{\imath}\boldsymbol{\vartheta}}\right) / (\mathbf{I}_{\boldsymbol{\varsigma}\boldsymbol{\imath}\boldsymbol{5}} + \mathbf{I}_{\boldsymbol{\varphi}\boldsymbol{\imath}\boldsymbol{\vartheta}})$$
(36)

$$R_{\partial n_{\delta}} = (U_{\omega \delta} - U_{\delta \delta}) / (I_{\delta \delta} + I_{\omega \delta})$$
(37)

CK-1 ტიპის აკუმულატორული ბატარეიისათვის დამახასიათებელია შემდეგი პარამეტრები:

- დამუხტვის ძაბვა U<sub>დამ</sub> = 2,15 ვ;
- დამუხტვის ხანგრძლივობა t<sub>დამ</sub> = 10 სთ;
- ტევადობა 36 ა.სთ;
- განმუხტვის დენი I<sub>გან8</sub> = 3,6 ა;
- მაქსიმალური დამუხტვის დენი- I<sub>დამ</sub> = 9 ა;
- დამუხტვის მაბვა- U<sub>გან</sub> = 1,95 ვ;

ამ პარამეტრების გათვალისწინება (36), (37)-ში გვაძლევს აკუმულატორული ბატარეიის E ე.მ.ძალისა და მისი შიგა R<sub>შიგ</sub> წინარობის შემდეგ მნიშვნელობებს:

პრაქტიკაში იყენებენ ბატარეის მუდმივად ქვედამუხტის მეთოდს, რომლის დროსაც ჯერ აკუმულატორულ ბატარეიას ერთ ელემენტზე მუხტავენ ორი დამმუხტველ მოწყობილობით შესაბამისი ტევადობისა და მდგრადი 2,15 მაზვის მიღწევამდე; შემდეგ 3. სიდიდის 30აკუმულატორული ბატარეია და ერთი დამმუხტველი მოწყობილობა მუშაობენ პარალელურად მიერთებული მომხმარებელთა დატვირთვაზე. ამის გამო მუდმივად ქვედამუხტვის რეჟიმში მყოფი აკუმულატორული ავარიულ რეჟიმში სრულად ბატარეია ყოველთვის შედის მუშაობის დამუხტული.

პროცესში ელექტროლიტის თუ ექსპლუატაციის სიმკვრივე ელემენტის ჭურჭელში ნაკლები იქნება ან მეტი 1,2-1,21გ/სმ<sup>3</sup>-სიდიდეზე, მაშინ პირველ შემთხვევაში ჭურჭელში ამატებენ ელექტროლიტს საჭირო მეორე შემთხვევაში სიმკვრივით, ხოლო დისცილირებულ წყალს სპეციალური რეზინის, ან მინის მილით. წყლის ჩამატება ისე უნდა მოხდეს, რომ ელექტროლიტს ზემოდან არ უნდა მოხდეს წყალი. ჩამატება უნდა მოხდეს ბატარეის გამორთულ მდგომარეობაში ყოფნისას.

აკუმულატორული ბატარეის მუშაობა მუდმივად ქვედამუხტვის რეჟიმში უზრუნველყოფს ოპერატიული წრედების კვების საიმედობას, მცირდება ფირფიტების სულფატაცია და მათი აქტიური მასის ჩამოცვენა ჭურჭლის ფსკერზე, რაც ახანგრძლივებს ბატარეიების მუშაობის ვადებს [51].

# 1.7. იმპულსურ გარდამქნელიან ჰიბრიდული პარალელურ ელექტროენერგეტიკული სისტემის განზოგადებული სტრუქტურული და პრინციპული ელექტრული სქემების დამუშავება.

მზის, ქარის, დიზელგენერატორების და აკუმულატორული ბატარეის ენერგიების ერთდროული ან სელექციური გზით გამოყენება წარმოადგენს ძირითად საფუძველს, როგორც მუდმივი, ასევე ცვლადი ძაბვის ჰიბრიდული ენერგოსისტემის განვითარებისათვის.

ნახ.5-ზე წარმოდგენილია თანამედროვე ჰიბრიდული პარალელური ენერგოსისტემის განზოგადებული პერსპექტიული სტრუქტურული სქემა. ფოტოელექტრული გარდამქმნელისაგან-1; შედგება მართვადი იგი უკონტაქტო აპარატურისაგან  $13 \div 26;$ საკომუტაციო ქარის გენერატორისაგან - 2, აკუმულატორული ბატარეისაგან - 6; დიზელგენერატორისაგან - 3-4; დენის სამფაზა ინვერტორისაგან - 5; მუდმივ მაბვად გარდამქმნელისაგან-10; სამფაზა ცვლადი დენის გამმართველისაგან - 11; სამფაზა ძალოვანი ტრანსფორმატორისაგან - 12; მართვის სისტემისაგან - 7; მუდმივი დენის დატვირთვისგან - 9; ცვლადი დენის დატვირთვისაგან - 8; მუდმივი მაბვის ქსელისაგან - 27; ცვლადი მაბვის ქსელისაგან - 28 [3,8].

თუ ნახ.5-ზე ნაჩვენებ სქემაში დავტოვებთ მხოლოდ ელემენტებს: 1,5,6,8,9,12,13,15-17,22,26-28, მაშინ მიიღება თანამედროვე ჰიბრიდული

პარალელური ელექტროენერგეტიკული სისტემა მზის ფოტოელემენტებისა -1 და აკუმულატორული ბატარეის -6 ბაზაზე (ნახ.6).

იმის მიხედვით, თუ როგორია კვების წყაროებისა და დატვირთვის სიმძლავრეთა თანაფარდობები, შესაძლებელია მუდმივი და ცვლადი ელექტროენერგეტიკული სისტემებში კვების წყაროების 1-6 მაზვის სხვადასხვა კომბინაციით სექციონირება სპეციალური მუდმივი დენის იმპულსური გარდამსახის გამოყენებით. ნახ.7-ზე ნაჩვენებია მუდმივი დენის იმპულსურ გარდაქმნელიანი მუდმივი და ცვლადი დენის ერთფაზა მაზვის ჰიზრიდული ენერგოსისტემის პარალელური მუშაობის ამსახველი პრინციპული ელექტრული სქემა, რომელშიც განხილულია შემთხვევა, მუდმივი დენის ელექტროსისტემაში როცა დატვირთვის მიერ მოთხოვნილი სიმძლავრე მზისა და აკუმულატორული ბატარეის ჯამურ სიმძლავრეზე ნაკლებია და  $u_2$  მაბვის ელექტროსისტემაში სიმძლავრის დეფიციტის არსებობის პირობებში იგი შეივსება არატრადიციული ენერგიის წყაროებიდან გარდაქმნილი ელექტრული ენერგიით.

იმპუსური გარდამქმნელიანი მუდმივი და ცვლადი დენის ერთფაზა მაზვის ჰიბრიდული პარალელური ენერგოსისტემის პრინციპული ელექტრული სქემა ნაჩვენებია ნახ.7.ზე [12].

ნახ.7-ზე ნაჩვენები ელექტრული სქემის იმპულსური გარდამქმნელის მუშა მდგომარეობაში მყოფი ნახევარგამტარული ხელსაწყოების დენებისა და მუდმივი მაბვის ქსელში *u* მაბვის დიაგრამები ნაჩვენებია ნახ.8-ზე, ხოლო ამავე გარდამქმნელის კომუტაციის პროცესში დენების დიაგრამა, დემპფერული პროცესების გაუთვალისწინებლად ნაჩვენებია ნახ.9-ზე.



ნახ.5. თანამედროვე ჰიბრიდული პარალელური ენერგოსისტემის განზოგადებული სტრუქტურული სქემა



ნახ.6. განახლებადი ენერგიის წყაროების ბაზაზე მუდმივი და ცვლადი ძაბვის პარალელური ჰიბრიდული ენერგოსისტემა: ა) სამფაზა სტრუქტურული ბლოკსქემა; ბ) ერთფაზა პრინციპული ელექტრული სქემა







ნახ.8 გამტარ მდგომარეობაში მყოფი ნახევარგამტარული ხელსაწყოების დენებისა და მუდმივი მაბვის ქსელში *"* მაბვის დიაგრამა



ნახ.9. იმპულსური გარდამქმნელის კომუტაციის პროცესებში დენების დიაგრამა დემპფერული პროცესების გაუთვალისწინებლად



ნახ.10. განახლებადი ენერგიის წყაროებიანი ავტონომიური ენერგოსისტემის პრინციპული ელექტრული სქემა

განახლებადი (მზის ფოტოელექტრული ელემენტისა და აკუმულატორული ბატარეის შემცვლელი) ენერგიის წყაროებიანი ავტონომიური ელექტროსისტემის პრინციპული ელექტრული საანგარიშო სქემა, რომელიც შეიცავს ერთფაზა დენის ინვერტორსა და *R, L, C* დატვირთვას, ნაჩვენებია ნახ.10-ზე.

ნახ. 5-10-ზე წარმოდგენილი პრინციპული ელექტრული სქემების საფუძველზე ჩატარებულია მათში მიმდინარე ელექტრომაგნიტური პროცესების გაანგარიშება და დამუშავებულია მათემატიკური და კომპიუტერული მოდულირების მეთოდიკა (მეორე თავი).

# თავი 2. არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროებიან მუდმივი და ერთფაზა ცვლადი დენის ავტონომიურ ჰიბრიდულ ელექტროსისტემაში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელირება 2.1. არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროები საქართველოში

საქართველოში მზის ენერგიის სრული წლიური პოტენციალი შეფასებულია 108 მგვტ-ით. მზის ფოტოელექტრულ გარდამქმნელების გამოყენება მიზანშეწონილია მხოლოდ მთაგორიან ადგილებში, მნელად მისასვლელი და მცირედ დასახლებული ადგილების ელექტრომომარაგებისათვის.

მზის ეფექტური გამოსხივება საქართველოში საკმაოდ მაღალია. უმეტეს რაიონებში მზის ნათების წლიური ხანგრძლივობა 250-დან 280 დღემდე მერყეობს, რაც წელიწადში დაახლოებით **1900** ÷ **2200** საათს შეადგენს.

საქართველოს გააჩნია ქარის ენერგიის მნიშვნელოვანი პოტენციალი, რომლის მეშვეობით ელექტროენერგიის საშუალო წლიური გამომუშავება საორიენტაციოდ 4 მლრდ.კვტ.სთ-ით, ხოლო დადგმული სიმძლავრე 1500 მგვთ-ით არის შეფასებული. ქარის ენერგეტიკული ბუნებრივი პოტენციალის მიხედვით საქართველოს ტერიტორია დარაიონებულია მაღალ, საშუალო და დაბალ სიჩქარიან ზონებად, სადაც ქარის სიჩქარე წელიწადში 2,5 მ/წმ-დან 9,0 მ/წმ-მდე მერყეობს, სამუშაო დროის ხანგრძლივობა წელიწადში 4000-50000 სთ-ს შეადგენს. შერჩეულია ქარის ელექტროსადგურების განთავსების საუკეთესო ადგილები, რომლებიც საქართველოს თითქმის მთელ ტერიტორიას მოიცავს. ამჟამად მიმდინარეობს სამუშაოები პერსპექტიული ქარის ელექტროსადგურების

ტექნიკურ-ეკონომიკური დასაბუთებისათვის, რომლებიც შესაძლებელია განლაგდნენ : -იალღუჯას ქედზე (45 მგვტ, 110 მლნ.კვტ.სთ), მთა საბუეთზე - (100 მგვტ, 370 მლნ. კვტ.სთ), სამგორის ზეგანზე (45 მგვტ, 130 მლნ.კვტ.სთ), -გორის-სკრას მონაკვეთზე (90 მგვტ, 250 მლნ.კვტ.სთ), ქუთაისის მიმდებარე ტერიტორიაზე (90 მგვტ, 225 მლნ.კვტ.სთ) - მდინარე ფარავნისა და ჭოროხის ხეობებში - შესაბამისად 120 და 30 მგვტ დადგმული სიმძლავრითა და 336 და 90 მლნ.კვტ.სთ ელექტროენერგიის გამომუშავებით.

## 2.2. ნახ.6-ბ სქემით წარმოდგენილ ჰიბრიდულ სისტემაში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების მათემატიკური მოდელირება და აკუმულატორული ბატარეის დამუხტვა-განმუხტვის პროცესების რეგულირება

წარმოდგენილი განახლებადი ენერგიის წყაროებიანი ჰიბრიდული ენერგოსისტემის სტრუქტურული და პრინციპული ელექტრული სქემა ითვალისწინებს მზის ბატარეიების და აკუმულატორული ბატარეიების ერთდროულ სელექციურ გამოყენებას[9].

პროცესების წარმოდგენილ ენერგოსისტემაში გარდამავალი გაანგარიშებისა და გამოკვლევისათვის ვუშვებთ, რომ კომუტატორი იდეალურია და ვენტილებად გამოყენებულია მალოვანი ხელსაწყოები ანისტორები. მოცემულ პარამეტრებად და სიდიდეებად წარმოდგენილია შესაბამისი  $m{n}$  ელემენტების აქტიური წინაღობები –  $m{R}_{m{n}}$ , ინდუქციურობები მზისა  $L_n$ ურთიერთინდუქციურობები  $-M_{kk}, M_{kn},$ და და აკუმულატორული ბატარეიების ელექტრომამოძრავებელი ძალები (ე.მ.d.) –  $E_p, E_B$ , გარდამქმნელების გამოსავალზე ნომინალური ძაბვები –  $U_n;$ ფოტოელექტრული გარდამქმნელის დენი – /; ნახევარგამტარული გარდამქმნელების კომუტაციური ფუნქციები –  $\Phi(t)$ ; ინვერტირებული

დენის კუთხური სიხშირე - *ω*; ძალოვანი ტრანსფორმატორის პირველადი და მეორადი გრაგნილების ხვიათა რიცხვები – *W*<sub>1</sub>, *W*<sub>2</sub>.

უცნობ სიდიდეებად წარმოდგენილია: სქემის ყველა შტოში დენების მყისა მნიშვნელობები – *I<sub>n</sub>*; წრედის შესაბამისი ელემენტების შესავალზე და გამოსავალზე მაბვების მყისა მნიშვნელობები – *U<sub>n</sub>*; კონდენსატორული ბატარეების დენის მყისა მნიშვნელობები – *i*.

წარმოდგენილი სქემის (ნახ. 6,ბ) ზემოთ მოყვანილი პარამეტრებისა და სიდიდეების გათვალისწინებით ცვლადების მყისა მნიშვნელობების მიმართ დაწერილ განტოლებათა სისტემას აქვს შემდეგი სახე:

$$E_{p} - E_{B} = i_{p}R_{p} + iR_{S} + i_{B}R_{B},$$
 (38)

$$\mathbf{E}_{\mathrm{B}} = \mathbf{i}_{\mathrm{L}} \mathbf{R}_{\mathrm{L}1} - \mathbf{i}_{\mathrm{B}} \mathbf{R}_{\mathrm{B}},\tag{39}$$

$$j = i_p - I$$
, (40)

$$i = i_B + i_L + i_d \tag{41}$$

$$u = i_L \cdot R_{L1} \tag{42}$$

$$u - u_0 = i_d R_d + \frac{L_d di_d}{dt}$$
(43)

$$u_0 = u_1 \Phi(t) \tag{44}$$

$$i_1 = i_d \Phi(t) \tag{45}$$

$$u_{1} = i_{1}R' + \frac{(L_{s}' + M^{11})di_{1}}{dt} - \frac{M_{12}di_{2}}{dt}$$
(46)

$$-\frac{M_{12}di_1}{dt} = i_2 R^{//} + \frac{\left(L_S^{//} + M^{22}\right)di_2}{dt} + u_2$$
(47)

$$u_2 = i_{L1}R_{L2} + \frac{Ldi_{L1}}{dt}$$
(48)

$$u_2 = \frac{1}{C} \int_0^t i_C dt$$
(49)

$$i_2 = i_{L1} + i_C$$
 (50)

$$\Phi(t) = \frac{4}{\pi} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k} \operatorname{sink\omega t}$$
(51)

(38-51) განტოლებათა სისტემის ოპერატორული მეთოდით ამოხსნა იძლევა უცნობი სიდიდეების გამოსახულებებს ზოგად სახეში:

$$\begin{split} u(t) &= \lambda_0 T_0 + a^{II} T_1 e^{-\delta_1 t} + T_2 T_{2u}^{I} e^{-\delta_2 t} cos \left( \omega^{i} t + \phi_{1u}^{I} \right) + \\ &+ T_3 T_{3u}^{I} e^{-\delta_3 t} cos (\omega^{II} t + \phi_{2u}^{I}), \end{split}$$
(52)

$$i_{B}(t) = \left(\frac{\lambda_{0}T_{0}}{R_{R}} - \frac{E_{B}}{R_{R}}\right) + \frac{a^{II}T_{1}}{R_{R}}e^{-\delta_{1}t} + \frac{T_{2}T_{2u}^{I}}{R_{R}}e^{-\delta_{2}t}\cos(\omega't + \varphi_{1u}') + \frac{T_{3}T_{3u}^{I}}{R_{R}}e^{-\delta_{5}t}\cos(\omega^{II}t + \varphi_{2u}^{I})$$
(53)

$$i_{L}(t) = \frac{\lambda_{0}T_{0}}{R_{1.1}} + \frac{a^{II}T_{1}}{R_{1.1}}e^{-\delta_{1}t} + \frac{T_{2}T_{2u}^{I}}{R_{1.1}}e^{-\delta_{2}t}\cos(\omega/t + \phi_{1u}^{/}) + T_{0}T_{1}^{I}$$

$$+\frac{T_{3}T_{3u}^{2}}{R_{1.1}}e^{-\delta_{s}t}\cos(\omega^{II}t+\phi_{2u}^{I})$$
(54)

$$i_{d}(t) = i_{d_{QUBy}} + i_{d_{QUBy}}^{I} e^{-\delta_{1}t} + i_{d_{QUBy}}^{II} e^{-\delta_{2}t} \cos(\omega^{I}t + \varphi)$$
(55)

$$i(t) = i_{\text{gabg}} + i_{\text{mag1}} e^{-\delta_1 t} + i_{\text{mag2}} e^{-\delta_2 t} + i_{\text{mag3}} e^{-\delta_3 t}$$
(56)

$$i_{1}(t) = \frac{4}{\pi} i_{d_{QUS}} \sin \omega t + \frac{4}{\pi} i_{d_{DUS}}^{I} e^{-\delta_{1}t} \sin \omega t +$$
$$+ \frac{2}{\pi} i_{d_{DUS}}^{II} e^{-\delta_{2}t} \sin \omega t [(\omega + \omega^{I})t + \phi] + \frac{2}{\pi} i_{d_{DUS}}^{II} e^{-\delta_{2}t} \sin \omega t [(\omega - \omega^{I})t - \phi]$$
(57)

$$u_{1}(t) = \frac{4}{\pi} \sqrt{[u_{1}^{I}(t)]^{2} + [u_{1}^{II}(t)]^{2}} \sin[\omega t + \beta(t)]$$
(58)

$$u_{1}^{I}(t) = a_{0}T_{0} + a_{0}^{II}T_{1}e^{-\delta_{1}t} + T_{2}T_{2}^{I}e^{-\delta_{2}t}\cos(\omega^{i}t + \phi_{1}^{I}) +$$

$$+T_3 T_3^I e^{-\delta_3 t} \cos(\omega^{II} t + \phi_2^I)$$
(59)

$$u_{1}^{II}(t) = a_{0}^{I}T_{0} + b_{0}^{II}T_{1}e^{-\delta_{1}t} + T_{2}T_{2}^{I}e^{-\delta_{2}t}\cos(\omega^{i}t + \phi_{1}^{II}) +$$

$$+T_3 T_3^I e^{-\delta_3 t} cos(\omega^{II} t + \phi_2^{II})$$
(60)

$$\beta(t) = \operatorname{arctg}\left[\frac{u_1^{\mathrm{II}}(t)}{u_1^{\mathrm{I}}(t)}\right]$$
(61)

$$\begin{split} u_{2}(t) &= -u_{2_{dQb}\partial g} \cos\left(\omega t + \varphi_{2_{dQb}\partial g} + \varphi_{2_{dQb}\partial g}^{I}\right) + u_{2mbg}^{I} e^{-\frac{t}{\tau_{0}}} + \\ &+ u_{2mbg}^{II} e^{-\delta_{1}t} \cos\left(\omega t + \varphi_{2mbg}^{II} - \varphi_{2mbg1}^{I}\right) + \\ &+ e^{-\delta_{2}t} (u_{2mbg}^{III} \cos\left[(\omega + \omega^{I})t + \varphi_{2mbg}^{II} - \varphi_{2mbg1}^{III}\right] + \\ &+ u_{2mbg}^{IV} \cos\left[(\omega - \omega^{I})t + \varphi_{2mbg}^{IV} - \varphi_{2mbg1}^{VI}\right]) \end{split}$$
(62)  
$$i_{2}(t) &= -i_{2_{dQb}\partial g} \cos\left(\omega t + \varphi_{2_{dQb}\partial g}\right) + i_{2mbg}^{I} e^{-\frac{t}{\tau_{0}}} - \\ &- i_{2mbg}^{III} e^{-\delta_{1}t} \cos\left(\omega t + \varphi_{2mbg}^{III}\right) - \\ &- e^{-\delta_{2}t} (i_{2mbg}^{III} \cos\left[(\omega + \omega^{I})t + \varphi_{2mbg}^{III}\right] + \end{split}$$

$$+i_{2\sigma_{3}\sigma_{3}}^{IV}\cos\left[(\omega-\omega^{I})t+\varphi_{2\sigma_{3}\sigma_{3}}^{IV}\right])$$
(63)

(52-63) გამოსახულებებში ყველა ექვივალენტური პარამეტრები განისაზღვრება ნახ. 6 ბ-ზე ნაჩვენები წრედის ცნობილი პარამეტრების გარკვეული წესის კომბინაციით.

(58) — დან ჩანს, რომ 
$$\frac{4}{\pi} \sqrt{[u_1^I(t)]^2 + [u_1^{II}(t)]^2}$$
გამოსახულება წარმო —

ადგენს ჩართული ავტონომიური ინვერტორის დატვირთვის მაბვის ამპლიტუდურ მომვლებს, ხოლო  $oldsymbol{eta}(t)$  – ფაზურ ფუნქციას [11].

(57) გამოსახულება გარდაქმნის შედეგად წარმოიდგინება ასეთი სახით:

$$i_1(t) = \frac{4}{\pi} \left[ i_{d_{QUSBy}} + i_{d_{DUSS}}^{I} e^{-\delta_1 t} + i_{d_{DUSS}}^{II} e^{-\delta_2 t} \cos(\omega^{I} t + \varphi) \right] \sin \omega t$$
(64)

(58), (64) გამოსახულებებიდან ჩანს, რომ  $u_1$  მაბვასა და  $i_1$  დენს შორის ფაზური კუთხე ტოლია eta(t)-ს.

(64) გამოსახულებიდან ჩანს რომ:

$$\frac{4}{\pi} \big[ i_{\text{dgsdy}} + i_{\text{doss}}^{I} e^{-\delta_1 t} + i_{\text{doss}}^{Ii} e^{-\delta_2 t} \cdot \cos(\omega^I t + \phi) \big]$$

წარმოადგენს  $i_1$  დენის ამპლიტუდურ მომვლებს. იმავდროულად  $u_1(t)$ წარმოადგენს ერთფაზა ძალური ტრანსფორმატორის შესავალ ძაბვას; ამიტომ  $cos[\beta(t)] = \lambda(t)$  წარმოადგენს ერთფაზა ძალური ტრანსფორმატორის სიმძლავრის დინამიურ კოეფიციენტს. ზოგადი სახით  $\lambda(t)$  გამოსახულებისთვის გვაქვს [22]:

$$\lambda(t) = \frac{\int_0^T u_1(t)i_1(t)dt}{\sqrt{\int_0^T i_1^2(t)dt \int_0^T u_1^2(t)dt}}$$
(65)

თუ ავტონომიური ინვერტორის გამომავალი ძაბვა, ან რაც იგივეა, ერთფაზა ძალური ტრანსფორმატორის შესავალი ძაბვა მოცემულია  $u_1 = U_{1m} sin(\omega + \psi_1)$  სახით, მაშინ (65) გამოსახულების საფუძველზე წრედის მოცემული პარამეტრების შემთხვევაში ძალური ტრანსფორმატორის სიმძლავრის დინამიური კოეფიციენტის გამოსახულება წარმოიდგინება ასე:

$$\lambda(t) = \frac{f(t)}{\Phi(t)} \tag{66}$$

სადაც f(t); და  $\Phi(t)$ ; გამოსახულებებისთვის გვაქვს:

$$f(t) = a^{I}t + b^{I} - d_{1}^{I}sin(\omega t + \psi_{1} + arctg\omega\tau_{1}) \cdot e^{-\frac{t}{\tau_{1}}} + d_{2}^{I}sin(\omega t + \psi_{1} + arctg\omega\tau_{2}) \cdot e^{-\frac{t}{\tau_{2}}}$$
(67)  

$$\Phi(t) = \frac{U_{1m}}{\sqrt{2}} \left\{ at + b - c_{1}e^{-\frac{t}{\tau_{1}/2}} - c_{2}e^{-\frac{t}{\tau_{2}/2}} + c_{3}e^{-\frac{t}{\tau_{1}\tau_{2}/(\tau_{1}+\tau_{2})}} - d_{1}sin(\omega t + \theta + arctg\omega\tau_{1})e^{-\frac{t}{\tau_{1}}} + d_{2}sin(\omega t + \theta + arctg\omega\tau_{2})e^{-\frac{t}{\tau_{21}}} \right\}^{\frac{1}{2}}$$
(68)  
(67,68) Sodenbob menobed a,  $a^{1}$ ,  $b$ ,  $b^{1}$ ,  $d_{1}$ ,  $d_{1}^{1}$ ,  $d_{2}$ ,  $d_{2}^{1}$ ,  $c_{1}$ ,  $c_{2}$ ,  $c_{3}$ ,  $\theta$ ,  $\tau_{1}$ ,  $\tau_{2}$ ,

ექვივალენტური კოეფიციენტებისათვის გვაქვს შემდეგი გამოსახულებები:

$$\begin{split} a &= \frac{l_{1m}^2}{2T} \\ b &= \frac{\tau_1(l_{1m}^I)^2}{2T} + \frac{\tau_2(l_{1m}^{II})^2}{2T} - \frac{2\tau_1\tau_2l_{1m}^Il_{1m}^{II}}{(\tau_1 + \tau_2)T} + \frac{2\tau_1l_{1m}l_{1m}^{II}}{T\sqrt{1 + (\omega\tau_1)^2}}sin(\theta + arctg\omega\tau_1) - \\ &- \frac{2\tau_2l_{1m}l_{1m}^{II}}{T\sqrt{1 + (\omega\tau_2)^2}}sin(\theta + arctg\omega\tau_2); \\ c_1 &= \frac{\tau_1(l_{1m}^I)^2}{2T}; \qquad c_2 &= \frac{\tau_2(l_{1m}^{II})^2}{2T}; \qquad c_3 = \frac{2\tau_1\tau_2l_{1m}^Il_{1m}^{II}}{(\tau_1 + \tau_2)T}; \end{split}$$

$$\begin{split} d_{1} &= \frac{2\tau_{1}l_{1m}l_{1m}^{ll}}{T\sqrt{1+(\omega\tau_{1})^{2}}} ; \qquad d_{2} = \frac{2\tau_{2}l_{1m}l_{1m}^{ll}}{T\sqrt{1+(\omega\tau_{2})^{2}}} ; \qquad a' = \frac{1}{2T}U_{1m}l_{1m}cos(\psi_{1}-\theta); \\ b^{I} &= \frac{\tau_{1}U_{1m}l_{1m}^{l}}{T\sqrt{1+(\omega\tau_{1})^{2}}}sin(\psi_{1}+arctg\omega\tau_{1}) - \frac{\tau_{2}U_{1m}l_{1m}^{ll}}{T\sqrt{1+(\omega\tau_{2})^{2}}}sin(\psi_{1}+arctg\omega\tau_{2}); \\ d_{1}^{I} &= \frac{\tau_{1}U_{1m}l_{1m}^{l}}{T\sqrt{1+(\omega\tau_{1})^{2}}}; \qquad d_{2}^{I} &= \frac{\tau_{2}U_{1m}l_{1m}^{ll}}{T\sqrt{1+(\omega\tau_{2})^{2}}}; \\ \theta &= arctg\left(\frac{\omega b_{1}}{b_{0}-\omega^{2}b_{2}}\right) + arctg\frac{\omega}{\delta_{1}} + arctg\frac{\omega}{\delta_{2}}; \\ \tau_{1} &= \frac{1}{|\delta_{1}|}; \quad \tau_{2} &= \frac{1}{|\delta_{2}|}; \quad \delta_{1,2} &= \frac{-a_{1}\pm\sqrt{a_{1}^{2}-4a_{0}a_{2}}}{2a_{2}}; \end{split}$$

ამ ბოლო გამოსახულებებში ყველა დამხმარე კოეფიციენტი და პარამეტრი განისაზღვრება წრედის მოცემული პარამეტრების მიხედვით:

$$I_{1m} = U_{1m} \frac{1}{\omega a_2} \sqrt{\frac{(b_0 - \omega^2 b_2)^2 + \omega^2 b_1^2}{(\omega^2 + \delta_1^2)(\omega^2 + \delta_2^2)}};$$

$$\begin{split} I_{1m}^{I} &= U_{1m} \frac{1}{a_2} \frac{b_2 \delta_1^2 + b_1 \delta_1 + b_0}{(\omega^2 + \delta_1^2)(\delta_1 - \delta_2)}; \\ I_{1m}^{II} &= U_{1m} \frac{1}{a_2} \frac{b_2 \delta_2^2 + b_1 \delta_2 + b_0}{(\omega^2 + \delta_2^2)(\delta_1 - \delta_2)}; \\ T &= 4,5\tau_1, \quad b_0 = \omega R_{II} \cos\psi_1 \\ b_1 &= Z_{II} \sin\left(\psi_1 + \arctan g \frac{X_{II}}{R_{II}}\right); \quad b_2 = L_{II} \sin\psi_1; \\ a_2 &= L_1 L_{II} - M_{12}^2; \quad R_{II} = R^{II} + R_{L2}; \quad X_{II} = \omega(L_s^{II} + M^{22} + L); \\ Z_{II} &= \sqrt{R_{II}^2 + X_{II}^2}; \quad L_{II} = L_s^{II} + M^{22} + L; \quad L_I = L_s^I + M^{11}; \end{split}$$

 $\beta(t)$  ფაზური ფუნქცია შესაბამის გამოსახულებებში განსაზღვრავს ერთფაზა ძალურ ტრანსფორმატორში ძაბვისა და დენის ნულზე გადასვლის წერტილებს შორის დროის მონაკვეთს. შესაბამისად,  $\beta(t)$  ფაზური ფუნქცია გამომავალი დენის ნულზე გადასვლის წერტილებში განსაზღვრავს ვენტილების ჩაკეტვის კუთხეებს; ამის გამო  $\beta(t)$  წარმოადგენს ვენტილების ჩაკეტვის კუთხის დისკრეტული მნიშვნელობების მომვლებს [24-26].

ამგვარად, თუ ვიცით ინვერტორული და ტრანსფორმატორული სქემების ექვივალენტური პარამეტრები, (59-61) გამოსახულებების საფუძველზე შესაძლებელია განისაზღვროს გარდამავალ პროცესებში ვენტილების ჩაკეტვის კუთხის ცვლილების ხასიათი.

ვენტილების ჩაკეტვის კუთხის ცვლილების მიღებული კანონზომიერების შედარება მის მინიმალურ – დასაშვებ მნიშვნელობასთან გვამლევს საფუძველს განვსაზღვროთ, მდგრადია თუ არა მოცემული პარამეტრების შემთხვევაში გარდამავალ პროცესში ნახევარგამტარული გარდამქმნელების მუშაობა.

დამყარებულ პროცესში (როცა t → ∞) ელექტრული სიდიდეების მიღებული გამოსახულებებისათვის გვაქვს:

$$\begin{split} \mathbf{u}(t) &= \lambda_0 \mathbf{T}_0; \quad i(t) = \mathbf{i}_{\text{gubg}}; \quad i_B(t) = \frac{1}{\mathbf{R}_B} (\lambda_0 \mathbf{T}_0 - \mathbf{E}_B); \quad i_L(t) = \frac{\lambda_0 \mathbf{T}_0}{\mathbf{R}_{L1}}; \\ i_d(t) &= \mathbf{i}_{\text{dgubg}}; \quad i_1(t) = \frac{4}{\pi} \mathbf{i}_{\text{dgubg}} \sin\omega t; \quad \mathbf{u}_1^{\mathrm{I}}(t) = \mathbf{a}_0 \mathbf{T}_0; \quad \mathbf{u}_1^{\mathrm{II}}(t) = \mathbf{a}_0^{\mathrm{I}} \mathbf{T}_0; \end{split}$$

$$\begin{split} u_{1}(t) &= \frac{4}{\pi} U_{m1} \sin[\omega t + \varphi_{1}(0)]; \ i_{2}(t) = -i_{\varphi \lor \vartheta \lor 2} \cos(\omega t + \varphi_{\varphi \lor \vartheta \lor 2}); \\ u_{2}(t) &= -i_{\varphi \lor \vartheta \lor 2} \sqrt{(\omega L)^{2} + R_{L2}^{2}} \cos\left(\omega t + \varphi_{\varphi \lor \vartheta \lor 2} + \arctan \frac{\omega L}{R_{L2}}\right); \\ \beta(t) &= \arctan g \frac{a_{0}^{I}}{a_{0}} \\ a_{0} &= R^{I} [(R^{II} + R_{L2})^{2} + \omega^{2} (L + L_{s}^{II} + M^{22})^{2}] - \omega^{2} (M_{12}M_{21}) (R^{II} + R_{L2}); \\ a_{0}^{I} &= \omega (L_{s}^{I} + M^{11}) (R^{II} + R_{L2})^{2} + \\ + \omega^{3} (L + L_{s}^{II} + M^{22}) [M_{12}M_{21} + (L_{s}^{I} + M^{11}) (L + L_{s}^{II} + M^{22})]; \\ i_{d\varphi \lor \vartheta \lor} &= \frac{A_{0}}{B_{0}}; \quad T_{0} = \frac{A_{0}}{B_{0}b_{0}}; \quad \varphi_{1}(0) = \operatorname{arctg} \frac{a_{0}^{I}}{a_{0}}; \ \lambda_{0} &= R_{d}b_{0} + \frac{8}{\pi^{2}}a_{0} \\ i_{\varphi \lor \vartheta \lor} &= i_{d\varphi \lor \vartheta \lor} + \lambda_{0}T_{0} \frac{R_{B} + R_{L1}}{R_{R}R_{1.1}} - \frac{E_{B}}{R_{R}}; \\ i_{\varphi \lor \vartheta \lor 2} &= \frac{4}{\pi_{0}} \frac{\lambda^{II}}{\sqrt{(1 + \omega^{2}\tau_{0}^{2})}} \cdot i_{d\varphi \lor \vartheta \lor}; \quad \varphi_{\varphi \lor \vartheta \lor 2} = \operatorname{arctg} \frac{1}{\omega\tau_{0}}; \end{split}$$

განხილულ ენერგოსისტემაში (ნახ. 6,b) აკუმულატორული ბატარეის დამუხტვის პროცესი მთავრდება და მუდმივი და ცვლადი დენის წრედში ენერგიის გადასაცემად განმუხტვის პროცესი იწყება შემდეგი პირობის დაცვის შემთხვევაში:

$$E_{B} = \frac{E_{p} - I_{0} \left(e^{\frac{V}{A\phi}} - 1\right) R_{p}}{1 + \frac{R_{p} + R_{s}}{\frac{R_{L1}(R_{d} + R_{\partial \sigma_{0}})}{R_{L1} + R_{d} + R_{\partial \sigma_{0}}}};$$
(69)

(69) გამოსახულებაში  $I_0$  ელექტრონულ-ხვრელური გადასვლის გაჯერების დენია; A– დიოდური კოეფიციენტი;  $\varphi = \frac{kT}{e}$ ; k – ბოლცმანის მუდმივაა, T – მუშა ტემპერატურა, e – ელექტრონის მუხტია [2]. J დენისთვის გვაქვს:

$$J = I_0 \left( e^{\frac{V}{A\phi}} - 1 \right)$$
(70)

(70) გამოსახულება წარმოადგენს მზის ბატარიების მახასიათებელ განტოლებას.

აკუმულატორული ბატარეის დამუხტვისას ფოტოელექტრული გარდამქმნელისგან მოთხოვნილი სიმძლავრე ასე გამოისახება:

$$P_{\rm B} = \frac{\lambda_0^2 T_0^2}{R_B} - \frac{E_B \lambda_0 T_0}{R_B}$$
(71)

(71)-ში წრედის ცნობილი პარამეტრებით განსაზღვრული ექვივალენტური პარამეტრების გათვალისწინებით **P**<sub>B</sub>-ს ექსტრემალური მნიშვნელობისთვის მივიღებთ გამოსახულებას[27]:

$$P_{\rm B} = \frac{E_{\rm 2d3}}{R_{\rm R}} \left( E_{\rm 2d3} - E_{\rm B} \right), \tag{72}$$

სადაც (72)-ში E<sub>ექვ</sub>-ის გამოსახულებისთვის გვაქვს:

$$E_{\text{OdS}} = \frac{E_{p} - I_{0} \left(e^{\frac{V}{A\phi}} - 1\right) R_{p} + E_{B} \frac{R_{p} + R_{s}}{R_{B}}}{2 \left[1 + \frac{R_{p} + R_{s}}{R_{L1}} + \frac{I_{0} \left(e^{\frac{V}{A\phi}} - 1\right) R_{p} - E_{p}}{E_{B}}\right]};$$
(73)

 $R_{L1}$  წინაღობაზე მოთხოვნილი სიმძლავრე გამოითვლება $[28 \div 31]$ :

$$P_{L1} = \frac{\left(E_{\Im\Im}^{I}\right)^{2}}{R_{L1}} \left(\frac{R_{d} + R_{\Im\alpha\beta}}{R_{p} + R_{s} + K_{R}R_{\Im\alpha\beta}}\right)^{2};$$
(74)

სადაც (74)-ში:

$$E_{\text{OdS}}^{I} = E_{p} - I_{0} \left( e^{\frac{V}{A\phi}} - 1 \right) R_{p} + E_{B} \frac{R_{p} + R_{s}}{R_{B}}; \qquad (75)$$

$$R_{\text{Brob}} = \frac{8}{\pi^2} \left( R^{\text{II}} - \frac{(R^{\text{II}} + R_{\text{L2}})\omega^2 M_{12} M_{21}}{(R^{\text{II}} + R_{\text{L2}})^2 + \omega^2 (L + L_s^{\text{II}} + M^{22})^2} \right).$$
(76)

განხილულ ენერგოსისტემაში ერთფაზა ძალური ტრანსფორმატორისთვის დენებისა და ძაბვების ძირითადი ჰარმონიკების მიმართ ელექტრომაგნიტური პროცესების გამოკვლევის მიზნით მივიღებთ შესაბამისი ელექტრული სიდიდეების კომპლექსურ გამოსახულებებს:

$$\dot{I}_{1=}\dot{U}_{1}\frac{1}{Z_{\text{Byb}}}e^{-J\varphi_{\text{BrBy}}}$$
(77)

$$\dot{I}_{2=}\dot{U}_{2}\frac{\omega L_{12}}{Z_{11}Z_{30^{\circ}}}e^{J(\pi+\phi_{21})}$$
(78)

$$\dot{U}_{2} = \dot{U}_{1} K_{u} e^{-J(\pi + \varphi_{u})}$$
 (79)

$$\dot{I}_{2=}\dot{I}_{1}\frac{\omega L_{12}}{Z_{11}}e^{2^{-J\left(\frac{\pi}{2}+\arctan\frac{K_{11}}{X_{11}}\right)}}$$
(80)
$$\dot{U}_{2=}\dot{I}_{1}\frac{X_{m}}{Z_{11}}\sqrt{Z_{2}^{2}-2(R_{2}X_{11}+R_{1}X_{2})}e^{-J(\pi+\varphi_{12}^{l})}$$
(81)

$$\dot{I}_{2=}\dot{U}_{2}\frac{Z_{11}}{\sqrt{Z_{11}^{2}Z_{\delta n \delta g}^{2}-4R_{11}R_{\delta n \delta g}X_{11}X_{\delta n \delta g}}}e^{-J(\phi_{u}-\phi_{21})},$$
(82)

სადაც (77-82) გამოსახულებებში ექვივალენტური წინაღობებისთვის და კუთხეებისთვის გვაქვს:

$$\begin{split} \mathbf{Z}_{\partial j \flat} &= \sqrt{\mathbf{R}_{\partial j \flat}^{2} + \mathbf{X}_{\partial j \flat}^{2}}; \quad \mathbf{Z}_{\mathrm{II}} = \sqrt{\mathbf{R}_{\mathrm{II}}^{2} + \mathbf{X}_{\mathrm{II}}^{2}}; \quad \boldsymbol{\varphi}_{\partial j \flat} = \mathrm{arctg} \frac{\mathbf{X}_{\partial j \flat}}{\mathbf{R}_{\partial j \flat}}; \\ \boldsymbol{\varphi}_{21} &= \mathrm{arctg} \left( \frac{1 - \frac{\mathbf{X}_{\mathrm{II}}}{\mathbf{R}_{\mathrm{II}}} \cdot \frac{\mathbf{X}_{\partial j \flat}}{\mathbf{R}_{\partial j \flat}}}{\frac{\mathbf{X}_{\mathrm{II}}}{\mathbf{R}_{\mathrm{II}}} + \frac{\mathbf{X}_{\partial j \flat}}{\mathbf{R}_{\partial j \flat}}} \right); \\ \boldsymbol{\varphi}_{u} &= \mathrm{arctg} \left( \frac{\mathbf{R}_{\partial j \flat} \left( \mathbf{R}_{11} \mathbf{R}_{\partial o \partial g} - \mathbf{X}_{11} \mathbf{X}_{\partial o \partial g} \right) - \mathbf{X}_{\partial j \flat} \left( \mathbf{R}_{\partial o \partial g} \mathbf{X}_{11} - \mathbf{R}_{11} \mathbf{X}_{\partial o \partial g} \right)}{\mathbf{R}_{\partial j \flat} \left( \mathbf{X}_{11} \mathbf{R}_{\partial o \partial g} - \mathbf{R}_{11} \mathbf{X}_{\partial o \partial g} \right) + \mathbf{X}_{\partial j \flat} \left( \mathbf{R}_{\partial o \partial g} \mathbf{R}_{11} - \mathbf{X}_{11} \mathbf{X}_{\partial o \partial g} \right)} \right); \\ \mathbf{Z}_{\partial o \partial g} &= \sqrt{\mathbf{R}_{\partial o \flat}^{2} + \mathbf{X}_{\partial o \partial g}^{2}}; \quad \mathbf{K}_{u} = \frac{\omega \mathbf{L}_{12}}{\mathbf{Z}_{\partial j \flat} \mathbf{Z}_{\mathrm{II}}^{2}} \sqrt{\mathbf{Z}_{\mathrm{II}}^{2} \mathbf{Z}_{\partial o \partial g}^{2} - 4\mathbf{R}_{11} \mathbf{R}_{\partial o \partial g} - \mathbf{X}_{11} \mathbf{X}_{\partial o \partial g}}}; \\ \boldsymbol{\varphi}_{12}^{I} &= \mathrm{arctg} \left[ \frac{\mathbf{Z}_{\mathrm{II}}^{2} - \left( \mathbf{R}_{2} \mathbf{X}_{11} + \mathbf{R}_{11} \mathbf{X}_{2} \right)}{\mathbf{X}_{2} \mathbf{X}_{11} - \mathbf{R}_{11} \mathbf{R}_{2}} \right] \quad \mathbf{Z}_{2} = \sqrt{(\mathbf{R}^{II})^{2} + \omega^{2} (L_{s}^{II} + M^{22})^{2}}} \\ \mathbf{R}_{2} &= \mathbf{R}^{\mathrm{II}}, \quad \mathbf{R}_{1} = \mathbf{R}^{\mathrm{I}}, \quad \mathbf{R}_{\partial o \partial g} = \mathbf{R}_{\mathrm{L}2}; \quad \mathbf{X}_{\partial o \partial g} = \omega \mathbf{L}; \quad \mathbf{X}_{2} = \omega (L_{s}^{II} + M^{22}); \\ \mathbf{R}_{II} &= \mathbf{R}^{\mathrm{II}} + \mathbf{R}_{\mathrm{L}2}, \quad \mathbf{X}_{\mathrm{I}} = \omega (L_{s}^{I} + M^{11}); \quad \mathbf{X}_{\mathrm{II}} = \omega (L_{s}^{II} + M^{22}) + \omega \mathrm{L}; \end{split}$$

მიღებული (77-82) გამოსახულებები იძლევა შესაძლებლობებს, აგებული იქნას აღნიშნული ერთფაზა ძალური ტრანსფორმატორისთვის ძაბვებისა და დენების განზოგადებული ვექტორული დიაგრამა (ნახ. 11) [32 + 35]:

 $\mathbf{R}_{\mathsf{a}_\mathsf{O}\mathsf{b}}$  და  $\mathbf{X}_{\mathsf{a}_\mathsf{O}\mathsf{b}}$  წინაღობებისთვის გვაქვს შემდეგი გამოსახულებები:

$$R_{\text{Pgb}} = R^{I} + \frac{\omega^{2} M_{12} M_{21} R_{II}}{Z_{II}^{2}} \quad X_{\text{Pgb}} = X^{I} - \frac{\omega^{2} M_{12} M_{21} X_{II}}{Z_{II}^{2}}$$

როგორც განზოგადებული ვექტორული დიაგრამიდან ჩანს (ნახ. 11), ძაბვებისა და დენების ვექტორებს შორის კუთხეებია:

 $\dot{l}_1^{\,\wedge} \dot{U}_1 \rightarrow -\phi_{\rm Byl}; \ \dot{l}_2^{\,\wedge} \dot{U}_1 \rightarrow \pi + \phi_{21}; \ \dot{U}_2^{\,\wedge} \dot{U}_1 \rightarrow \pi + \phi_u;$ 





# 2.3. ნახ.6-ბ სქემით წარმოდგენილ ჰიბრიდულ სისტემაში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების მოდელის სტრუქტურული სქემის აგება

წარმოდგენილია მუდმივი და ცვლადი ძაბვის ავტონომიური ჰიბრიდული ენერგოსისტემა, რომელიც შედგება (ნახ. 6,ბ): ფოტოელექტრული გარდამქმნელისაგან (ფეგ); მართვადი საკომუტაციო უკონტაქტო აპარატურებისაგან – 13, 15, 16, 17, 22, 26; აკუმულატორული ბატარეიებისაგან – 6; დენის ერთფაზა ინვერტორისაგან – 5; ერთფაზა ძალური ტრანსფორმატორისაგან – 12; მუდმივი – 9 და ცვლადი – 8 ძაბვის დატვირთვებისგან; მუდმივი – 27 და ცვლადი – 28 მაბვის ქსელისგან (ნახ. 6 – ა, ბ).

ჰიბრიდული ენერგოსისტემის მუშაობის მდგრადობა და იმედიანობა ბევრადაა დამოკიდებული გარდამავალი პროცესების რეგულირების ხარისხზე [24].

ცვლად და მუდმივ კოეფიციენტებიან დიფერენციალურ განტოლებათა სისტემის გათვალისწინებით გარდამავალი პროცესების უფრო ზუსტი გაანგარიშებისთვის ვიყენებთ კომპიუტერული მოდელირების თანამედროვე მეთოდს, რაც საშუალებას გვაძლევს გავაანალიზოთ შესასწავლი პროცესების ფიზიკურ არსსა და მათ მათემატიკურ აღწერილობებს შორის კავშირი.

მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელირებისთვის სქემაში (ნახ. 6,ბ) მოცემულ პარამეტრებად და სიდიდეებად გვაქვს:-  $R_p$ ,  $R_s$ ,  $R_B$ ,  $R_{L1}$ ,  $R_L$ ,  $R^1$ ,  $R^{11}$ ,  $R_d$  – შესაბამისად, მზისა და აკუმულატორული ბატარეიებისთვის, მუდმივი და ცვლადი დენის დატვირთვებისთვის, ერთფაზა ძალური ტრანსფორმატორის პირველადი და მეორადი გრაგნილებისთვის და დენის ინვერტორის შესავალზე ჩართული გამაგლუვებელი დროსელისთვის აქტიური წინაღობები;

 $-L_d, L_s^1, L_s^{11}, L, M^{11}, M^{22}, M_{12} = M_{21}, C$ – შესაბამისად, დროსელისთვის, ერთფაზა ტრანსფორმატორის პირველადი და მეორადი გრაგნილებისთვის და ცვლადი დენის დატვირთვისთვის ინდუქციურობებია; პირველადი და მეორადი გრაგნილების თვითინდუქციის კოეფიციენტები; რეაქტიული სიმძლავრის კომპენსაციისთვის ტევადობა;

-*E<sub>P</sub>, E<sub>B</sub>, -* მზისა და აკუმულატორული ბატარეიების ელექტრომამოძრავებელი ძალები (ე.მ.d.);

*U* – ფეგ-ის გამოსავალზე ნომინალური ძაბვა;

 $J = mI_0 \left( e^{\frac{U}{A \varphi n}} - 1 \right)$  სადაც:  $I_0$  ელექტრონულ-ხვრელური გადასვლის გაჯერების დენია, A– დიოდური კოეფიციენტია;  $\varphi = \frac{kT}{e}$ , k– ბოლცმანის მუდმივა, T – მუშა ტემპერატურა, e – ელექტრონის მუხტი, m –

პარალელურად შეერთებული სექციების რიცხვია; n – მიმდევრობით შეერთებული მზის ელემენტების რიცხვია [36].

ნახევარგამტარული გარდამქმნელის (ერთფაზა დენის ინვერტორის) კომუტაციური ფუნქცია  $\Phi \P = \frac{4}{\pi} \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k} \sin k \omega t$ , ამყარებს კავშირს დენის ინვერტორის შემავალ და გამომავალ ელექტრულ სიდიდეებს შორის;  $\omega$  – ინვერტირებული დენის კუთხური სიხშირეა;  $W_1, W_2$ – ერთფაზა მალური ტრანსფორმატორის პირველადი და მეორადი გრაგნილების ხვიათა რიცხვებია.

ნახევარგამტარულ ვენტილებს ვითვალისწინებთ, როგორც იდეალურ კომუტატორს, რომელსაც აქვს უნარი მყისიერად გადართოს ელექტრული წრედის რაიმე უბანი მოცემულ დროის მომენტში.

ვენტილებად გამოყენებულია ძალური ნახევარგამტარული ხელსაწყოები – ანისტორები, შიგა გადამრთველი უკუკავშირით, რომელიც აძლევს მას უნარს გამოირთოს გადართვის დენის მიღწევისას და ჩაირთოს ძაბვის შემცირებისას დაჭერის ძაბვის სიდიდემდე. ერთფაზა ძალური ტრანსფორმატორი განიხილება, როგორც წრედის წრფივი ნაწილი.

ცვლადთა მყისი მნიშვნელობების მიმართ უცნობი სიდიდეებია:

სქემის (ნახ. 6-ბ) ყველა შტოებში დენები –  $i_p, i, i_B, i_d, i_L, i_1, i_2, i_{L1}i_c$ , წრედის შემდეგი ელემენტების შესავალზე და გამოსავალზე მაბვები (ნახ.6-ბ)  $u, u_0, u_1, u_2$  და კონდენსატორული ბატარეების მყისა სიმძლავრე –  $P_c(t)$ .

განსახილველი ჰიბრიდული ენერგოსისტემის პრინციპული ელექტრული სქემისათვის მუდმივი ძაბვის ქსელის – 27 შესავალის მხრიდან ცვლადების მყისა მნიშვნელობების მიმართ მატრიცულ ფორმაში შესაძლებელია დაიწეროს ჰიბრიდულ განტოლებათა სისტემა [37]:

$$\begin{vmatrix} R_{p} & R_{s} & R_{B} & 0 & 0 \\ 1 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -R_{B} & R_{L1} & 0 \\ 0 & 0 & 0 & R_{L1} & 0 \\ 0 & -1 & 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} * \begin{vmatrix} i_{p} \\ i_{l} \\ i_{L} \\ i_{d} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} E_{p} - E_{B} \\ J \\ E_{B} \\ u \\ 0 \end{vmatrix}$$
(83)

(83) განტოლებათა სისტემის ამოხსნა უცნობი დენების მიმართ გვამლევს შემდეგ გამოსახულებებს:

$$i_p(t) = I_{01} - g_1 u(t);$$
 (84)

$$i(t) = I_{02} - g_1 u(t);$$
 (85)

$$i_B(t) = -I_{03} + g_2 u(t); (86)$$

$$i_L(t) = g_3 u(t);$$
 (87)

$$i_d(t) = I_{04} - g_4 u(t);$$
 (88)

სადაც:

$$I_{01} = (E_p - E_B + JR_s)g_1;$$

$$I_{02} = (E_p - JR_p)g_1;$$

$$I_{03} = E_B * g_2;$$

$$I_{04} = E_B(2g_1 + g_2) - (E_p + JR_s)g_1;$$

$$g_1 = \frac{1}{(R_p + R_s)r};$$

$$g_2 = \frac{1}{R_B};$$

$$g_3 = \frac{1}{R_{L1}};$$

$$g_4 = \frac{\left[1 + \frac{(g_1 + g_2)}{g_3}\right]}{R_{L1}};$$

$$J = \frac{E_B}{(m-1)R_p};$$
(90)

ცვლადი ძაბვის – 28 ქსელის შესავალ და გამოსავალის მხრიდან ცვლადთა მყისა მნიშვნელობების მიმართ დაწერილ განტოლებათა სისტემას აქვს შემდეგი სახე:

$$u - u_0 = i_d R_d + \frac{L_d di_d}{dt}; \tag{91}$$

$$u_{1} = i_{I}R^{I} + \frac{(L_{s}^{I} + M^{II})di_{I}}{dt} + \frac{M_{12}di_{I}}{dt};$$
(92)

$$-\frac{M_{12}di_I}{dt} = i_2 R^{II} + \frac{(L_s^I + M^{22})di_2}{dt} + u_2;$$
(93)

$$u_2 = i_{LI} R_{L2} + \frac{L d i_{L1}}{dt}; (94)$$

$$u_{2}(t) = q_{I} \int_{0}^{t} t_{c}(t) dt;$$
(95)

$$u_0(t) = u_1(t) \cdot \Phi(t); \tag{96}$$

$$i_l(t) = i_d(t) \cdot \Phi(t); \tag{97}$$

$$u = u_B R_B + E_B, \tag{98}$$

$$u_1(t) = nu_2(t);$$
 (99)

$$i_2(t) = i_{L1}(t) + i_c(t);$$
 (100)

$$P_c(t) = i_c(t)u_2(t);$$
 (101)

(83)-დან *E* -სთვის ვღებულობთ:

$$E_{B} = E_{p} - i_{p}R_{p} - iE_{s} - i_{B}R_{B}.$$
(102)

(102)-ის ჩასმა (98)-ში მოგვცემს  $m{u}$  მაზვისთვის შემდეგ გამოსახულებას:

$$u(t) = E_p + u_j - ri_p(t)$$
 (103)

სადაც  $u_j$ გამოითვლება (116) გამოსახულებით.

(91-94) განტოლებათა სისტემის ამოხსნა დენების წარმოებულების მიმართ გვაძლევს შემდეგ ინტეგრალურ განტოლებებს:

$$i_{d}(t) = \int_{0}^{t} [l_{1}u(t) + l_{2}u_{0}(t) - l_{0}]dt;$$
(104)

$$i_1(t) = \int_0^t [l_6 u_1(t) + l_4 u_2(t) - \delta_4 i_1(t) + \delta_5 i_2(t)] dt;$$
(105)

$$i_1(t) = \int_0^t [l_4 u_1(t) + l_5 u_2(t) - \delta_2 i_1(t) + \delta_3 i_2(t)] dt;$$
(106)

$$i_{L1}(t) = \int_0^t [l_3 u_2(t) - \delta_1 i_{L1}(t)] dt;$$
(107)

(95)-დან $i_c(t)$  დენისთვის გვაქვს:

$$i_c(t) = c \frac{du_2(t)}{dt}; \tag{108}$$

(108) ჩავსვათ (101)-ში, მივიღებთ:

$$P_c(t) = cu_2(t) \frac{du_2(t)}{dt};$$

ან

$$\frac{du_2^2(t)}{dt} = \frac{2}{c}P_c(t);$$

საიდანაც  $u_2(t)$  მაბვისთვის ინტეგრირების შემდეგ გვექნება:

$$u_{2}(t) = \left[\frac{2}{c}\int_{0}^{t} P_{c}(t)dt\right]^{\frac{1}{2}}$$
(109)

(109) ჩავსვათ (101)-ში და  $i_c(t)$  დენისთვის მივიღებთ:

$$i_{c}(t) = \frac{P_{c}(t)}{\left[q_{2}\int_{0}^{t}P_{c}(t)dt\right]^{\frac{1}{2}}}$$
(110)

(95, 99, 103, 104-107, 110) განტოლებებში ექვივალენტური კოეფიციენტებისთვის გვაქვს:

$$\begin{split} q_1 &= \frac{1}{C}; \quad n = \frac{W_1}{W_2}; \quad u_j = JR_S = \frac{R_S E_B}{(m-1)R_p}; \quad l_1 = \frac{K_{R2}}{L_d}; \quad r = R_p + R_S; \\ K_{R2} &= 1 + K_{R1} \frac{R_d}{g_3}; \quad K_{R1} = 1 + \frac{(g_1 + g_2)}{g_3}; \quad l_2 = \frac{1}{L_d}; \quad l_0 = \frac{E_{Od3}}{L_d}; \\ E_{Od3} &= I_{04} R_d; \quad l_6 = \frac{1}{L_{Od3}^I}; \quad L_{Od3}^I = (1 - k^2)(L_S^I + M^{II}); \quad k^2 = \frac{M_{12}M_{21}}{(L_S^I + M^{11})(L_S^{II} + M^{22})} \end{split}$$

$$\begin{split} l_{4} &= \frac{k^{2}}{M_{\text{ods}}^{I}}; \quad M_{\text{ods}}^{I} = (1 - k^{2})M_{12}; \quad \delta_{4} = \frac{R^{I}}{L_{\text{ods}}^{I}}; \quad l_{5} = \frac{1}{L_{\text{ods}}^{II}}; \\ L_{\text{ods}}^{II} &= (1 - k^{2})(L_{S}^{II} + M^{22}); \quad \delta_{5} = \frac{k^{2}R^{II}}{M_{\text{ods}}^{I}}; \quad \delta_{2} = \frac{k^{2}R^{I}}{M_{\text{ods}}^{I}}; \quad \delta_{3} = \frac{R^{II}}{L_{\text{ods}}^{II}}; \\ l_{3} &= \frac{1}{L}; \quad \delta_{1} = \frac{R_{L2}}{L}; \quad q_{2} = \frac{2}{C}; \quad (111) \end{split}$$

მიღებული განტოლებები (84-88, 95-97, 99-101, 103-107, 108) და კომუტაციური ფუნქციის გამოსახულება, რომელიც ამყარებს ვენტილების გადართვის კანონზომიერებას, შესაძლებლობას იძლევა ჩატარდეს კომპიუტერული მოდელირება [38,39].

კომპიუტერული მოდელირებისთვის შემოგვყავს ყველა შესაძლო მათემატიკური ოპერაციის სტრუქტურული მოდელების ცნებები და თვისებები[40 ÷ 44].

ზემოთ მოყვანილის საფუძველზე ალგებრულ და ინტეგრალურ სახით ჩაწერილი განტოლებები წარმოიდგინება ცალკეული სტრუქტურული მოდელების სახით (ნახ. 12):



ნახ.12. ალგებრული და ინტეგრალური განტოლებების შესაბამისი ცალკეული სტრუქტურული მოდელები და Ф€კომუტაციური ფუნქციის ფორმირების ბლოკ-სქემა.

ნახ. 12-ზე ნაჩვენები ცალკეული სტრუქტურული მოდელების შერწყმისა და გაერთიანეზის შედეგად მივიღეზთ ენერგოსისტემის დინამიური პროცესების ერთიან სტრუქტურულ სქემას (ნახ. 13), რომელიც შესაძლებლობას მოგვცემს დიდი სიზუსტით გავიანგარიშოთ, გამოვიკვლიოთ გავაანალიზოთ რთული ელექტრომაგნიტური და დინამიური პროცესები.

ფეგ-ის გამოსავალზე ძაბვის განსაზღვრისთვის მოცემული პარამეტრების გათვალისწინებით ვისარგებლოთ გარდამქმნელის დენის გამოსახულებით:

$$i(t) = i_p(t) - mI_0 \left( e^{\frac{u(t)}{A\varphi n}} - 1 \right)$$
 (112)

(84,85) ჩავსვათ (112)-ში და გავითვალისწინოთ (89,90) გამოსახულებები, გარდაქმნის შედეგად მივიღებთ:

$$e^{\frac{u(t)}{A\varphi n}} - 1 = \frac{E_B}{m(m-1)I_0R_p}$$
(113)

(113)-დან u(t) მაზვისთვის გვაქვს:

$$u(t) = \frac{AkTn}{e} ln \left| 1 + \frac{E_B}{m(m-1)I_0 R_p} \right|$$
(114)

(114)-ში გათვალისწინებულია

 $\varphi = \frac{kT}{e}$ 

(113) ჩავსვათ J -ს გამოსახულებაში, მივიღებთ:

$$J = mI_0 \left( e^{\frac{u(t)}{A\varphi n}} - 1 \right) = \frac{E_B}{(m-1)R_p}$$
(115)

(115)-ის გათვალისწინებით (90)-დან  $u_j$  მაბვისთვის გვაქვს:

$$u_j = JR_s = \frac{E_B R_s}{(m-1)R_p} \tag{116}$$

(115) ჩავსვათ (89)-ში, მივიღებთ I<sub>01</sub>, I<sub>02</sub>, I<sub>04</sub>, დენებისთვის შემდეგ გამოსახულებებს:

$$I_{01} = \left\{ E_p - E_B \left[ \frac{R_s}{(m-1)R_p} - 1 \right] \right\} g_1;$$
(117)

$$I_{02} = \left(E_p - \frac{E_B}{m-1}\right)g_1; \tag{118}$$

$$I_{04} = E_B \left[ \frac{2m-3}{m-1} g_1 + g_2 \right] - E_P g_1.$$
(119)



ნახ.13. ჰიბრიდული ენერგოსისტემის ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელის სტრუქტურული სქემა



ნახ.14. (114) (117-119), (89) გამოსახულებების საფუძველზე ჰიბრიდული ენერგოსისტემის <sup>*u*(*t*)</sup> მაბვის და <sup>*I*<sub>01</sub>, *I*<sub>02</sub>, *I*<sub>03</sub>, *I*<sub>04</sub> დენების განსაზღვრის მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელის სტრუქტურული სქემა.</sup> (111)-დან გვაქვს:

$$l_0 = I_{04} \frac{R_d}{L_d}$$
(120)

(89), (114), (117-120) გამოსახულებების საფუძველზე გვაქვს u(t) ძაბვის,  $I_{01}, I_{02}, I_{03}, I_{04}$  დენების და  $l_0$  პარამეტრის განსაზღვრის მოდელის სტრუქტურული სქემები (ნახ.14).

მიღებული სტრუქტურული სქემების (ნახ. 13,14) ერთმანეთთან შეთავსებით მივიღებთ ავტონომიური ჰიბრიდული ენერგოსისტემისათვის გარდამავალი (დინამიური) პროცესების გაანგარიშების მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელირების გაერთიანებულ სტრუქტურულ სქემას.

წარმოდგენილი მეთოდის საფუძველზე შესაძლებელია განხორციელდეს ავტონომიური ჰიბრიდული ენერგოსისტემის სინთეზი ოპტიმალური რეაქტიული სიმძლავრის ეფექტური კომპენსაციის და მუშაობის სხვადასხვა რეჟიმებში გარდამავალი პროცესების ხანგრძლივობის რეგულირების შესაძლებლობის გათვალისწინებით.

2.4. განახლებადი ენერგიის წყაროებიან მუდმივი და ერთფაზა ცვლადი დენის ავტონომიურ ჰიბრიდული ენერგოსისტემის პარალელური მუშაობის რეჟიმების მართვა იმპულსური გარდამქმნელების საშუალებით

წარმოდგენილია მზისა და აკუმულატორული ბატარეიების მუდმივი დენის იმპულსური გარდამსახის საშუალებით სექციონირების ბაზაზე მუდმივი და ცვლადი დენის ავტონომიური ჰიბრიდული ენერგოსისტემების პარალელური მუშაობის თეორიული და სქემატური გადაწყვეტა. ასეთი საკითხების საჭიროება მიზანშეწონილია დასახლებული პუნქტებიდან და ცენტრალური (მაგისტრალური) ელექტრომომარაგების ხაზებიდან შორს ელექტროგადამცემი გაცილებით განლაგებული

კომპიუტერული და რადარული ტექნიკის უწყვეტი სტაბილური ელექტრომომარაგებისათვის.

იმის მიხედვით, თუ როგორია კვების წყაროებისა და დატვირთვის სიმძლავრეთა თანაფარდობები შესაძლებელია მუდმივი და ცვლადი ძაბვის კომზინაციით ენერგოსისტემებში კვების წყაროების სხვადასხვა სექციონირება სპეციალური მუდმივი დენის იმპულსური გარდამსახის ნახ.15-ზე ნაჩვენებია გამოყენებით. მუდმივი დენის იმპულსურ გარდამსახიანი მუდმივი და ერთფაზა ცვლადი დენის ჰიზრიდული ენერგოსისტემების პარალელური მუშაობის ამსახველი პრინციპული ელექტრული სქემა, რომელშიც განხილულია შემთხვევა, როცა მუდმივი დენის ენერგოსისტემაში დატვირთვის მიერ მოთხოვნილი სიმძლავრე მზისა და აკუმულატორული ბატარეის ჯამურ სიმძლავრეზე ნაკლებია და ცვლად  $u_2$  მაზვის ენერგოსისტემაში სიმძლავრის დეფიციტის არსეზოზის პირობებში იგი შეივსება არატრადიციული ენერგიის წყაროებიდან გარდაქმნილი ელექტრული ენერგიით.

აღნიშნულ სქემაში  $V_{B1,B2}$  IGBT ტრანზისტორებია;  $T_{1,2}$ - ერთოპერაციული სწრაფმოქმედი ტირისტორები;  $D_0$ - ნულოვანი მაღალი სიხშირის დიოდი;  $D_{V1,V2}$ - მადემპფირებელი დიოდები;  $L_{V1,V2}$ - $V_{B1,B2}$ ტრანზისტორებს შორის  $i_B$ -დენის თანაბრად განაწილებისათვის საჭირო დროსელების ინდუქციურობები;  $L_{T1,T2} - T_{1,2}$  ტირისტორებში  $i_B$ , i-დენების ზრდის სიჩქარის შემზღუდველი დროსელების ინდუქციურობები და შეირჩევიან შემდეგი გამოსახულებებით:

$$L_{T1} = \frac{u}{\left(\frac{di}{dt}\right)_{\text{min}}}; \qquad L_{T2} = \frac{u}{\left(\frac{di_B}{dt}\right)_{\text{min}}};$$

 $R_0; R_{T1,T2}; R_{V1,V2}; C_0; C_{T1,T2}; C_{V1,V2}$ - შესაბამისად  $D_0$ - ნულოვანი დიოდის,  $T_{1,2}$  ტირისტორების და  $V_{B1,B2}$  ტრანზისტორების მადემპფირებელი წრედების აქტიური წინაღობები და ტევადობები.



არატრადიციული ენერგიის წყაროების სექციონირება მუდმივი დენის იმპულსური გარდამსახის საშუალებით ახსნილია მე-8 ნახ-ზე ნაჩვენები გამტარ შდგომარეობაში მყოფი ნახევრად გამტარიანი ხელსაწყოების დენებისა და მუდმივი ძაბვის ქსელში **u**, **E**<sub>B</sub>, **u** + **E**<sub>B</sub> ძაბვების დიაგრამებით:

- დროის  $0 < t < t_1$  შუალედში ღიაა მხოლოდ  $T_1$  ტირისტორი და მზის ფოტოგარდამსახის u მაბვა მიეწოდება მუდმივი მაბვის ქსელს (ნახ.8.ა.დ);

- დროის  $t_1 < t < t_2$  შუალედში ღიაა მხოლოდ  $T_2$  ტირისტორი და $E_B^I = E_B - i_B R_B$  აკუმულატორის მომჭერებზე არსებული ძაბვა მიეწოდება მუდმივი ძაბვის ქსელს (ნახ.8.ბ.დ);

- დროის t<sub>2</sub> < t < t<sub>3</sub> შუალედში ღიაა V<sub>B1,B2</sub> ტრანზისტორები, აკუმულატორული ბატარეა და მზის ფოტოელექტრული გარდამსახი აღმოჩნდება მიმდევრობით შეერთებული და ჯამური მაბვა მიეწოდება მუდმივი მაბვის ქსელს (ნახ.8.გ.დ);

- დროის  $t_3 < t < t_4$  შუალედში ღიაა მხოლოდ  $T_{1,2}$  ტირისტორი, მზის ფოტოელექტრული გარდამსახი და აკუმულატორული ბატარეა აღმოჩნდება პარალელურად ჩართული და მუდმივი ძაბვის ქსელს მიეწოდება u ძაბვა (ნახ.8.ე.ზ);

- დროის t $_4 < t < {
m t}_5 = T$ ინტერვალში  $T_{1,2}$  ტირისტორების ღია V<sub>B1.B2</sub> ტრანზისტორები, მდგომარეობის პირობებში იღება მზის ფოტოელექტრული გარდამსახი აკუმულატორული და ბატარეა, ჩართული, მაზვის ურთიერთმიმდევრობით აღმოჩნდება მუდმივი ქსელთან მიერთებული.  $V_{B1,B2}$  ტრანზისტორები ამავე დროს გამოიწვევს  $T_{1,2}$ ტირისტორების ჩაკეტვას კომუტაციური პროცესების თანმხლებით.

 $T_{1,2}$ ტირისტორებზე და  $V_{1,2}$ ტრანზისტორებზე მართვის იმპულსების სხვადასხვა მომენტებში მიწოდება გამოიწვევს კვების წყაროების მიმდევრობითი შეერთების სხვადასხვა ვარიატებს. მე-8 ნახ-ზე ნაჩვენებია ორი ვარიანტი: პირველ ვარიანტში,  $t_3 < t < t_5$  დროის ინტერვალში uმაბვის ცვლილების მრუდს აქვს ნახ.8 ე,ვ,ზ-ზე ნაჩვენები სახე.

მეორე ვარიანტში დროის  $0 < t < t_2$  შუალედში ღიაა მხოლოდ  $T_{1,2}$  ტირისტორები და მუდმივი ძაბვის ქსელს მიეწოდება u ძაბვა(ნახ.8, თ,კ), ხოლო დროის  $t_2 < t < t_5 = T$  ინტერვალში იღება  $V_{B1,B2}$  ტრანზისტორები და კომუტაციური პროცესების თანმხლებით სრულდება კვების წყაროების მიმდევრობით შეერთების მეორე ვარიანტი. ამ შემთხვევაში მუდმივი ძაბვის ქსელს მიეწოდება  $u + E_B$  ძაბვა (ნახ.8.ი,კ) კვების წყაროების მანიპულაციით შესაძლებელია მუდმივი ძაბვის ქსელს (სისტემას) მიეწოდოს სხვადასხვა ფორმისა და სიდიდის ძაბვა [45].

კვების წყაროების პარალელური შეერთებიდან მიმდევრობით შეერთებაზე გადართვას თან ახლავს კომუტაციური პროცესები [46,47].

 $T_{1,2}$  ტირისტორებზე,  $D_0$ ნულოვან დიოდზე  $V_{B1,B2}$ და (ანისტორებზე) ტრანზისტორებზე მაზვის კომუტაციური გამონატყორცნების თავიდან ასაცილებლად გათვალისწინებულია R,Cპარამეტრებიანი დემპფერული წრედები, რომელთა მოქმედებით დროის  $t_{2}^{I}$ მომენტში კომუტაციური  $oldsymbol{i}_{k0}(t)$  დენი პრაქტიკულად მყისიერად წყდება  $\Delta i^I$ ინტერვალში.  $i_{k0}(t)$  დენი შეიკვრება  $R_{T1}, C_{T1}$ , და  $R_{T2}, C_{T2}$ , წრედების გავლით, ამ შემთხვევაში დაცული უნდა იქნეს შემდეგი აუცილებელი პიროზეზი:

$$i_{k0} = \frac{2Q_k}{\tau_0}; \quad C_{T1,2} \cdot (k_T U_{0T})^2 = L_{T1,2} \cdot i_{k0}^2; \quad R_{T1,2} = 2 \sqrt{\frac{L_{T1,2}}{C_{T1,2}}}$$

სადაც  $K_T = 0,7 \div 0,8$  თადარიგის კოეფიციენტია;  $U_{0T}$  -ტირისტორების უკუგანმეორებითი მაბვის პასპორტული მნიშვნელობა [4].

$$\rho_{T1,2} = \sqrt{\frac{L_{T1,2}}{C_{T1,2}}}$$
 სიდიდეს უწოდებენ დემპფერული კონტურის ტალღურ

წინაღობას.

დემპფერულ კონტურში მიმდინარე გარდამავალი პროცესების გათვალისწინებით  $T_{1,2}$  ტირისტორებზე ანალოგიურად გათვლილი უკუმაბვის მნიშვნელობები შედარდება  $K_T \cdot U_{0T}$  მაბვის სიდიდეს და საჭიროების შემთხვევაში ხდება დემპფერული წრედების  $R_{T1,2}, C_{T1,2}$ 

პარამეტრების კორექტირება. ანალოგიურად გაიანგარიშება  $V_{B1,2}$ ტრანზისტორებისა და  $D_0$ ნულოვანი დიოდის დემპფერული წრედები.

ცვლადი დენის მაღალი ∼*u*₂ მაზვის ქსელში მუდმივი დენის ქსელიდან ჭარზი სიმმლავრის გადაცემა სპეციალური გარდამქმნელი დანადგარის მეშვეობით საშუალებას იძლევა შეთანხმებულად იმუშაოს მუდმივი დენის და ცვლადი მაზვის ქსელებმა 27,28.

გარდამქმნელი დანადგარი შედგება მუდმივი დენის გარდამქმნელისაგან ( $T_{B1,2}$  ტრანზისტორები,  $V_{D1,D2,D3}$  დიოდები,  $C_2, C_3$ , კონდესატორები  $L_1$ დროსელი) და ერთფაზა ინვერტორისაგან ( $VT_3 \dots VT_6$  ტრანზიტორები) მუდმივი დენის გარდამქმნელის გამოსასვლელზე უზრუნველყოფილია ცვლადი მაბვის ქსელთან სინქრონიზებული სინუსოიდური დენი. ერთფაზა ინვერტორი იმართება მართკუთხა ფორმის იმპულსებით და სინქრონიზებულია ცვლადი მაბვის ქსელთან 28.

იმ შემთხვევაში = u ძაბვა მეტია  $\sim u_2$  ძაბვაზე, შესაძლებელია გარდამქმნელი დანადგარის მუშაობის სამი რეჟიმი:

-  $V_{T1,2}$  ტრანზისტორები ჩაკეტილია,  $V_{D3}$  უკუდიოდი ღიაა და  $i_{D3}$  დენი მიედინება ცვლადი დენის  $L_1, L_2$  კონტურში.  $C_2$  კონდესატორი დამუხტულია pprox u მაბვამდე;

- *V<sub>T1,2</sub> ტრანზისტორები ღია, ხოლო V<sub>D3</sub> დიოდი ჩაკეტილია. C*<sub>2</sub> კონდესატორი გადასცემს დაგროვებულ ენერგიას ცვლადი მაბვის ქსელს 28 და იცვლება ნულამდე:

-  $V_{T1,2}$  ტრანზისტორი იკეტება,  $C_2$  კონდესატორი იმუხტება pprox uმაბვამდე მუდმივი მაბვის ქსელიდან 27.  $V_{D3}$  დიოდი იღება მაშინ, როცა  $C_2$  კონდესატორზე მაბვა მიაღწევს  $\sim u_2$  სიდიდეს.

ე.ი. როცა V<sub>71,2</sub> ტრანზისტორები ჩაკეტილია, C<sub>2</sub> კონდესატორზე ენერგია გროვდება, ხოლო როცა ისინი გაიღება, მაშინ C<sub>2</sub> კონდესატორი გადასცემს ენერგიას ცვლადი დენის ქსელს 28.

*V*<sub>71,2</sub> ტრანზიტორების გადართვა (კომუტაცია) ხდება დენისა და მაბვის ნულოვანი მნიშვნელობებისას, ამიტომ დანადგარის დანაკარგები მცირეა, მ.ქ. კოეფიციენტი დიდი, ხოლო სიმძლავრის კოეფიციენტი ახლოსაა ერთთან. თავი 3. ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემების პარალელური მუშაობის დინამიური პროცესების მოდელირება, რეჟიმების მართვა და ოპტიმიზაცია

#### 3.1 მზის ფოტოელექტრული სადგურისა, აკუმულატორული ბატარეისა და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივი მუშაობის ერთიანი სისტემა.

ელექტროენერგეტიკის განვითარების თანამედროვე ეტაპზე მნიშვნელოვანი ადგილი უკავია ელექტროენერგიის ალტერნატიულ წყაროების ბაზაზე მუდმივი და ცვლადი დენის ავტონომიური ჰიბრიდული ენერგოსისტემის შექმნასა და გამოყენებას. ქვეყნის ცალკეული შორეული ჰიზრიდული რაიონების ელექტრომომარაგებაში ავტონომიური ენერგოსისტემის გამოყენება მზის ელემენტების, ქარის გენერატორების, აკუმულიატორული ბატარეიებისა და დიზელგენერატორების ბაზაზე მიზანშეწონილია თუ ენერგოსისტემის განვითარება შეუძლებელია და სათბობზე ფასები საწვავზე მიუღებლად მაღალია რთული და ტრანსპორტირების გამო.

ფოტოელექტრული წარმოდგენილია მზის სადგურის (მფს), აკუმულიატორული ბატარეის (აბ) და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის (სცქ) ერთობლივი მუშაოზისას პროცესების მართვა.(ნახ.16) აქვს მფს-ს მომხმარებლის სიმძლავრის თანაზომადი შეზღუდული სიმძლავრე. იმის გამო, რომ ენერგომომხმარებლის გრაფიკს აქვს არსებითად არათანაბარი ხასიათი, ელექტრომომარაგების სისტემის მუშაობის რეჟიმეზის თანმიმდევრობა წარმოებს შემდეგი კლასიფიკაციით[9,20].

ა) რეჟიმი, როცა მომხმარებლის სიმძლავრე აღემატება მფს-ს
 სიმძლავრეს, ხოლო სიმძლავრის უკმარისობა იფარება ბუფერული სცქ-ს

წყაროთი. ამ შემთხვევაში აუცილებელია, რომ მფს მუშაობდეს მაქსიმალური გასაცემი სიმძლავრის რეჟიმში.

ბ) რეჟიმი, როცა მომხმარებლის სიმძლავრე ნაკლებია მფს-ს სიმძლავრეზე. ამ შემთხვევაში "ჭარბი" სიმძლავრე მფს-დან გადაეცემა სცქს, ხოლო სცქ მუშაობს მაქსიმალური გადასაცემი სიმძლავრის რეჟიმში.

ნახ.16 – ზე ნაჩვენებია: ა) მზის ბატარეიებისა და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივი მუშაობის ამსახველი სტრუქტურული სქემა, რომელშიც შემავალი ელემენტებია; ბ) მზის ბატარეია (მბ); გ) აკუმულიატორული ბატარეია (აბ); დ) მუდმივი დენის გარდამქმნელი (მდგ); ე) სამფაზა ინვერტორი (სი); ვ) ცვლადი დენის ქსელი (ცდქ).

მზის ბატარეის ელექტრული შენაცვლების სქემაში ნათლად ჩანს, რომ ელემენტში გამავალი სრული დენი *i* წარმოადგენს რეკომბინაციულგენერაციული **J**, დიფუზიურ I და შუნტირებული I<sub>p</sub> დენების მდგენელების ჯამს (ნახ.16-ბ). დენის ეს მდგენელები განიხილებიან ერთმანეთისაგან დამოუკიდებლად [1,2];  $R_p$ - მაშუნტირებელი წინაღობაა, ხოლო  $R_s$  მიმდევრობითი წინაღობაა. დიდ დენებზე  $R_s$ -ის გავლენა ელემენტის ვოლტ-ამპერულ მახასიათებელზე მეტად მნიშვნელოვანია, ხოლო დაბალი მაზვებისას, როცა გადასასვლელზე გამავალი დენი მცირეა მაშუნტირებელ დენთან შედარებით,  $R_s$ -ს გავლენა მნიშვნელოვანია. როგორც წესი, საკმარისად მწელია ექსპერიმენტული გზით გავყოთ ერთმწეთისაგან რეკომბინაციულ-გენერაციული და შუნტირებული დენები. შუნტირებული წარმოშობა რეკომბინაციულ-გენერაციული დენის დაკავშირებულია მიღებულ ზედაპირულ გამტარობასთან. პროცესის შედეგად მზის ელემენტის გამოსავალზე ვღებულობთ  $U_{dc}$  მაბვას, რომელიც ამავე დროს წარმოადგენს აკუმულიატორული ბატარეის შესავალზე მისაწოდებელ და მუდმივი დენის გარდამქმნელის (მდგ) შესავალ ძაბვას. მუდმივი დენის გარდამქმნელი (ნახ.16-დ) უზრუნველყოფს მზის ბატარეისა და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივ მუშაობას.



ნახ.16 ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემების პარალელური მუშაობის ამსახველი სტრუქტურული და პრინციპული ელექტრული სქემა.

მდგ შედგება *VT*1,2 ტრანზისტორებისაგან; *VD*1,2,3 დიოდებისაგან; *C*1,2,3 კონდენსატორებისაგან და *L*1 დროსელისაგან. მდგ-ს გამოსავალზე გვაქვს *U<sub>dc</sub>* და *i<sub>dc</sub>* დენის მყისა მნიშვნელობები, რომლებიც აგრეთვე წარმოადგენენ სამფაზა ინვერტორის (სი) შესავალ მაბვასა და დენს.

სამფაზა ინვერტორი (ნახ.16-ე) წარმოადგენს  $VT3 \div VT8$ ტრანზისტორების ბოგური სქემით შეერთებას, რომლის გამოსავალზე ვღებულობთ ცვლადი დენის ქსელის მიმართ ელექტრომაგნიტურად შეთავსებადი  $U_A, U_B, U_C$  და  $i_A, i_B, i_C$  მაბვებსა და დენებს. ნახ.16-ვ-ზე ნაჩვენებია სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის შესაბამისი ფაზური დენების, ძაბვების მყისა მნიშვნელობები  $L_A, L_B, L_C$  ინდუქციურობებისა და  $e_A, e_B, e_C$ ე.მ. ძალების გათვალისწინებით.

მდგ წარმოადგენს არადისიპატიურ ბუფერულ წრედს, რომელიც ასრულებს მოდულაციურ წრედის როლს.

არსებობს მზის ფოტოელექტრული სადგურის (მფს) მუშაობის რეჟიმების რამოდენიმე გზა[9,11]:

 მზის ელემენტების პანელების (მეპ) მზისკენ ორიენტაცია. ამის შედეგად მიიღწევა მზის პანელების რაციონალური გამოყენება. ამ შემთხვევაში ექსპლუატაციის მთელ პერიოდში მფს გამომავალი სიმძლავრე მიაღწევს თავის მაქსიმალურ მნიშვნელობას პრაქტიკულად პანელების განათებულობასთან ერთად.

მეპ-ის სექციონირება შეერთების სქემების თანმიმდევრული
 შეცვლით. ამის შედეგად მიიღწევა მეპ-ის მუშაობის რეჟიმების
 ოპტიმიზაცია მფს-ის ფუნქციონირების რეჟიმების დამოუკიდებლად.

3. მეპ-ის შუნტირება ბალასტურ წინაღობაზე. ამით წარმოებს ზედმეტი ენერგიის გამოყოფა კომუტაციის გზით გადამრთველი და უწყვეტ ტიპის ძალოვან რეგულირებად მოწყობილობათა დახმარებით.

4. კომბინირებული გზა-სექციონირება პლიუს შუნტირება. შუნტირება წარმოებს პანელების, როგორც სრული ნაკრებისათვის, ასევე ცალკეული სექციებისათვის. შუნტირების მირითად ნაკლს წარმოადგენს ბალასტურ

წინაღობაზე ენერგიის დიდი დანაკარგები, გამოხატული გაფანტული სითბოს სახით, ხოლო სექციონირების ნაკლია მართვის სქემასთან ერთად რთული კომუტაციური ბლოკის არსებობა.

5. მეპ-ის გამოსავალზე სიმძლავრის ექსტრემალური რეგულიატორის დაყენება. ამ შემთხვევაში მიიღწევა მეპ-ის მუშაობა მაქსიმალური სიმძლავრის გაცემის რეჟიმში. მდგ-ში VT1,2 ტრანზისტორების გადართვის  $f_0$  სიხშირე  $n_0$  -ჯერ მეტია ცვლადი დენის ქსელის  $\mathbf{f}_{\mathsf{j}\mathsf{l}\mathsf{b}}$  სიხშირეზე  $\mathbf{f}_0 = \mathbf{f}_{\mathsf{j}\mathsf{b}}n_0$ .  $VT3 \div VT8$  ტრანზისტორების გადართვის სიხშირე ტოლია  $\mathbf{f}_{\mathsf{j}\mathsf{b}}$  სიხშირისა.

ცდქ-ის ყოველ ფაზაში  $\frac{2\pi}{3\omega}$  დროის განმავლობაში დენის გავლისას მდგ-ის VT1,2 ტრანზისტორები მოცემულ შემთხვევაში ორჯერ ასწრებენ ჩაკეტვას და გაღებას. ჩაკეტილია  $t = t_0 = 0$  მომენტიდან  $t = t_1$  მომენტამდე და  $t = t_2$  მომენტიდან  $t = t_3$  მომენტამდე; ღია მდგომარეობაშია  $t = t_1$ მომენტიდან  $t = t_2$  მომენტამდე და  $t = t_3$  მომენტიდან  $t = t_4$  მომენტამდე. ამ მომენტებისათვის ცვლადი დენის ქსელში  $t = t_0$  და  $t = t_2$  მომენტამდე დენი გადის A და B ფაზაში, ხოლო  $t = t_2$  მომენტიდან  $t = t_4$  მომენტამდე დენი გადის A და C ფაზაში (ნახ.17-ი).

მდგ-ის VT1,2 ტრანზისტორებზე  $U_{\partial VT1,2}$  მართვის იმპულსების მიწოდების განრიგი ნაჩვენებია ნახ.17-ბ-ზე. ამავე სიხშირით ხდება  $C_2$ კონდესატორის დამუხტვა-განმუხტვის პროცესები. დამუხტვისა და განმუხტვის დენების  $\rho_{c2}(t)$  კომუტაციური ფუნქცია ნაჩვენებია ნახ.17-გ-ზე. ზედა დადებითი მართკუთხა იმპულსები შეესაბამება  $C_2$  კონდენსატორის დამუხტვის დენის არსებობას, ხოლო უარყოფითი მართკუთხა იმპულსები კი განმუხტვის დენის არსებობას. თუ ავღნიშნავთ VT1,2 ტრანზისტორებზე მართვის იმპულსებს  $U_{\partial VT1,2}$ -ით მაშინ როდესაც  $U_{\partial VT1,2} = 0$  ვაქვს  $\rho_{c2}(t) = 1$ , ხოლო  $U_{\partial VT1,2} = 1$  გვაქვს  $\rho_{c2}(t) = -1$ , ე.ი.  $\rho_{c2}(t) = 1 - 2U_{\partial VT1,2}$ .

მდგ-ის  $U_{dc0}$  მაზვის მიხედვით კომუტაციური ფუნქცია  $\Phi(t)$ წარმოადგენს  $ho_{c2}(t)$  კომუტაციური ფუნქციის ერთამდე შემავსებელ გადართვის ფუნქციას (ნახ.17-დ):  $\Phi(t) = 1 - \rho_{C2}(t) = 2U_{\partial VT1,2}$ . მდგ-ში VD2-ის კათოდსა და VD1-ის ანოდს შორის  $u_x$  მაბვის კომუტაციური ფუნქცია ნაჩვენებია ნახ.17-ე-ზე. შესაბამისად გვაქვს:

 $U_x = U_{dc} 
ho_{C2}(t); \ U_{dc0}$  მაზვის ფორმა ემთხვევა  $\Phi(t)$  ფუნქციის მნიშვნელობებს და მისი მნიშვნელობა გამოითვლება ასე:

$$u_{dc0} = U_{dc} \Phi(t) = 2U_{dc} \cdot U_{\partial VT1,2}$$

მეორე მხრივ გვაქვს:

$$U_{dc0} = u_{dc} + \rho_{C2}(t)u_{C2}(t) = U_{dc}\Phi(t)$$

სი-ში *VT3* ÷ *VT8* ტრანზისტორების გადართვის კანონზომიერების უზრუნველსაყოფად ვიღებთ მართვის იმპულსების შესაბამის განლაგებას (ნახ.17-ზ).

ფაზური დენების  $\rho_A(t)$ ,  $\rho_B(t)$ ,  $\rho_C(t)$ , კომუტაციური ფუნქციების ცვალებადობის კანონი ნაჩვენებია ნახ-17-თ-ზე. კომუტაციური ფუნქციების არსებობა გრძელდება  $\frac{2\pi}{3\omega}$  - ის შესაბამის დროში, ხოლო არ არსებობა გრძელდება  $\frac{\pi}{3\omega}$ -ის შესაბამის დროში.

სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის (ცდქ) ფაზური მაზვების ტალღური დიაგრამები ნაჩვენებია ნახ.17 -ი-ზე.  $t = t_0 = 0$  - დან  $t = t_4$  მომენტამდე ცდქ-ის ფაზური მაზვებიდან ყველაზე უარყოფითია  $u_A$  მაზვა, ამიტომ ამ პერიოდში ღიაა VT3 ტრანზისტორი.  $t = t_4$  - დან  $t = t_4 + \frac{2\pi}{3\omega}$  - მდე ღიაა VT5 ტრანზისტორი;  $t = t_4 + \frac{2\pi}{3\omega}$  -დან  $t = t_4 + \frac{4\pi}{3\omega}$  - მდე ღიაა VT7 ტრანზისტორი.  $t = t_0 = 0$  - დან  $t = t_2$  მომენტამდე ღიაა VT6 ტრანზისტორი;  $t = t_2$ -დან  $t = t_2 + \frac{2\pi}{3\omega}$ -მდე ღიაა VT8 ტრანზისტორი.  $t = t_2 + \frac{2\pi}{3\omega}$  -დან  $t = t_2 + \frac{4\pi}{3\omega}$  - მდე ღიაა VT4 ტრანზისტორი;  $t = t_2 + \frac{4\pi}{3\omega}$  -დან  $t = t_2 + \frac{2\pi}{3\omega}$  -მდე ღიაა VT6 ტრანზისტორი;  $t = t_2 + \frac{2\pi}{\omega}$  -დან  $t = t_2 + \frac{4\pi}{3\omega}$  -მდე დიაა VT4 ტრანზისტორი;  $t = t_2 + \frac{4\pi}{3\omega}$  -დან  $t = t_2 + \frac{2\pi}{\omega}$ -მდე ტრანზისტორი;  $t = t_2 + \frac{2\pi}{\omega}$  -დან  $t = t_2 + \frac{8\pi}{3\omega}$  -მდე ღიაა VT8 ტრანზისტორი;  $t = t_2 + \frac{2\pi}{\omega}$  -დან  $t = t_2 + \frac{8\pi}{3\omega}$  -მდე ღიაა VT8 ტრანზისტორი.

# 3.2 მზის ფოტოელექტრული სადგურისა, მუდმივი დენის გარდამქმნელისა, ქსელის მიმყოლი სამფაზა მაბვის ინვერტორისა და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივი მუშაობის მირითადი რეჟიმები

3.1 პარაგრაფში აღნიშნულიდან გამომდინარე მუდმივი დენის გარდამქმნელში (მდგ) VT1,2 ტრანზისტორები სისტემის მუშაობის ყველა რეჟიმში ან ჩაკეტილია, ან ღია მდგომარეობაშია, ხოლო სამფაზა ინვერტორის (სი) VT3 ÷ VT8 ტრანზისტორების ჩაკეტვა-გაღების მდგომარეობა მიმყოლია ცვლადი დენის ქსელის ფაზური მაბვების ცვლილებასთან.

განხილვის ყურადღებას იპყრობს მზის ფოტოელექტრული სადგურისა და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივი მუშაობის ერთი მთლიანი ციკლისათვის 12 რეჟიმის განხილვა (**U**<sub>dc</sub> > **U**)(ნახ.-17)[12].

<u>I რეჟიმი</u>: VT1,2 ტრანზისტორები ჩაკეტილია  $t = t_0 = 0$  მომენტიდან  $t = t_1$  მომენტამდე. VD3 უკუდიოდი ღიაა მაშინ, როდესაც  $C_2$ კონდენსატორზე მაბვა მიაღწევს  $U_{BA}$  -ს. დენი მასში მიედინება ჩაკეტილ კონტურში, რომელიც გადის ელემენტებზე L1, VT3, LA, LB, VT6, VD3, L1, კონდენსატორი  $C_2$  დამუხტულია  $U_{dc}$  მაბვაზე.

<u>II რეჟიმი</u>: VT1,2 ტრანზისტორები ღიაა  $t = t_1$  - დან  $t = t_2$  -მდე; VD3 დიოდი ჩაკეტილია.  $C_2$  კონდენსატორი გადასცემს დაგროვილ ენერგიას ცვლადი დენის ქსელს (ცდქ) მის ბოლომდე განმუხტვამდე.  $i_{dc}$  დენი შეიკვრება ჩაკეტილ კონტურში, რომელიც გადის ელემენტებზე: VT2; C2; VT1; L1; VT3; LA; LB; VT6; *მბ*; VT2.

<u>III რეჟიმი</u>: *VT*1,2 ტრანზისტორები ჩაკეტილია  $t = t_2$ - დან  $t = t_3$ -მდე, კონდენსატორი  $C_2$  იმუხტება  $U_{dc}$  მაბვისგან. *VD*3 დიოდი იღება,



ნახ.17. ერთიანი გარდამქმნელი სისტემის ფოტოელექტრული სადგურის გამომავალი  $u_{dc}$  მაბვის, მართვის იმპულსების კომუტაციური ფუნქციების და სამფაზა ცვლადი ქსელის მაბვის დროზე დამოკიდებულების კანონზომიერება.

როდესაც კონდენსატორზე ძაბვა მიაღწევს ცვლადი დენის ქსელის U<sub>CA</sub> ხაზურ ძაბვას. i<sub>dc</sub> დენი შეიკვრება კონტურში, რომელიც გადის ელემენტებში: VD1; C2; VD2; L1; VT3; LA; LC; VT8; *მბ*; VD1.

<u>IV რეჟიმი</u>: VT1,2 ტრანზისტორები ღიაა  $t = t_3$  -დან  $t = t_4$  -მდე. VD3დიოდი ჩაკეტილია.  $C_2$  კონდენსატორი გადასცემს დაგროვილ ენერგიას ცვლადი დენის ქსელს სრულ განმუხტვამდე.  $i_{dc}$  დენი შეიკვრება ჩაკეტილ კონტურში, რომელიც გადის ელემენტებზე: VT2; C2; VT1; L1; VT3; LA; LC; VT8;  $\partial \delta$ ; VT2.

<u>V რეჟიმი</u>: VT1,2 ტრანზისტორები ჩაკეტილია  $t = t_4$  - დან  $t = t_4 + \frac{\pi}{6\omega}$  მდე. კონდენსატორი  $C_2$  იმუხტება  $U_{dc}$  მაბვისაგან. VD3 დიოდი იღება, როცა კონდენსატორზე მაბვა მიაღწევს ცვლადი დენის ქსელის  $U_{CB}$  მაბვას.  $i_{dc}$ დენი შეიკვრება კონტურში, რომელიც გადის ელემენტებზე: VD1; C2; VD2; L1; VT5; LB; LC;VT8; მბ; VD1.

<u>VI რეჟიმი</u>: *VT*1,2 ტრანზისტორები ღიაა  $t = t_4 + \frac{\pi}{6\omega}$ -დან  $t = t_4 + \frac{\pi}{3\omega}$ მდე. *VD*3 დიოდი ჩაკეტილია. *C*<sub>2</sub> კონდენსატორი გადასცემს დაგროვებულ ენერგიას ცდქ-ს სრულ განმუხტვამდე.  $i_{dc}$  დენი შეიკვრება ჩაკეტილ კონტურში, რომელიც გადის ელემენტებზე: *VT*2; *C*2; *VT*1; *L*1; *VT*5; *LB*; *LC*;*VT*8; *მბ*; *VT*2.

<u>VII რეჟიმი:</u> VT1,2 ტრანზისტორები ჩაკეტილია  $t = t_4 + \frac{\pi}{3\omega}$  -დან  $t = t_4 + \frac{\pi}{2\omega}$  -მდე. VD3 დიოდი იღება მაშინ, როცა  $C_2$  კონდენსატორზე მაბვა მიაღწევს  $U_{AB}$  -ს. კონდენსატორი  $C_2$  იმუხტება  $U_{dc}$  მაბვისაგან.  $i_{dc}$  დენი შეიკვრება ჩაკეტილ კონტურში, რომელიც გადის ელემენტებზე: VD1; C2; VD2; L1;VT5; LB; LA;VT4; მბ; VD1.

<u>VIII რეჟიმი:</u> VT1,2 ტრანზისტორები ღიაა  $t = t_4 + \frac{\pi}{3\omega}$ -დან  $t = t_4 + \frac{2\pi}{3\omega}$ მდე. VD3 დიოდი ჩაკეტილია. C<sub>2</sub> კონდენსატორი გადასცემს დაგროვილ ენერგიას ცდქ-ს სრულ განმუხტვამდე.  $i_{dc}$  დენი შეიკვრება ჩაკეტილ კონტურში, რომელიც გადის ელემენტებზე: VT2; C2; VT1; L1; VT5; LB; LA;VT4; *მ*ბ; VT2.

<u>IX რეჟიმი</u>: VT1,2 ტრანზისტორები ჩაკეტილია  $t = t_4 + \frac{2\pi}{3\omega}$  - დან  $t = t_4 + \frac{5\pi}{6\omega}$  -მდე. VD3 დიოდი იღება მაშინ, როცა  $C_2$  კონდენსატორზე მაბვა მიაღწევს  $U_{AC}$  -ს. კონდენსატორი  $C_2$  იმუხტება  $U_{dc}$  მაბვისაგან.  $i_{dc}$  დენი შეიკვრება ჩაკეტილ კონტურში, რომელიც გადის ელემენტებზე: VD1; C2; VD2; L1; VT7; LC; LA; VT4; ∂∂; VD1.

<u>X რეჟიმი:</u> VT1,2 ტრანზისტორები ღიაა  $t = t_4 + \frac{5\pi}{6\omega}$ -დან  $t = t_4 + \frac{\pi}{\omega}$ მდე. VD3 დიოდი ჩაკეტილია.  $C_2$  კონდენსატორი გადასცემს დაგროვილ ენერგიას ცდქ-ს სრულ განმუხტვამდე.  $i_{dc}$  დენი შეიკვრება ჩაკეტილ კონტურში, რომელიც გადის ელემენტებზე: VT2; C2; VT1; L1; VT7; LC; LA; VT4; *მბ*; VT2.





ნახ.18. ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემების პარალელური მუშაობის კენტი და ლუწი რეჟიმების საანგარიშო პრინციპული ელექტრული სქემა.

<u>XI რეჟიმი:</u> VT1,2 ტრანზისტორები ჩაკეტილია  $t = t_4 + \frac{\pi}{\omega}$  - დან  $t = t_4 + \frac{7\pi}{6\omega}$  მდე. VD3 დიოდი იღება მაშინ, როცა  $C_2$  კონდენსატორზე მაბვა მიაღწევს  $U_{BC}$  -ს. კონდენსატორი  $C_2$  იმუხტება  $U_{dc}$  მაბვისაგან.  $i_{dc}$  დენი შეიკვრება ჩაკეტილ კონტურში, რომელიც გადის ელემენტებზე: VD1; C2; VD2; L1;VT7; LC; LB;VT6; *მბ*; VD1.

<u>XII რეჟიმი:</u> VT1,2 ტრანზისტორები ღიაა  $t = t_4 + \frac{7\pi}{6\omega}$  - დან  $t = t_4 + \frac{4\pi}{3\omega} = \frac{2\pi}{3\omega} + \frac{4\pi}{3\omega} = \frac{2\pi}{\omega}$  - მდე. VD3 დიოდი ჩაკეტილია. C<sub>2</sub> კონდენსატორი გასცემს დაგროვებულ ენერგიას ცდქ-ს სრულ განმუხტვამდე.  $i_{dc}$  დენი შეიკვრება ჩაკეტილ კონტურში, რომელიც გადის ელემენტებზე: VT2; C2; VT1; L1; VT7; LC; LB;VT6; *მბ*; VT2. როგორც ნახ. 17 – დან ჩანს ცვლადი დენის ქსელის ერთი პერიოდის  $T = \frac{2\pi}{\omega}$  განმავლობაში რეჟიმის რიცხვი  $m_0 = 2n_0$ . ჩვენს შემთხვევაში  $n_0 = 6$ .  $n_0 = 12$  და  $f_0 = 3003$ ც.

ზემოთ ჩამოთვლილი რეჟიმებიდან კენტი რიგის რეჟიმების ამსახველი სქემის ტოპოლოგია სტრუქტურულად ერთმანეთის მსგავსია. ფიქსირდება VD1,2 დიოდებისა და  $C_2$  კონდენსატორის მიმდევრობითი შეერთებები. განსხვავება არის  $VT13 \div VT8$  მალოვანი ტრანზისტორების და ცვლადი სამფაზა ქსელის A, B, C ფაზების გადართვების თანმიმდევრობაში. ასევე ითქმის ყველა ლუწი რიგის რეჟიმების შესახებ, სადაც დაფიქსირებულია VT1,2 ტრანზისტორების და  $C_2$  კონდენსატორის მიმდევრობითი შეერთება.

ქვემოთ ნაჩვენებია ორი ერთმანეთისაგან განსხვავებული I(კენტი) და II (ლუწი) რეჟიმების საანგარიშო პრინციპული ელექტროსქემა(ნახ18,ა,ბ)

### 3.3 ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემების პარალელური მუშაობის კენტი და ლუწი რეჟიმების ელექტრული წონასწორობის განტოლებები

ყველა კენტ და ლუწ რეჟიმებში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების საანგარიშო განტოლებებთან ერთად გაითვალისწინება მზის ელემენტების შენაცვლების სქემიდან გამომდინარე ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის აღმწერი (25) კვადრატული განტოლება {21,37,40,13}.

$$U_{dc}^* = A_1(i^*)^2 - (1+A_1)i^* + 1$$
(121)

ნახ.18-ა სქემიდან კენტი რეჟიმებისათვის გვაქვს შემდეგი განტოლებები მყისა მნიშვნელობების მიმართ:

I റ്റ്വേറർറ  $\left(0 \le \omega t \le \frac{\pi}{6}\right)$ :

$$i = C_1 \frac{du_{c1}}{dt} + C_2 \frac{du_{c2}}{dt};$$
(122)

$$u_1 = u_{c2} + u_{dc0}; (123)$$

$$u_{dc0} = L_1 \frac{di_{L1}}{dt} + u_{c3}; \tag{124}$$

$$i_{L1} = C_3 \frac{du_{C3}}{dt} + i_A; \tag{125}$$

$$U_{dc} = u_{c2} + u_{dc0}; (126)$$

$$u_{A0} = -U_{mc} \sin(\omega t + 30^{0}); \tag{127}$$

$$\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{0}) = 2R_{A}i_{A} + 2\left(L_{A} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{A}}{dt};$$
(128)

$$\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{\circ}) = 2R_{B}i_{B} + 2\left(L_{B} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{B}}{dt};$$
(129)

$$u_{c3} = u_{dc} = -\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{0});$$
(130)

$$u_{c1} = u_{c2} + u_{dc0}; \quad i_A = i_B \tag{131}$$

(122)-(131) განტოლებების საფუძველზე სქემის ელექტრული სიდიდეების განსაზღვრის ალგორითმი მდგომარეობს შემდეგში:

- (130)-დან ვიღებთ C<sub>3</sub> კონდესატორზე U<sub>c3</sub> მაბვის მნიშვნელობას;
- (128), (129)-დან განვსაზღვრავთ დენს  $i_A = i_B$  ;

- (130)-დან ვითვალისწინებთ ტოლობას  $u_{dc}=u_{c3};$
- (125)-დან განვსაზღვრავთ i<sub>L1</sub> დენს;
- (124)-დან განვსაზღვრავთ u<sub>dc0</sub> ძაბვას;
- (126)-დან განისაზღვრება u<sub>c2</sub> მაბვა;
- (131)-დან განისაზღვრება u<sub>c1</sub> მაბვა;
- (122)-დან განისაზღვრება i დენი;

განტოლებებში შემავალი კოეფიციენტები ნაჩვენებია ნახ.17-ზე.

III ഗ്യൂറിറ  $\left(\frac{2\pi}{6} \le \omega t \le \frac{3\pi}{6}\right)$ :

$$i_A = i_C ; \qquad (132)$$

$$u_{dc} = u_{c3} = u_{Ac} = u_{Ao} - u_{co}; \tag{133}$$

$$u_{A0} = -U_{mc} \sin(\omega t + 90^{0}); \tag{134}$$

$$u_{c0} = U_{mc} \sin(\omega t + 30^{0}); \tag{135}$$

$$u_{c3} = u_{dc} = -\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{0}); \tag{136}$$

$$i = C_1 \frac{du_{c1}}{dt} + C_2 \frac{du_{c2}}{dt}; (137)$$

 $u_{c1} = u_{c2} + u_{dc0};$ 

$$u_{dc0} = L_1 \frac{di_{L1}}{dt} + u_{c3}; \tag{138}$$

$$i_{L1} = C_3 \frac{du_{C3}}{dt} + i_A; \tag{139}$$

$$\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{0}) = 2R_{A}i_{A} + 2\left(L_{A} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{A}}{dt};$$
(140)

$$\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{0}) = 2R_{c}i_{c} + 2\left(L_{c} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{c}}{dt};$$
(141)

V ത്യൂറർറ  $\left(\frac{4\pi}{6} \le \omega t \le \frac{5\pi}{6}\right)$ :

$$i_{B} = i_{C}; \qquad (142)$$

$$u_{C3} = u_{dc} = -\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{0});$$
(143)

$$u_{BO} = -U_{mc} sin(\omega t + 30^{\circ});$$
 (144)

$$u_{c0} = U_{mc} sin(\omega t + 90^{\circ});$$
 (145)

$$i = C_1 \frac{du_{c1}}{dt} + C_2 \frac{du_{c2}}{dt};$$
(146)

$$u_{c1} = u_{c2} + u_{dc0}; (147)$$

$$u_{dc0} = L_1 \frac{di_{L1}}{dt} + u_{c3}; \tag{148}$$

$$i_{L1} = C_3 \frac{du_{CB}}{dt} + i_B; \tag{149}$$

$$\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{0}) = 2R_{B}i_{B} + 2\left(L_{B} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{B}}{dt};$$
(150)

$$\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{0}) = 2R_{c}i_{c} + 2\left(L_{c} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{c}}{dt};$$
(151)

VII ഗ്യാറർറ  $\left(\frac{6\pi}{6} \le \omega t \le \frac{7\pi}{6}\right)$ :

$$i_B = i_A \,; \tag{152}$$

$$u_{c3} = u_{dc} = u_{BA} = u_{BO} - u_{AO}; \tag{153}$$

$$u_{BO} = -U_{mc} sin(\omega t + 90^{\circ});$$
 (154)

$$u_{AO} = U_{mc} sin(\omega t + 30^{\circ});$$
 (155)

$$u_{C3} = u_{dc} = -\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{\circ});$$
(156)

*i* დენი, *u*<sub>c1</sub> ძაბვა, *u*<sub>dc0</sub> ძაბვა და *i*<sub>L1</sub> დენი გამოისახებიან (146), (147), (148) და (149) გამოსახულებებით.

$$\sqrt{3}U_{mc}sin(\omega t + 60^{\circ}) = 2R_{B}i_{B} + 2\left(L_{B} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{B}}{dt};$$
(157)

$$\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{0}) = 2R_{A}i_{A} + 2\left(L_{A} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{A}}{dt};$$
(158)

IX hogodo  $\left(\frac{8\pi}{6} \le \omega t \le \frac{9\pi}{6}\right)$ :

$$\mathbf{i}_{C} = \mathbf{i}_{A} \,; \tag{159}$$

$$u_{c3} = u_{dc} = u_{CA} = u_{CO} - u_{AO}; (160)$$

$$u_{c0} = -U_{mc} \sin(\omega t + 30^{0}); \tag{161}$$

$$u_{A0} = U_{mc} sin(\omega t + 90^{\circ});$$
 (162)

$$u_{C3} = u_{dc} = -\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{\circ});$$
(163)

$$\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{\circ}) = 2R_{c}i_{c} + 2\left(L_{c} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{c}}{dt};$$
(164)

$$\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{0}) = 2R_{A}i_{A} + 2\left(L_{A} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{A}}{dt};$$
(165)

აქაც და XI რეჟიმისათვის

 $i, u_{c1}, u_{dc0}$  და  $i_{L1}$  სიდიდეები განისაზღვრებიან შესაბამისად (146)-(149) გამოსახულებებით.

XI რეჟοθο 
$$\left(\frac{10\pi}{6} \le \omega t \le \frac{11\pi}{6}\right)$$
:  
 $i_C = i_B$ ; (166)

$$u_{c3} = u_{dc} = u_{CB} = u_{CO} - u_{BO}; \tag{167}$$

$$u_{c0} = -U_{mc} \sin(\omega t + 90^{0}); \tag{168}$$

$$u_{BO} = U_{mc} sin(\omega t + 30^{\circ});$$
 (169)

$$u_{c3} = u_{dc} = -\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{0}); \tag{170}$$

$$\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{\circ}) = 2R_{c}i_{c} + 2\left(L_{c} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{c}}{dt};$$
(171)

$$\sqrt{3}U_{mc}\sin(\omega t + 60^{0}) = 2R_{B}i_{B} + 2\left(L_{B} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{B}}{dt};$$
(172)

ნახ.18-ბ სქემიდან ლუწი რეჟიმებისათვის გვაქვს შემდეგი განტოლებები მყისა მნიშვნელობების მიმართ:

II რეჟიმი 
$$\left(\frac{\pi}{6} \le \omega t \le \frac{2\pi}{6}\right)$$
:  
 $i_A = i_B; \ i_{VD3} = 0; \ i_{C2} = i_{L1};$  (173)

$$= y_{1} + y_{2} + y_{3} + y_{4} + y_$$

$$u_{dc} = u_{c2} + u_{dc0}; \qquad u_{dc0} = u_{L1} + u_{dc}; \tag{174}$$

$$u_{dc} = u_{c3} = u_{A0} - u_{B0}; \tag{175}$$

$$u_{AO} = -U_{mc} sin(\omega t + 60^{\circ});$$
 (176)

$$u_{BO} = U_{mc} sin(\omega t + 120^{\circ});$$
 (177)

$$u_{dc} = u_{c3} = \sqrt{3} U_{mc} \sin(\omega t + 90^{\circ});$$
(178)

$$U_{mc}sin60^{0}sin(\omega t + 90^{0}) = R_{c}i_{A} + \left(L_{c} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{A}}{dt};$$
(179)

IV ത്യ്വാറിറ  $\left(\frac{3\pi}{6} \le \omega t \le \frac{4\pi}{6}\right)$ :

ყველა წყვილ რეჟიმში სამართლიანია (173)-(178) გამოსახულებები $i_A=i_B$  ტოლობის გარდა.

შესაბამისად ამ რეჟიმში გვაქვს შემდეგი განტოლებები:

$$i_A = i_C ; \qquad (180)$$

$$U_{mc}sin60^{0}sin(\omega t + 90^{0}) = R_{c}i_{A} + \left(L_{c} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{A}}{dt};$$
(181)

VI ഗ്യാററ  $\left(\frac{5\pi}{6} \le \omega t \le \frac{6\pi}{6}\right)$ :

$$i_B = i_C ; (182)$$

$$U_{mc}sin60^{0}sin(\omega t + 90^{0}) = R_{c}i_{B} + \left(L_{c} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{B}}{dt};$$
(183)

VIII რეჟიმი  $\left(\frac{7\pi}{6} \le \omega t \le \frac{8\pi}{6}\right)$ :

$$i_B = i_A$$
; (184)

$$U_{mc}sin60^{0}sin(\omega t + 90^{0}) = R_{c}i_{B} + \left(L_{c} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{B}}{dt};$$
(185)

X Moyodo  $\left(\frac{9\pi}{6} \le \omega t \le \frac{10\pi}{6}\right)$ :

$$i_{\mathcal{C}} = i_A ; \qquad (186)$$

$$U_{mc}sin60^{0}sin(\omega t + 90^{0}) = R_{c}i_{c} + \left(L_{c} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{c}}{dt};$$
(187)

XII ဂဂဨ၅၀၀၀  $\left(\frac{11\pi}{6} \le \omega t \le \frac{12\pi}{6}\right)$ :

$$i_{\mathcal{C}} = i_{\mathcal{B}} ; \tag{188}$$

$$U_{mc}sin60^{0}sin(\omega t + 90^{0}) = R_{c}i_{c} + \left(L_{c} + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)\frac{di_{c}}{dt};$$
(189)

როგორც მიღებული განტოლებებიდან ჩანს აქ გათვალისწინებულია სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ექვივალენტური აქტიური წინაღობა  $2R_K(K = A, B, C)$  და ექვივალენტური ინდუქციურობა  $2\left(L_K + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}\right)$  (K = A, B, C) სადაც  $L_K(K = A, B, C)$  თითოეული ფაზის ინდუქციურობაა,  $M^{11}$  თითოეული ფაზის სრული ინდუქციურობაა, ხოლო  $M^{12}$  კი ფაზებს შორის ურთიერთ ინდუქციურობაა.

გარდა ამისა, კენტ რეჟიმებში ექვივალენტური სინუსოიდების ამპლიტუდების მნიშვნელობები ორჯერ მეტია ლუწ რეჟიმში ექვივალენტური სინუსოიდების ამპლიტუდებზე.

თითოეული რეჟიმებში წარმოდგენილი განტოლებების საფუძველზე შესაბამისი სქემისათვის ყველა ელექტრული სიდიდეების სრულად განსაზღვრისათვის ვიყენებთ I რეჟიმისათვის წარმოდგენილ ალგორითმებს.

### 3.4 ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემების ელექტრული წონასწორობის განტოლებების ამოხსნა.

(122) და (189) ელექტრული წონასწორობის განტოლებების ამოხსნის პროცესში შემოვიღოთ შემდეგი ექვივალენტური პარამეტრების და ელექტრული სიდიდეების თითოეული რეჟიმებში საწყისი მნიშვნელობების მოცემული პარამეტრებზე დამოკიდებულების გამოსახულებები:

> სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ექვივალენტური სრული წინაღობა:

$$Z_{c} = \sqrt{R_{c}^{2} + (\omega L_{c})^{2}};$$
(190)

• ექვივალენტური სრული ინდუქციურობა:

$$L_c = L_k + M^{11} - \frac{1}{2}M^{12}; (191)$$

- სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ფაზურ მაზვასა და ხაზურ დენს შორის ძვრის კუთხის 90<sup>0</sup>-მდე შემავსებელი (დამატებითი) კუთხე:  $\varphi_c = arctg \frac{R_c}{\omega L_c};$  (192)
- ცვლადი დენის ქსელის დროის მუდმივა:

$$\tau_c = \frac{L_c}{R_c};\tag{193}$$

ქსელის ხაზური დენების ექვივალენტური ამპლიტუდების განზოგადებული კოეფიციენტები ნებისმიერი n - ინტერვალებისათვის ნებისმიერი k-ფაზებისათვის (k = A, B, C; n = 1,2,3 ...)

$$-I_{km1}^{2n-1} = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{U_{mc}}{Z_c}; \ I_{km1}^{2n} = \sqrt{3} \cdot \frac{U_{mc}}{Z_c}$$

$$I_{km2}^{2n-1} = \frac{U_{mc} \left(\frac{\sqrt{5}}{4} \omega L_c - \frac{5}{4} R_c\right)}{R_c^2 + (\omega L_c)^2}; \ I_{km2}^{2n} = \frac{\frac{\sqrt{5}}{2} U_{mc} \cdot R_c}{Z_c^2}$$
(194)

ცვლადი დენის ქსელის ხაზური დენების განზოგადებული
 საწყისი მნიშვნელობები ნებისმიერი n - რეჟიმის შესაბამისი
 ინტერვალებისათვის:

$$i_{k}^{2n-1}(0) = i_{k}^{2(n-1)}(0)e^{-2(n-1)\frac{\pi}{6\omega\tau_{c}}} - I_{km1}^{2n}\cos\left[2(n-1)\frac{\pi}{6} + \varphi_{c} + 90^{0}\right] - I_{km2}^{2n}e^{-2(n-1)\frac{\pi}{6\omega\tau_{c}}}, \quad k=A,B,C; \quad n=2,3,4,\dots$$
(195)

$$i_{k}^{2n}(0) = i_{k}^{2n-1}(0)e^{-2(n-1)\frac{\pi}{6\omega\tau_{c}}} - I_{km1}^{2n}\cos\left[(2n-1)\frac{\pi}{6} + \varphi_{c} + 60^{0}\right] + I_{km2}^{2n-1}e^{-(2n-1)\frac{\pi}{6\omega\tau_{c}}}, \quad k=A,B,C; \quad n=1,2,3,...$$
(196)

მუდმივი დენის გარდამქმნელის (მდგ) გამოსავალზე U<sub>dco</sub>
 მაბვის ექვივალენტური მდგენელების კოეფიციენტები:

$$U_{dco1}^{2n} = \left\{ \left[ \sqrt{3} U_{mc} (\omega^2 L_1 C_3 - 1) + \omega L_1 \cdot I_{km1}^{2n} \cdot \cos\varphi_c \right]^2 + (\omega L_1 I_{km1}^{2n} \sin\varphi_c)^2 \right\}^{\frac{1}{2}} (197)$$
$$U_{dco2}^{2n} = \frac{L_1}{\tau_c} [i_k^{2n}(0) - I_{km2}^{2n}] e^{-\frac{t_{2n}}{\tau_c}}, \quad k=A,B,C; \quad n=1,2,3,\dots \quad (198)$$

•  $U_{dco}$  ძაბვასა და  $i_{C2} = i_{L1}$  დენს შორის ექვივალენტური ძვრის კუთხე :

$$\varphi_{udco}^{2n} = \operatorname{arctg} \frac{\omega L_1 I_{km1}^{2n} \sin \varphi_c}{\sqrt{3} U_{mc} (\omega^2 L_1 C_3 - 1) + \omega L_1 I_{km1}^{2n} \cos \varphi_c};$$
(199)

• *u<sub>c2</sub>* მაბვის ექვივალენტური მდგენელების კოეფიციენტები:

$$-u_{c2}^{\prime} =$$

$$=\left\{\left[\sqrt{3}U_{mc}(\omega^{2}L_{1}C_{3}-1)+\omega L_{1}I_{km1}^{2n-1}cos\varphi_{c}\right]^{2}+\left(\omega L_{1}I_{km1}^{2n-1}sin\varphi_{c}\right)^{2}\right\}^{\frac{1}{2}}(200)$$

$$u_{c2}^{\prime\prime} = \frac{u_1}{\tau_c} [i_k^{2n-1}(0) + I_{km2}^{2n-1}], \quad k=A,B,C; \quad n=1,2,3,\dots$$
(201)

ფოტოელექტრული სადგურის გამოსავალზე ან მდგ-ის
 შესავალზე *i* დენის კოეფიციენტები:

$$i_{2n-1}^{\prime} = \sqrt{3}U_{mc} \cdot \omega c_2 \left\{ \left[ \omega L_1 \left( \omega C_3 + \frac{1}{2} G_c \right) - 1 \right]^2 + \left( \frac{1}{2} B_c \omega L_1 \right)^2 \right\}^{\frac{1}{2}}; \quad (202)$$

$$i_{2n-1}^{\prime\prime} = \frac{L_1 C_2}{\tau_c^2} \Big[ i_k^{2n-1}(0) + U_{mc} \cdot \frac{\sqrt{3}}{4} \Big( B_c - \sqrt{3} G_c \Big) \Big],$$
(203)

$$i_{2n}^{\prime} = \sqrt{3}U_{mc}\omega c_2 \{ [\omega L_1(\omega C_3 + G_c) - 1]^2 + (\omega L_1 B_c)^2 \}^{\frac{1}{2}}; \quad (204)$$

$$i_{2n}^{\prime\prime} = \frac{L_1 C_2}{\tau_c^2} \left[ i_k^{2n}(0) - \frac{\sqrt{3}}{2} U_{mc} G_c \right]$$
(205)

 შესაბამის ინტერვალებში *i* დენსა და U<sub>dc</sub> ძაბვას შორის ექვივალენტური ძვრის კუთხეები:

$$\varphi_i^{/} = \operatorname{arctg} \frac{\frac{1}{2}\omega L_1 B_c}{\omega L_1 \left(\omega C_3 + \frac{1}{2}G_c\right) - 1};$$
(206)

$$\varphi_i^{//} = \operatorname{arctg} \frac{\omega L_1 B_c}{\omega L_1 (\omega C_3 + G_c) - 1}; \qquad (207)$$
სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის აქტიური G<sub>c</sub> და რეაქტიული B<sub>c</sub>
 გამტარობები:

$$G_{c} = \frac{R_{c}}{R_{c}^{2} + (\omega L_{c})^{2}};$$
(208)

$$B_c = \frac{\omega L_c}{R_c^2 + (\omega L_c)^2};$$
(209)

განტოლებების ამოხსნის შედეგად თითოეული ელექტრული სიდიდეებისათვის ვღებულობთ ნებისმიერი 2*n* – 1 კენტი და 2*n* ლუწი რეჟიმებისათვის შემდეგ გამოსახულებებს[9,10]:

$$i^{2n-1}(t_{2n-1}) = -i'_{2n-1} cos(\omega t_{2n-1} + \varphi_i^{/} + 60^{\circ}) - i''_{2n-1} e^{-\frac{t_{2n-1}}{\tau_c}};$$
  
k=A,B,C; n=1,2,3, ... (210)

$$i^{2n}(t_{2n}) = -i_{2n}^{\prime} cos(\omega t_{2n} + \varphi_i^{\prime \prime} + 90^{\circ}) - i_{2n}^{\prime \prime} e^{-\frac{t_{2n}}{\tau_c}};$$

$$k=A,B,C;$$
  $n=1,2,3,...$  (211)

$$i_{c1}^{2n-1}(t_{2n-1}) = 0; \quad i_{c1}^{2n}(t_{2n}) = 0;$$
 (212)

$$u_{c1}^{2n-1}(t_{2n-1}) = U_{dc}; \quad u_{c1}^{2n}(t_{2n}) = U_{dc};$$
(213)

$$u_{c2}^{2n-1}(t_{2n-1}) = U_{dc} - u_{c2}^{/} sin(\omega t_{2n-1} + \varphi_{uc2} + 60^{0}) + u_{c2}^{//} e^{-\frac{\tau_{2n-1}}{\tau_{c}}};$$
  
k=A,B,C; n=1,2,3, ... (214)

$$u_{c2}^{2n}(t_{2n}) = U_{dc} - u_{dc0}^{/} sin(\omega t_{2n} + \varphi_{udco} + 90^{0}) + u_{dco}^{//} e^{-\frac{t_{2n}}{\tau_{c}}};$$
  
k=A,B,C; n=1,2,3, ... (215)

$$u_{dco}^{2n-1}(t_{2n-1}) = u_{dco1}^{2n-1}sin(\omega t_{2n-1} + \varphi_{udco}^{2n-1} + 60^{\circ}) - u_{dc02}^{2n-1}e^{-\frac{t_{2n-1}}{\tau_c}};$$
  
k=A,B,C; n=1,2,3, ... (216)

$$u_{dco}^{2n}(t_{2n}) = u_{dco1}^{2n} sin(\omega t_{2n} + \varphi_{udco}^{2n} + 90^{\circ}) - u_{dc02}^{//} e^{-\frac{t_{2n}}{\tau_c}};$$
  
k=A,B,C; n=1,2,3, ... (217)

(216) გამოსახულებაში კოეფიციენტებისათვის გვაქვს:

$$u_{dco1}^{2n-1} = \left\{ \left[ \sqrt{3} U_{mc} (\omega^2 L_1 C_3 - 1) + \omega L_1 I_{km1}^{2n-1} \cos \varphi_c \right]^2 + (\omega L_1 I_{km1}^{2n-1} \sin \varphi_c)^2 \right\}^{\frac{1}{2}};$$
  
k=A,B,C; n=1,2,3, ... (218)

$$u_{dco2}^{2n-1} = \frac{L_1}{\tau_c} [i_k^{2n-1}(0) + I_{km2}^{2n-1}] e^{-\frac{t_{2n-1}}{\tau_c}}, \quad k=A,B,C; \quad n=1,2,3,... \quad (218^{/})$$

ექვივალენტური კუთხისათვის გვაქვს:

$$\varphi_{udco}^{2n-1} = \operatorname{arctg} \frac{\omega L_1 I_{km1}^{2n-1} \sin \varphi_c}{\sqrt{3} U_{mc} (\omega^2 L_1 C_3 - 1) + \omega L_1 I_{km1}^{2n-1} \cos \varphi_c}$$

$$k = A, B, C; \quad n = 1, 2, 3, \dots$$
(219)

$$i_{L1}^{2n-1}(t_{2n-1}) = -\sqrt{3}U_{mc} \cdot \omega c_3 \cos(\omega t_{2n-1} + 60^0) - I_{km1}^{2n-1} \cos(\omega t_{2n-1} + \varphi_c + 60^0) + [i_k^{2n-1}(0) + I_{km2}^{2n-1}]e^{-\frac{t_{2n-1}}{\tau_c}};$$
  
k=A,B,C; n=1,2,3, ... (220)

$$i_{L1}^{2n}(t_{2n}) = -\sqrt{3}U_{mc} \cdot \omega c_3 \cos(\omega t_{2n} + 90^0) - I_{km1}^{2n} \cos(\omega t_{2n} + \varphi_c + 90^0) + [i_k^{2n}(0) - I_{km2}^{2n}]e^{-\frac{t_{2n}}{\tau_c}};$$

$$k=A,B,C; \quad n=1,2,3,... \quad (221)$$

$$i_{k}^{2n-1}(t_{2n-1}) = -I_{km1}^{2n-1}\cos(\omega t_{2n-1} + \varphi_{c} + 60^{0}) + [i_{k}^{2n-1}(0) + I_{km2}^{2n-1}]e^{-\frac{t_{2n-1}}{\tau_{c}}};$$
  
k=A,B,C; n=1,2,3, ... (222)

$$i_{k}^{2n}(t_{2n}) = -I_{km1}^{2n} \cos(\omega t_{2n} + \varphi_{c} + 90^{0}) + [i_{k}^{2n}(0) - I_{km2}^{2n}]e^{-\frac{t_{2n}}{\tau_{c}}};$$
  
k=A,B,C; n=1,2,3, ... (223)

ყველა ელექტრული სიდიდე დროის ერთი და იგივე მომენტში აღწევს თავის დამყარებულ მნიშვნელობებს.

იმისათვის, რომ განისაზღვროს იმ *n* ინტერვალის ნომრის მნიშვნელობა, რომლის დროსაც მყარდება დამყარებული პროცესი და წინა კენტი ინტერვალში რომელიმე ელექტრული საშუალო მნიშვნელობა ტოლი ხდება მომდევნო ლუწი ინტერვალში იმავე ელექტრული სიდიდის საშუალო მნიშვნელობისა, საჭიროა ჩატარდეს ასეთი გაანგარიშების პროცესი:

ვიღებთ ზოგადობის შეუზღუდავად  $i^{2n-1}(t_{2n-1})$  და  $i^{2n}(t_{2n})$ გამოსახულებების მნიშვნელობებს შესაბამისად 2n - 1და 2nინტერვალებისათვის. (210), (211) გამოსახულების საფუძველზე თითოეულ ინტერვალში ამ დენის საშუალო მნიშვნელობა გამოისახება ფორმულით:

$$I^{2n-1} = \frac{1}{\pi/6} \int_{2(n-1)\frac{\pi}{6}}^{(2n-1)\frac{\pi}{6}} i^{2n-1}(\omega t_{2n-1})d(\omega t_{2n-1}); \quad n = 1, 2, 3, ...;$$
(224)

$$I^{2n} = \frac{1}{\pi/6} \int_{(2n-1)\frac{\pi}{6}}^{2n\frac{\pi}{6}} i^{2n}(\omega t_{2n})d(\omega t_{2n}); \quad n = 1, 2, 3, \dots$$
(225)

(210)გამოსახულების ჩასმა (224)-ში ხოლო (211) გამოსახულების ჩასმა (225)-ში გარდაქმნებისა და ინტეგრალის ამოღების შემდეგ გვაძლევს შემდეგ მნიშვნელობებს:

$$I^{2n-1} = \frac{6}{\pi} \left[ A\cos\left(\frac{4n-3}{2} \cdot \frac{\pi}{6} + \varphi_i^{2n-1}\right) - B\omega\tau_c e^{-\frac{(2n-1)\pi/6}{\omega\tau_c}} \cdot \left(1 - e^{-\frac{\pi/6}{\omega\tau_c}}\right) \right]$$
  

$$n=1,2,3,...$$
(226)  

$$I^{2n} = \frac{6}{\pi} \left[ C\cos\left(\frac{4n-1}{2} \cdot \frac{\pi}{6} + \varphi_i^{2n}\right) - D\omega\tau_c e^{-\frac{2n\pi/6}{\omega\tau_c}} \cdot \left(1 - e^{-\frac{\pi/6}{\omega\tau_c}}\right) \right]$$

n=1,2,3,..., (227)

სადაც (226),(227) გამოსახულებებში შემავალი ექვივალენტური პარამეტრებისათვის გვაქვს:

$$A = -\sqrt{3}U_{mc} \cdot Y_{Od3}^{2n-1};$$
  

$$B = -\mu \left[ i_k^{2n-1}(0) + \frac{\sqrt{3}}{4} U_{mc} (B_c - \sqrt{3}G_c) \right];$$
  

$$C = -\sqrt{3}U_m \cdot Y_{Od3}^{2n};$$
  

$$D = -\mu \left[ i_k^{2n}(0) - \frac{\sqrt{3}}{2} U_{mc} \cdot G_c \right].$$
(228)

(228) ექვივალენტური პარამეტრების გამოსახულებებში შესაბამისი ექვივალენტური კოეფიციენტებისათის გვაქვს:

$$\begin{split} \mu &= \frac{\omega^2 L_1 C_2}{(\omega \tau_c)^2}; \quad \varphi_i^{2n-1} = 60^0 + \arctan \frac{\frac{1}{2} B_c}{\left(\omega C_3 - \frac{1}{\omega L_1}\right) + \frac{1}{2} G_c}; \\ \varphi_i^{2n} &= 90^0 + \arctan \frac{B_c}{\left(\omega C_3 - \frac{1}{\omega L_1}\right) + G_c}; \\ Y_{\rm 2d3}^{2n-1} &= \omega^2 L_1 C_2 \left\{ \left[ \left(\omega C_3 - \frac{1}{\omega L_1}\right) + \frac{1}{2} G_c \right]^2 + \left(\frac{1}{2} B_c\right)^2 \right\}^{1/2}; \end{split}$$

$$Y_{\rm Sd3}^{2n} = \omega^2 L_1 C_2 \left\{ \left[ \left( \omega C_3 - \frac{1}{\omega L_1} \right) + G_c \right]^2 + B_c^2 \right\}^{1/2}; \qquad (229)$$

ამის შემდეგ გავუტოლოთ ერთმანეთს  $I^{2n-1}$ დენის საშუალო მნიშვნელობა  $I^{2n}$  დენის საშუალო მნიშვნელობას:

$$I^{2n-1} = I^{2n} \tag{230}$$

(226), (227) გამოსახულებების გათვალისწინება (230)-ში, მოგვცემს შემდეგ ტოლობას:

$$A \cdot \cos\left(\frac{4n-3}{2} \cdot \frac{\pi}{6} + \varphi_i^{2n-1}\right) - C \cdot \cos\left(\frac{4n-1}{2} \cdot \frac{\pi}{6} + \varphi_i^{2n}\right) = \\ = \omega \tau_c \left(1 - e^{\frac{\pi/6}{\omega\tau_c}}\right) \cdot \left[B \cdot e^{-\frac{(2n-1)\pi/6}{\omega\tau_c}} - D \cdot e^{\frac{2n\cdot\pi/6}{\omega\tau_c}}\right];$$
(231)

(231) ტოლობა შესრულდება მხოლოდ და მხოლოდ იმ შემთხვევაში, როცა ცალ-ცალკე ტოლობის მარჯვენა მხარე და მარცხენა მხარეც არის ნულის ტოლი. ამის გათვალისწინებით (231)-დან ვღებულობთ ორ დამოუკიდებელ ტოლობას:

$$A \cdot \cos\left(n \cdot \frac{\pi}{3} + \varphi_i^{2n-1} - \frac{\pi}{4}\right) - C \cdot \cos\left(n \cdot \frac{\pi}{3} + \varphi_i^{2n} - \frac{\pi}{12}\right) = 0; \quad (232)$$

$$B \cdot e^{-\frac{n_3 - 6}{\omega \tau_c}} - D \cdot e^{-\frac{n_6}{\omega \tau_c}} = 0; \quad n = 1, 2, 3, \dots$$
(233)

(232) ტოლობიდან გვაქვს:

$$n = -\frac{3}{\pi} \operatorname{arctg} \left[ \frac{\operatorname{Asin} \left( \varphi_i^{2n-1} - \frac{\pi}{4} \right) - \operatorname{Csin} \left( \varphi_i^{2n} - \frac{\pi}{12} \right)}{\operatorname{Acos} \left( \varphi_i^{2n-1} - \frac{\pi}{4} \right) - \operatorname{Ccos} \left( \varphi_i^{2n} - \frac{\pi}{12} \right)} \right] + \frac{3}{2} (4k \pm 1);$$
(234)

(233) ტოლობიდან გვაქვს:

$$n = 1 + \frac{6}{\pi} \omega \tau_c ln \frac{B}{D}; \tag{235}$$

(234) და (235) წარმოადგენენ (231) განტოლების ექვივალენტურ ამონახნს. (228) ჩავსვათ (235)-ში და შემოვიღოთ აღნიშვნა:

$$r^{2n}(0) = \frac{\sqrt{3}}{4} \cdot \frac{U_{mc}}{i_k^{2n}(0)};$$
(236)

მაშინ მივიღებთ:

$$n = 1 + \frac{6}{\pi} \omega \tau_c ln \left| \frac{1 + r^{2n}(0) \left( B_c - \sqrt{3} G_c \right)}{1 - 2r^{2n}(0) \cdot G_c} \right|;$$
(237)

(237)-ში გაითვალისწინება დამყარებული პროცესის დაწყებიდან დენების საწყისი მნიშვნელობების ტოლობა:

$$i_k^{2n}(0) = i_k^{2n-1}(0);$$
 (238)

(237)-დან ჩანს, რომ :

$$\begin{array}{c}
B_{c} > \sqrt{3}G_{c}; \\
G_{c} < \frac{1}{2r^{2n}(0)};
\end{array}$$
(239)

(239)-ში გავითვალისწინოთ (236), მივიღებთ:

$$G_c < \sqrt{\frac{2}{3}} B_c \cdot \frac{i_k^{2n}(0)}{U_{mc}} \tag{240}$$

(240)-ში თუ გავითვალისწინებთ (208),(209) და მივიღებთ, რომ

 $ctg \varphi_c = \frac{R_c}{\omega L_c}$ , მაშინ საბოლოოდ გვექნება:

$$i_k^{2n}(0) > \frac{3}{2} U_{mc} \cdot G_c ctg\varphi_c;$$
(241)

ამგვარად, დამყარებული პროცესი მყარდება იმ *n*-ის მნიშვნელობისას, რომლის დროსაც დაცულია (241) უტოლობა.

შემთხვევისათვის, როცა  $i_k^{2n}(0) < rac{3}{2} U_{mc} \cdot G_c ctg \, arphi_c;$  ჯერ კიდევ მიმდინარეობს გარდამავალი პროცესი.

# 3.5. ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული პარალელურ სისტემებში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების კომპიუტერული მოდელირება.

ერთიანი ჰიბრიდული პარალელური ენერგოსისტემების (122)-(131) განტოლებები განზოგადებულ კენტ  $2(n-1)\frac{\pi}{6\omega} \leq t_{2n-1} \leq (2n-1)\frac{\pi}{6\omega}$ ინტერვალებში მატრიცულ ფორმაში ასე ჩაიწერება:

$$\|\Delta^{2n-1}\| \cdot \left\| \frac{df(t_{2n-1})}{dt_{2n-1}} \right\| = \|f_1(t_{2n-1}, u_{mc}^{2n-1})\|, \qquad (242)$$

სადაც (242)-ში თითოეული წევრებისათვის გახსნილ მდგომარეობაში გვაქვს:

(242)-ის ამოხსნა 
$$\left| \frac{df(t_{2n-1})}{dt_{2n-1}} \right|$$
 მიმართ გვამლევს:

$$\left\| df(t_{2n-1}) \right\|_{dt_{2n-1}} = \| (\Delta^{2n-1})^{-1} \| \cdot \| f_1^{/}(t_{2n-1}, u_{mc}^{2n-1}) \|;$$
(246)

სადაც (246)-ის თითოეული წევრებისათვის გახსნილ მდგომარეობაში გვაქვს:

გამოსახულებით:

$$\|f_{1}^{\prime}(t_{2n-1}, u_{mc}^{2n-1})\| = \left\| \begin{array}{c} i_{VD3}^{2n-1} \\ i_{U1}^{2n-1} \\ i_{k}^{2n-1} \\ u_{dco}^{2n-1} \\ u_{dc}^{2n-1} \\ u_{dc}^{2n-$$

ერთიანი ჰიბრიდული პარალელური ენერგოსისტემის ლუწი რეჟიმებისათვის დაწერილი (173)-(189) განტოლებები განზოგადებული

 $(2n-1)\frac{\pi}{6\omega} \le t_{2n} \le 2n\frac{\pi}{6\omega}, k = A, B, C; n = 1,2,3, ... ინტერვალებისათვის$ 

წარმოვადგინოთ მატრიცულ ფორმაში:

$$\|\Delta^{2n}\| \cdot \left\| \frac{df(t_{2n})}{dt_{2n}} \right\| = \|f_2(t_{2n}, u_{mc}^{2n})\|, \ n = 1, 2, 3, ...,$$
(249)

სადაც (249)-ში თითოეული წევრებისათვის გახსნილ მდგომარეობაში გვაქვს:

(249)-ის ამოხსნა 
$$\left| \frac{df(t_{2n})}{dt_{2n}} \right|$$
 -ის მიმართ გვაძლევს:

$$\left| df(t_{2n}) / dt_{2n} \right| = \| (\Delta^{2n})^{-1} \| \cdot \| f_2 / (t_{2n}, u_{mc}^{2n}) \|; \ n = 1, 2, 3, \dots,$$
(253)

სადაც (253)-ში თითოეული წევრებისათვის გახსნილ მდგომარეობაში გვაქვს[37,14]:

(246) გამოსახულებიდან ინტეგრალის ამოღება $2(n-1)\frac{\pi}{6\omega} \le t_{2n-1} \le \le (2n-1)\frac{\pi}{6\omega}$ , დროის ინტერვალებისათვის გვამლევს შემდეგ ინტეგრალურ გამოსახულებებს, სამიებელი ცვლადების მიმართ კენტი რეჟიმებისათვის:

$$\|f(t_{2n-1})\| = \int_{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}} \{\|(\Delta^{2n-1})^{-1}\| \cdot \|f_1^{/}(t_{2n-1}, u_{mc}^{2n-1})\|\} dt_{2n-1} +$$

 $+\|f[t_{2n-1}(0)]\|; \ n = 1, 2, 3, ...,$ (256)

სადაც (256)-ში  $\|f[t_{2n-1}(0)]\|$  არის  $\|f(t_{2n-1})\|$  ცვლადების საწყისი მნიშვნელობები განსახილველ ინტერვალების დასაწყისში.

(253)გამოსახულებიდან ინტეგრალის ამოღება(2*n* − 1)  $\frac{\pi}{6\omega} \leq t_{2n} \leq 2n \frac{\pi}{6\omega}$ , დროის ინტერვალებისათვის გვაძლევს შემდეგ ინტეგრალურ გამოსახულებებს საძიებელი ცვლადების მიმართ ლუწი რეჟიმებისათვის:

$$\|f(t_{2n})\| = \int_{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{(2n)\frac{\pi}{6\omega}} \{\|(\Delta^{2n})^{-1}\| \cdot \|f_2^{\prime}(t_{2n}, u_{mc}^{2n})\|\} dt_{2n} +$$

$$+\|f[t_{2n}(0)]\|; n = 1,2,3,..,k = A, B, C;$$
 (257)

სადაც (257)-ში  $\|f[t_{2n}(0)]\|$  არის  $\|f(t_{2n})\|$  ცვლადების საწყისი მნიშვნელობები განსახილველ ლუწი ინტერვალების დასაწყისში.

მზის ფოტოელექტრული სადგურის მოცემული პარამეტრების შემოყვანა გაერთიანებული ჰიბრიდული პარალელური ელექტროენერგეტიკულ სქემებში წარმოებს მზის ელემენტის ვოლტამპერული მახასიათებლის აღმწერ (25) კვადრატული სამწევრის საფუმველზე [13,15]:

$$U_{dc}^* = A_1(i^*)^2 - (1+A_1)i^* + 1, (258)$$

სადაც A<sub>1</sub> კოეფიციენტი გამოითვლება ასე:

$$A_{1} = \frac{U_{dcm3\partial}^{*}}{i_{m3\partial}^{*}\left(i_{m3\partial}^{*}-1\right)} + \frac{1}{i_{m3\partial}^{*}}$$
(259)

*U*<sup>\*</sup><sub>dc</sub> და *i*<sup>\*</sup> ფარდობით ერთეულებში წარმოდგენილი სიდიდეებისათვის გვაქვს:

$$U_{dc}^{*} = \frac{U_{dc}^{2n-1}}{U_{dc_{\mho},b}}$$
კენტი ინტერვალებისათვის, ხოლო  $U_{dc}^{*} = \frac{U_{dc}^{2n}}{U_{dc_{\mho},b}}$ ლუწი ინტერ -

ვალებისათვის. ასევე გვაქვს  $i^st$  დენის ფარდობითი მნიშვნელობისათვის:

$$i^* = \frac{R_S i^{2n-1}}{U_{dc_{\mathcal{T}},b}}$$
კენტი ინტერვალებისათვის, $i^* = \frac{R_S i^{2n}}{U_{dc_{\mathcal{T}},b}}$ ლუწი ინტერვალებისათვის.

(258)-დან ამოვხსნათ  $i^*$  ფარდობითი მნიშვნელობა  $U^*_{dc}$  მაბვის ფარდობითი

მნიშვნელობის მიმართ და შესაბამისად მივიღებთ:

კენტი რეჟიმებისათვის:

$$i^{2n-1} = A_1^{\prime} \pm \sqrt{A_2^{\prime} + A_3^{\prime} U_{dc}^{2n-1}}.$$
 (260)

ლუწი რეჟიმებისათვის:

$$i^{2n} = A_1^{\prime} \pm \sqrt{A_2^{\prime} + A_3^{\prime} U_{dc}^{2n}} , \qquad (261)$$

სადაც:

$$A_{1}^{\prime} = \frac{1 + A_{1}}{A_{1}} \cdot \frac{U_{d_{\mathfrak{V}},b}}{2R_{s}}$$

$$A_{2}^{\prime} = R_{s}^{2} (1 + A_{1})^{2} - \frac{4R_{s}^{2}A_{1}}{U_{dc_{\mathfrak{V}},b}}$$

$$A_{3}^{\prime} = \frac{4R_{s}^{2}A_{1}}{U_{dc_{\mathfrak{V}},b}}$$

$$(262)$$

(262) გამოსახულებებში და  $U^*_{dc}, i^*$  ფარდობით სიდიდეებში ბაზისურ სიდიდეთ აღებულია  $U_{dcrace}$  ძაბვის მნიშვნელობა უქმი სვლისას.

განზოგადებული კენტ რეჟიმებში დამატებით ვსარგებლობთ შემდეგი დიფერენციალური განტოლებით:

$$i_{VD3}^{2n-1} = i_{L1}^{2n-1} - i^{2n-1} + C_1 \frac{du_{c1}^{2n-1}}{dt_{2n-1}};$$
(263)

(256) და (257) გამოსახულებებში გავითვალისწინოთ შესაბამისად (244), (247), (248) და (251),(254),(255) გამოსახულებები, ვაწარმოოთ (247) და (248) მატრიცების, აგრეთვე (254) და (255) მატრიცების ურთიერთ გადამრავლება, რის შედეგადაც მივიღებთ ცხად სახეში საძიებელი ელექტრული სიდიდეების შემდეგ ინტეგრალურ გამოსახულებებს:

ა) განზოგადებულ კენტ  $2(n-1)\frac{\pi}{6\omega} \le t_{2n-1} \le (2n-1)\frac{\pi}{6\omega},$ ინტერვალებისათვის.

$$U_{dc}^{2n-1} = \int_{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}} \left(\frac{1}{C_1}i^{2n-1} + \frac{1}{C_1}i^{2n-1}_{VD3} - \frac{1}{C_1}i^{2n-1}_{L1}\right)dt_{2n-1} + U_{dc}^{2n-1}(0); \quad (264)$$

$$u_{c1}^{2n-1} = \int_{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}} \left(\frac{1}{C_1}i^{2n-1} + \frac{1}{C_1}i_{VD3}^{2n-1} - \frac{1}{C_1}i_{L1}^{2n-1}\right)dt_{2n-1} + u_{c1}^{2n-1}(0); \quad (265)$$

$$u_{c2}^{2n-1} = \int_{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}} \left(\frac{1}{C_2}i^{2n-1} - \frac{1}{C_2}i^{2n-1}_{VD3}\right) dt_{2n-1} + u_{c2}^{2n-1}(0); \quad (266)$$

$$U_{dc0}^{2n-1} = \int_{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}} \left[ \frac{1}{C_1} i^{2n-1} + \left(\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}\right) i_{VD3}^{2n-1} - \left(\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}\right) i_{L1}^{2n-1} \right] dt_{2n-1} + U_{dc0}^{2n-1}(0)$$
(267)

$$u_{c3}^{2n-1} = \int_{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}} \left(\frac{1}{C_3}i_{L1}^{2n-1} - \frac{1}{C_3}i_k^{2n-1}\right) dt_{2n-1} + u_{c3}^{2n-1}(0);$$
(268)

$$i_{L1}^{2n-1} = \int_{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}} \left(\frac{1}{L_1}u_{dco}^{2n-1} - \frac{1}{L_1}u_{dc}^{2n-1}\right) dt_{2n-1} + i_{L1}^{2n-1}(0);$$
(269)

$$i_{k}^{2n-1} = \int_{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}} \left[ -\frac{R_{c}}{L_{c}} i_{k}^{2n-1} + \frac{1}{L_{c}} U_{mc} \sin 60^{0} \cdot \sin(\omega t_{2n-1} + 60^{0}) \right] dt_{2n-1} +$$

$$+i_k^{2n-1}(0).$$
  $k = A, B, C;$   $n = 1, 2, 3, ...,$  (270)

ბ) განზოგადებულ ლუწ 
$$(2n-1)rac{\pi}{6\omega} \leq t_{2n} \leq 2nrac{\pi}{6\omega},$$

ინტერვალებისათვის:

$$U_{dc}^{2n} = \int_{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{2n\frac{\pi}{6\omega}} \frac{1}{C_1} i^{2n} dt_{2n} + U_{dc}^{2n}(0);$$
(271)

$$u_{c1}^{2n} = \int_{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{2n\frac{\pi}{6\omega}} \left(\frac{1}{C_1}i^{2n} - \frac{1}{C_1}i_{L1}^{2n}\right) dt_{2n} + u_{c1}^{2n}(0);$$
(272)

$$u_{c2}^{2n} = \int_{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{2n\frac{\pi}{6\omega}} \frac{1}{C_2} i_{L1}^{2n} dt_{2n} + u_{c2}^{2n}(0);$$
(273)

$$u_{dco}^{2n} = \int_{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{2n\frac{\pi}{6\omega}} \left(\frac{1}{C_1}i^{2n} - \frac{1}{C_2}i_{L1}^{2n}\right) dt_{2n} + u_{dco}^{2n}(0);$$
(274)

-

$$u_{c3}^{2n} = \int_{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{2n\frac{\pi}{6\omega}} \left(\frac{1}{C_3}i_{L1}^{2n} - \frac{1}{C_3}i_k^{2n}\right) dt_{2n} + u_{c3}^{2n}(0);$$
(275)

$$u_{L1}^{2n} = \int_{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{2n\frac{\pi}{6\omega}} \left(\frac{1}{L_1}u_{dco}^{2n} - \frac{1}{L_1}u_{dc}^{2n}\right) dt_{2n} + i_{L1}^{2n}(0);$$
(276)

$$i_{k}^{2n} = \int_{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{2n\frac{\pi}{6\omega}} \left[ \frac{1}{L_{c}} U_{mc} \sin 60^{0} \cdot \sin(\omega t_{2n} + 90^{0}) - \frac{R_{c}}{L_{c}} i_{k}^{2n} \right] dt_{2n} + i_{k}^{2n}(0); \quad (277)$$

(264)-(270) გამოსახულებებთან ერთად უნდა გავითვალისწინოთ (260) გამოსახულება, ხოლო (271)-(277) გამოსახულებებთან ერთად კი - (261) გამოსახულება.

მიღებული (260), (264)-(270) და (261), (271)-(274) ინტეგრალური გამოსახულებები საშუალებას იძლევიან აგებული იქნას ყველა საძიებელი ელექტრული სიდიდეების გარდამავალი პროცესების მოდელის სტრუქტურული სქემები, კენტი და ლუწი ინტერვალებისათვის, სქემებში შემავალი ელემენტების ძირითადი თვისებების გათვალისწინებით (ნახ.19).

განვიხილოთ ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემების პარალელური მუშაობისას გარდამავალი პროცესების მოდელის სტრუქტურული სქემის ელემენტების შემდეგი ძირითადი თვისებები (ნახ.19) [14,15].

ა) დროის გადამწოდი,  $\Delta t_{2(n-1)} \frac{\pi}{6\omega}$ ,  $\Delta t_{2n} \frac{\pi}{6\omega}$ , -გარდამავალი პროცესის რიცხვითი მეთოდით ანგარიშისას დროის ინტერვალების შესაბამისად კენტ და ლუწ განზოგადებული ინტერვალებში:

#### ბ) t<sub>2n-1</sub> ცვლადის ω მუდმივ კოეფიციენტზე ნამრავლი:

$$\begin{array}{c} t_{2n-1} \\ & \omega \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\$$

გ) მუდმივის (60<sup>0</sup>) წარმოდგენა, შემავალი ცვლადი არ არის:

დ) შემკრები 1,1-მუდმივი კოეფიციენტებია *ωt*<sub>2n-1</sub>, **60<sup>0</sup>-**შემავალი ცვლადებია:

$$\begin{array}{c|c} \omega t_{2n-1} & 1 \\ \hline & & 1 \\ \hline & & 60^0 \\ \hline & 1 \\ \hline \end{array} \begin{array}{c} 1 \\ \hline & & 1 \\ \hline & & n = 1, 2, 3, \dots, \end{array}$$
(281)

ე) სინუსოიდური ფუნქციის მაფორმირებელი, 1-მუდმივი კოეფიციენტია  $\omega t_{2n-1}+60^{0}$ -შემავალი ცვლადია:

$$\begin{array}{c|c}
 & & & \\ & & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & & \\ & &$$

ვ) გამამრავლებელი 1,1, მუდმივი კოეფიციენტებია

$$sin(\omega t_{2n-1}+60^{\circ}), \frac{1}{L_1}U_{mc}sin60^{\circ}-$$
შემავალი ცვლადეზია:



ზ) გაყოფის ელემენტი- $k_1$ ,  $k_2$ -მუდმივი კოეფიციენტებია ;  $x_1$  და  $x_2$ - შემავალი ცვლადებია:

$$X_1 \xrightarrow{K_1} K_1 \xrightarrow{K_1} y = \frac{K_1 X_1}{K_2 X_2}$$
(284)

თ) ინტეგრატორი- x-შემავალი ცვლადია, k - მუდმივი კოეფიციენტი და  $Y_0 - X$ ფუნქციის საწყისი მნიშვნელობაა:



ნახ.19 სტრუქტურული სქემის ელემენტების ძირითადი თვისებები.



ნახ.20. გარდამავალი პროცესების გამარტივებული მოდელის სრუქტურული სქემა კენტი რეჟიმების განზოგადებულ 2  $\mathbf{Q} - 1 \frac{\pi}{6\omega} \le t_{2n-1} \le (2n - 1\frac{\pi}{6\omega}; n = 1, 2, 3, ..., k = A, B, C.$ ინტერვალებში



ნახ.21. გარდამავალი პროცესების კომპიუტერული მოდელის სრუქტურული სქემა ლუწი რეჟიმების განზოგადებულ  $(n-1)\frac{\pi}{6\omega} \le t_{2n} \le 2n\frac{\pi}{6\omega}; n = 1,2,3,..., k = A, B, C.$ ინტერვალებში.

## 3.6. ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული დინამიური სისტემების ცვლადთა მდგომარეობის მატრიცული განტოლებების რიცხვითი ამოხსნა დროის არეში.

### ა)პარალელური მუშაობის კენტი რეჟიმების

### განზოგადებული

$$2(n-1)rac{\pi}{6\omega} \leq t_{2n-1} \leq (2n-1)rac{\pi}{6\omega}$$
ინტერვალებისათვის

(244) მატრიცული გამოსახულებიდან გვაქვს შემდეგი მატრიცული გამოსახულება:

$$\|f(t_{2n-1})\| = \|U_{dc}^{2n-1}, u_{c1}^{2n-1}, u_{c2}^{2n-1}, u_{dc0}^{2n-1}, u_{c3}^{2n-1}, i_{L1}^{2n-1}, i_{k}^{2n-1}\|^{t},$$
  

$$n = 1, 2, 3, ..., \qquad (286)$$

სადაც (286)-ში ზემო ინდექსი t ნიშნავს ტრანსპონირებულ მატრიცას. (246)-ში შემოვიღოთ აღნიშვნები:

$$\|A^{2n-1}\| = \|(\Delta^{2n-1})^{-1}\|; \ \|I^{2n-1}\| = \|f_1'(t_{2n-1}, u_{mc}^{2n-1})\|;$$
$$n = 1, 2, 3, ...,$$
(287)

(287)-ის გათვალისწინებით (246) გამოსახულება წარმოიდგინება ასეთ ფორმაში:

$$\left\| df(t_{2n-1}) \middle/ dt_{2n-1} \right\| = \| A^{2n-1} \| \cdot \| I^{2n-1} \|;$$
 (288)

(288) განტოლება წარმოადგენს მდგომარეობათა ცვლადების განტოლებას მატრიცულ ფორმაში.

"მდგომარეობათა ცვლადების მეთოდის" უპირატესობა სხვა მეთოდებთან შედარებით არის მისი შეთავსებადობა "ციფრული გამოთვლითი ტექნიკის მეთოდებთან". [22].

ამ პარაგრაფში ნაჩვენები იქნება ორიგინალური რიცხვითი მეთოდი (288) მატრიცული განტოლების ამოსახსნელად, დროის არეში მისი განსაკუთრებულობის გათვალისწინებით.

(288) განტოლებაში მოცემულად ითვლება მზის ელემენტის შენაცვლების სქემაში ნაჩვენები I დენი, ელემენტის გამოსავალზე  $U_{dc}^{2n-1}$  მაბვა და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ფაზური მაბვები  $u_{k}^{2n-1}(k = A, B, C; n = 1,2,3,...,)$ . ამ სამივე ცვლადებს ვუწოდებთ "შემავალ ვექტორებს"  $t_{2n-1} \ge 2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}$ , დროის შუალედისათვის. ყოველი განზოგადებული კენტ ინტერვალებში  $||f(t_{2n-1})||$  სამიებელი ელექტრული სიდიდეების საწყისი მნიშვნელობები იქნება  $t_{2n-1} = 2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}$ , დროში ამავე სიდიდეების მნიშვნელობები. ე.ი. შესაბამისად ვღებულობთ:

$$\|f(t_{2n-1})\|_{t_{2n-1}=2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}} = \left\|f\left[2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}\right]\right\|$$
(289)

რამდენადაც  $\|f(t_{2n-1})\|$  საძიებელი სიდიდეების ამოხსნა განხორციელდება "ციფრული გამოთვლითი ტექნიკის მეთოდით," იმდენად  $\|f(t_{2n-1})\|$  სიდიდე უნდა განისაზღვროს t დროის მხოლოდ დისკრეტული  $t = 2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}$ ,  $2(n-1)\frac{\pi}{6\omega} + T$ ,  $2(n-1)\frac{\pi}{6\omega} + 2T$ , ..., მნიშვნელობებისას, სადაც T- არის კენტ რეჟიმებში რაიმე დროის ინტერვალი.

(288) განტოლების ზოგად ამოხსნას ვეძებთ ასეთ სახეში:

$$\|f(t_{2n-1})\| = e^{\|A^{2n-1}\| \cdot t_{2n-1}} \cdot \|k(t_{2n-1})\|,$$
(290)

სადაც  $\|k(t_{2n-1})\|$  -ნებისმიერი ვექტორის მატრიცაა n imes 1განზომილებიანი მუდმივი ელემენტებით.

(288) განტოლების ამონახსნს ვეძებთ იმის გათვალისწინებით, რომ $\|k(t_{2n-1})\|$  წარმოადგენს  $t_{2n-1}$  დროის ფუნქციას.

(290) ტოლობა ჩავსვათ (288) განტოლებაში და ვისარგებლოთ  $e^{\|A^{2n-1}\|\cdot t_{2n-1}}$ ექსპონენციალური მატრიცის შემდეგი თვისებებით:

$$\frac{d}{dt}e^{\|A^{2n-1}\|\cdot t_{2n-1}} = \|A^{2n-1}\|\cdot e^{\|A^{2n-1}\|\cdot t_{2n-1}} = e^{\|A^{2n-1}\|\cdot t_{2n-1}}\|A^{2n-1}\|; \quad (291)$$

შედეგად მივიღებთ:

$$\frac{d\|k(t_{2n-1})\|}{dt_{2n-1}} = e^{-\|A^{2n-1}\| \cdot t_{2n-1}} \cdot \|A^{2n-1}\| \cdot [\|I^{2n-1}\| - \|f(t_{2n-1})\|]; \quad (292)$$

გავაინტეგრალოთ (292) განტოლება 2 $(n-1)rac{\pi}{6\omega}$ -დან  $(2n-1)rac{\pi}{6\omega}$ -მდე დროის ინტერვალში, მივიღებთ:

$$\int_{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}} \left( \frac{d\|k(\tau_{2n-1})\|}{d\tau_{2n-1}} \right) d\tau_{2n-1} =$$

$$= \int_{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}} \left\{ e^{-\|A^{2n-1}\| \cdot t_{2n-1}} \cdot \|A^{2n-1}\| \cdot [\|I^{2n-1}\| - \|f(\tau_{2n-1})\|] \right\} d\tau_{2n-1}.$$
(293)

(293)-ში ინტეგრების ზედა ზღვარი ასე წარმოვადგინოთ:

$$t_{2n-1} = (2n-1)\frac{\pi}{6\omega}$$
(294)

(293)-დან ამოვიღოთ ინტეგრალი და გავითვალისწინოთ (294), ზოგიერთი გარდაქმნების შემდეგ მივიღებთ:

$$\|k(t_{2n-1})\| =$$

$$= \int_{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{t_{2n-1}} \{e^{-\|A^{2n-1}\| \cdot \tau_{2n-1}} \cdot \|A^{2n-1}\| \cdot [\|I^{2n-1}(\tau_{2n-1})\| - \|f(\tau_{2n-1})\|]\} d\tau_{2n-1} +$$

$$+ \|k[2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}]\|.$$
(295)

$$\begin{aligned} &(295) \otimes (290) \otimes 56 \otimes 7000 \otimes 5 \otimes 33330: \\ &\|f(\tau_{2n-1})\| = e^{\|A^{2n-1}\| \cdot t_{2n-1}} \times \\ &\times \left[ \int_{2(n-1)}^{t_{2n-1}} \frac{\pi}{6\omega} \left\{ e^{-\|A^{2n-1}\| \cdot \tau_{2n-1}} \cdot \|A^{2n-1}\| \cdot [\|I^{2n-1}(\tau_{2n-1})\| - \|f(\tau_{2n-1})\|] \right\} d\tau_{2n-1} + \\ &+ \left\| k \left[ 2(n-1) \frac{\pi}{6\omega} \right] \right\| \right]; \quad n = 1, 2, 3, ..., \end{aligned}$$

(290)-დან  $t_{2n-1} = 2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}$  მომენტისათვის  $\|f(t_{2n-1})\|$  სიდიდის მნიშვნელობა ტოლია:

$$\left\| f\left[ 2(n-1)\frac{\pi}{6\omega} \right] \right\| = e^{\left\| A^{2n-1} \right\| \cdot 2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}} \cdot \left\| k\left[ 2(n-1)\frac{\pi}{6\omega} \right] \right\|$$
(297)

(297)-დან გვაქვს:

$$\left\|k\left[2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}\right]\right\| = e^{-\left\|A^{2n-1}\right\| \cdot 2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}} \cdot \left\|f\left[2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}\right]\right\|$$
(298)

შესაბამისად (288) განტოლების ამონახსნს აქვს სახე:

 $\|f(t_{2n-1})\| = e^{\|A^{2n-1}\| \cdot t_{2n-1}} \times$ 

$$\times \int_{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{t_{2n-1}} e^{-\|A^{2n-1}\|\cdot\tau_{2n-1}} \cdot \|A^{2n-1}\|\cdot[\|I^{2n-1}(\tau_{2n-1})\| - \|f(\tau_{2n-1})\|]d\tau_{2n-1} + \frac{1}{2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}} e^{-\|A^{2n-1}\|\cdot\tau_{2n-1}} \cdot \|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n-1}\|\cdot\|A^{2n$$

$$+e^{-\|A^{2n-1}\|\cdot[t_{2n-1}-2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}]}\cdot \|f[2(n-1)\frac{\pi}{6\omega}]\|.$$
(299)

ამგვარად, მივიღეთ მოცემული განტოლების ზუსტი ამონახსნი განზოგადებული კენტი რეჟიმების ინტერვალებისათვის შესაბამისი საწყისი პირობების გათვალისწინებით [40,22].

მიუხედავათ (299) გამოსახულების კარგი სიზუსტისა, მას აქვს მოუხერხებელი ფორმა "ციფრული გამოთვლითი ტექნიკის მეთოდებში" გამოსაყენებლად[48].

თუ გამოვიყენებთ კომპიუტერულ პროგრამებს, ჩვენ შეიძლება გამოვთვალოთ  $\|f(t_{2n-1})\|$  სიდიდე  $t_{2n-1}$  დროის მხოლოდ დისკრეტული მნიშვნელობისათვის:  $t_{2n-1} = kT$ , სადაც k- მთელი ნატურალური რიცხვებია, ხოლო T-განსაზღვრული გარემოებით შერჩეული დროის ინტერვალი. რამდენადაც ვუშვებთ, რომ "შემავალი ვექტორი" ცნობილია ყველა k- რიცხვისათვის, მაშინ ჩვენ გვრჩება გამოვიცნოთ ერთის მხრივ  $\|f[(k+1)T]\|$  სიდიდისა და მეორეს მხრივ  $\|f(kT)\|$  და  $[\|I^{2n-1}(kT)\| - \|f(kT)\|]$ სიდიდეებს შორის კავშირი.

ასეთი კავშირი აღიწერება "სხვაობითი განტოლების" კერძო სახით. როგორც კი მივიღებთ "სხვაობითი განტოლებას" მომენტალურად შეიძლება თანმიმდევრობით გამოვთვალოთ  $\|I^{2n-1}(kT)\|$  სიდიდე ყველა kრიცხვისათვის [37,22].

(299) განტოლებაში დავუშვათ რომ:

 $2(n-1)\frac{\pi}{6\omega} = kT$  დs  $t_{2n-1} = (k+1)T$ ; n = 1,2,3,...,; k=0,1,2,3,..., (300) მაშინ მივიღებთ:

$$\|f[(k+1)T]\| = e^{\|A^{2n-1}\| \cdot T} \cdot \|f(kT)\| + e^{\|A^{2n-1}\| \cdot (k+1)T} \times \int_{kT}^{(k+1)T} \left\{ e^{-\|A^{2n-1}\| \cdot \tau_{2n-1}} \cdot \|A^{2n-1}\| \cdot [\|I^{2n-1}(\tau_{2n-1})\| - \|f(\tau_{2n-1})\|] \right\} d\tau_{2n-1};$$

$$n = 1, 2, 3, ...,; \quad k = 0, 1, 2, 3, ..., \qquad (301)$$

(292)-ში  $\|I^{2n-1}\| - \|f(t_{2n-1})\|$  სიდიდეში "შემავალი ვექტორები" თითოეული  $kT \le t < (k+1)T$  დროის ინტერვალებში წარმოადგენენ უბანუბან მუდმივ სიდიდეებს.

შემოვიღოთ აღნიშვნა:

$$\|u(kT)\| = \|I^{2n-1}(\tau_{2n-1})\| - \|f(\tau_{2n-1})\| = \|I^{2n-1}(kT)\| - \|f(kT)\|;$$
  

$$n = 1, 2, 3, \dots; \quad k = 0, 1, 2, 3, \dots,$$
(302)

(302) გამოსახულების გათვალისწინება (301)-ში მოგვცემს შემდეგ გამოსახულებას:

$$\|f[(k+1)T]\| = e^{\|A^{2n-1}\| \cdot T} \cdot \|f(kT)\| + e^{\|A^{2n-1}\| \cdot (k+1)T} \times \int_{kT}^{(k+1)T} e^{-\|A^{2n-1}\| \cdot \tau_{2n-1}} \cdot \|A^{2n-1}\| d\tau_{2n-1} \|u(kT)\|;$$

$$n = 1, 2, 3, ..., ; \quad k = 0, 1, 2, 3, ..., \qquad (303)$$

(303)-ში გამოვიყენოთ  $e^{\|A\|t}$  ფუნქციის ერთ-ერთი თვისება:

$$\int_{0}^{t} e^{\|A\|\tau} d\tau = \|A\|^{-1} \left( e^{\|A\|\tau} - 1 \right) = \left( e^{\|A\|\tau} - 1 \right) \|A\|^{-1}$$
(304)

მაშინ (303) სხვაობითი განტოლება წარმოდგება ასეთ სახეში:

$$\|f[(k+1)T]\| = e^{\|A^{2n-1}\| \cdot T} \cdot \|f(kT)\| + \left(e^{\|A^{2n-1}\| \cdot T} - \|1\|\right)\|u(kT)\|;$$
  

$$n = 1, 2, 3, ..., ; k = 0, 1, 2, 3, ...,$$
(305)

მიღებული (305) განტოლება წარმოადგენს სამიებელ სხვაობითი განტოლებას. იგი წარმოდგენილია რეკურენტული ფორმულის სახით და იოლად ემორჩილება კომპიუტერული პროგრამების საშუალებით რიცხვითი მეთოდებით გაანგარიშებას.

### ბ)პარალელური მუშაობის ლუწი რეჟიმების

#### განზოგადებული

$$(2n-1)rac{\pi}{6\omega} \leq t_{2n} \leq 2nrac{\pi}{6\omega}$$
ინტერვალებისათვის

(251) გამოსახულებიდან გვაქვს *f*(*t*<sub>2n</sub>)-ისათვის შემდეგი მატრიცული გამოსახულება:

$$\|f(t_{2n})\| = \|U_{dc}^{2n}, u_{c1}^{2n}, u_{c2}^{2n}, u_{dc0}^{2n}, u_{c3}^{2n}, i_{L1}^{2n}, i_{k}^{2n}\|^{\mathsf{r}},$$
  

$$n = 1, 2, 3, \dots, \qquad k = A, B, C. \tag{306}$$

სადაც, როგორც (286) გამოსახულებაში, აქაც *t* - ზემოთ ინდექსი ნიშნავს ტრანსპონირებულ მატრიცას.

(253)-ში შემოვიღოთ აღნიშვნები:

$$\|A^{2n}\| = \|(\Delta^{2n})^{-1}\|; \|I^{2n}\| = \|f_2^{/}(t_{2n}, u_{mc}^{2n})\|$$
  

$$n = 1, 2, 3, ..., \quad k = A, B, C.$$
(307)

(307)-ის გათვალისწინებით (253) გამოსახულება გადაიწერება ასეთნაირად:

$$\left| \frac{df(t_{2n})}{dt_{2n}} \right| = \|A^{2n}\| \cdot \|I^{2n-1}\|, n = 1, 2, 3, \dots,$$
(308)

(308) განტოლება წარმოადგენს მდგომარეობათა ცვლადების განტოლებას განზოგადებული  $(2n-1)rac{\pi}{6\omega} \leq t_{2n} \leq 2nrac{\pi}{6\omega}$ ინტერვალებისათვის მატრიცულ ფორმაში.

ყოველი განზოგადებული ლუწი ინტერვალებში  $\|f(t_{2n})\|$  ელექტრული საძიებელი სიდიდეების საწყისი მნიშვნელობები იქნება  $t_{2n} = (2n-1)\frac{\pi}{6\omega}$ დროში ამავე სიდიდეების მნიშვნელობები. ე.ი. შესაბამისად ვღებულობთ:

$$\|f(t_{2n})\|_{t_{2n}=(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}} = \left\|f\left[(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}\right]\right\|, \qquad n = 1, 2, 3, \dots$$
(309)

(308) განტოლების ზოგად ამონახსნს ვეძებთ ასეთ სახეში:

$$||f(t_{2n})|| = e^{||A^{2n}|| \cdot t_{2n}} \cdot ||k(t_{2n})||, \qquad n = 1, 2, 3, \dots$$
(310)

სადაც  $\|k(t_{2n})\|$ - ნებისმიერი ვექტორის მატრიცაა n imes 1განზომილებიანი მუდმივი ელემენტებით. ამჟამადაც, თუ ვისარგებლებთ ამავე პარაგრაფის ა) პუნქტში განხილული გაანგარიშების მეთოდით, მაშინ ზოგიერთი გარდაქმნების შემდეგ ლუწი რეჟიმების განზოგადოებულ  $(2n-1)\frac{\pi}{6\omega} \le t_{2n} \le 2n\frac{\pi}{6\omega}; n = = 1,2,3...$ ინტერვალების შესაბამისი (308) განტოლების ამონახსნისათვის გვაქვს შემდეგი გამოსახულება[49]:

$$\begin{split} \|f(t_{2n})\| &= e^{\|A^{2n}\| \cdot \left[t_{2n} - (2n-1)\frac{\pi}{6\omega}\right]} \cdot \left\|f\left[(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}\right]\right\| + e^{\|A^{2n}\| \cdot t_{2n}} \times \\ &\times \int_{(2n-1)\frac{\pi}{6\omega}}^{2n\frac{\pi}{6\omega}} e^{-\|A^{2n}\| \cdot \tau_{2n}} \cdot \|A^{2n}\| \cdot \left[\|I^{2n}(\tau_{2n})\| - \|f(\tau_{2n})\|\right] d\tau_{2n}; \end{split}$$

$$n = 1, 2, 3, \dots,;$$
 (311)

ამგვარად, მივიღეთ ზუსტი ამონახსნი განზოგადებული ლუწი რეჟიმების ინტერვალებისათვის შესაბამისი საწყისი პირობების გათვალისწინებით.

(311) განტოლებაში დავუშვათ  $(2n-1)\frac{\pi}{6\omega} = kT$  და  $t_{2n} = (k+1)T;$ n = 1,2,3,...; k = 0,1,2,3,..., (312)

მაშინ მვიღებთ:

$$\|f[(k+1)T]\| = e^{\|A^{2n}\| \cdot \tau} \cdot \|f(kT)\| + e^{\|A^{2n}\| \cdot (k+1)T} \times \int_{kT}^{(k+1)T} \{e^{-\|A^{2n}\| \cdot \tau_{2n}} \cdot \|A^{2n}\| \cdot [\|I^{2n}(\tau_{2n})\| - \|f(\tau_{2n})\|]\} d\tau_{2n}$$

$$n = 1, 2, 3, ..., ; \quad k = 0, 1, 2, 3, ...,$$
(313)

(313)-ში შემოვიღოთ აღნიშვნა:

$$\|u'(kT)\| = \|I^{2n}(\tau_{2n})\| - \|f(\tau_{2n})\| = \|I^{2n}(kT)\| - \|f(kT)\|;$$
  

$$n = 1, 2, 3, \dots, k = 0, 1, 2, 3, \dots,$$
(314)

(314)-ის გათვალისწინება (313)-ში მოგვცემს შემდეგ გამოსახულებას:

$$\|f[(k+1)T]\| = e^{\|A^{2n}\| \cdot T} \cdot \|f(kT)\| + e^{\|A^{2n}\| \cdot (k+1)T} \times \int_{kT}^{(k+1)T} e^{-\|A^{2n}\| \cdot \tau_{2n}} \cdot \|A^{2n}\| d\tau_{2n} \cdot \|u'(kT)\|;$$

$$n = 1, 2, 3, ..., ; \quad k = 0, 1, 2, 3, ..., \qquad (315)$$

(315)-ში გამოვიყენოთ (304) და გარდაქმნების შედეგად მივიღებთ:

$$\|f[(k+1)T]\| = e^{\|A^{2n}\| \cdot T} \cdot \|f(kT)\| + \left(e^{\|A^{2n}\| \cdot T} - \|1\|\right) \cdot \|u'(kT)\|;$$
  

$$n = 1, 2, 3, ..., ; \quad k = 0, 1, 2, 3, ...,$$
(316)

მიღებული (316) განტოლება წარმოადგენს საძიებელ სხვაობითი განტოლებას. იგი შეთავსებადია კომპიუტერული ტექნოლოგიების გაანგარიშების რიცხვით მეთოდებთან.

# 3.7. ჰიბრიდულ ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული პარალელური სისტემების მუშაობის რეჟიმების ოპტიმიზაცია და მდგრადობის გამოკვლევა

სისტემის მუშაობის რეჟიმების ოპტიმიზაციისა და მდგრადობის შესწავლის მიზნით საჭიროა განისაზღვროს დენის მიხედვით გადაცემის ფუნქცია:

$$W_i(p) = \frac{I_k(p)}{I(p)}, \quad k = A, B, C.$$
 (317)

(317)-ში  $I_k(p)$  და I(p) შესაბამისად არის სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ფაზური დენების  $i_k = (k = A, B, C.)$  და მზის ფოტოელექტრული სადგურის გამოსავალზე i დენის ლაპლასის მიხედვით ოპერატორული გამოსახულებები ნულოვანი საწყისი პირობების  $i_k(0) = 0, k = A, B, C; i(0) = 0, გათვალისწინებით.$ 

(122)-(131) და (173)-(179) განტოლებების საფუძველზე განსაზღვრული იქნა  $I_k(p)$  და I(p)-ს ოპერატორული გამოსახულებები. ამ გამოსახულებების ჩასმა (317) გამოსახულებაში გვაძლევს  $W_i(p)$ -ს საბოლოო გამოსახულებას:

$$W_i(p) = \frac{a_1 p + a_0}{b_2 p^2 + b_1 p + b_0} ; \qquad (318)$$

სადაც (318)-ში შემავალი კოეფიციენტებისათვის გვაქვს შემდეგი გამოსახულებები, სამართლიანი კენტ (*k* = 1) და ლუწ (*k* = 2) რეჟიმებისათვის:

$$a_{1} = U_{mc} \cdot \sin\frac{\pi}{3} \cdot \sin\left(\frac{2k-1}{k}\right)\frac{\pi}{3}; (k = 1; 2);$$
$$a_{0} = \omega U_{mc} \cdot \sin\frac{\pi}{3} \cdot \cos\left(\frac{2k-1}{k}\right)\frac{\pi}{3};$$
(319)

$$b_{2} = C_{2} \frac{L_{1}}{L_{c}} U_{mc} \cdot \sin \frac{\pi}{3} \sqrt{R_{c}^{2} + \omega^{2} L_{c}^{2} \left[\frac{2L_{c}}{L_{1}} (1 - \omega^{2} L_{1} C_{3}) - 1\right]^{2}} \times \\ \times \sin \left[ \left(\frac{2k - 1}{k}\right) \frac{\pi}{3} + \arctan \frac{\omega L_{c} [2L_{c} (1 - \omega^{2} L_{1} C_{3}) - L_{1}]}{L_{1} R_{c}} \right]; \ (k = 1, 2); \quad (320)$$

$$b_{1} = \omega C_{2} U_{mc} \cdot \sin \frac{\pi}{3} \left\{ \omega L_{1} \cdot \sin \left( \frac{2k-1}{k} \right) \frac{\pi}{3} + 2(1-\omega^{2}L_{1}C_{3}) \sqrt{R_{c}^{2} + (\omega L_{1})^{2}} \times \cos \left[ \left( \frac{2k-1}{k} \right) - \arctan \frac{\omega L_{c}}{R_{c}} \right] \right\}; \quad (k = 1, 2); \quad (321)$$

$$b_0 = \omega^2 R_c C_2 U_{mc} \sin \frac{\pi}{3} \left[ \frac{L_1}{L_c} + 2(1 - \omega^2 L_1 C_3) \right] \sin \left( \frac{2k - 1}{k} \right) \frac{\pi}{3}, \quad (k = 1, 2) \quad (322)$$

შემოვიღოთ აღნიშვნები:

$$A_0 = \frac{a_0}{a_1}; \ B_1 = \frac{b_1}{b_2}; \ B_0 = \frac{b_0}{b_2}; \ \omega_0 = \frac{a_1}{b_2};$$
 (323)

(323)-ის გათვალისწინება (318)-ში გვაძლევს შემდეგ გამოსახულებას:

$$W_i(p) = \frac{p + A_0}{p^2 + B_1 p + B_0} \cdot \omega_0 ; \qquad (324)$$

(324)-დან ჩანს, რომ გამოსაკვლევ სისტემას აქვს მახასიათებელი პოლინომი:

$$F(p) = p^2 + B_1 p + B_0; (325)$$

გურვიცის მიხედვით ამ პოლინომის კოეფიციენტებისაგან შეიძლება შედგეს ასეთი განმსაზღვრელი (დეტერმინანტი);

$$\Delta_{\mathfrak{d}} = \begin{vmatrix} B_1 & 0 \\ 1 & B_0 \end{vmatrix}; \tag{326}$$

აუცილებელია ვიპოვოთ ყველა მინორის მნიშვნელობები, დაწყებული ზემო მარცხენა კვანმიდან და დამთავრებული განმსაზღვრელის მნიშვნელობამდე. თუ ყველა ამ მინორებს აქვთ ერთნაირი ნიშანი, მაშინ სისტემა მდგრადია - პოლინომის ყველა ფესვი განთავსებულია მარცხენა ნახევარ სიბრტყეში. კერმოდ, თუ პირველი სტრიქონის პირველი ელემენტი დადებითია, მაშინ დადებითი უნდა იყვნენ დანარჩენი მინორნიც.

ვიპოვოთ (226) განმსაზღვრელის ყველა ეს მინორი:

$$M_{1} = B_{1} > 0;$$
  
$$M_{2} = \begin{vmatrix} B_{1} & 0 \\ 1 & B_{0} \end{vmatrix} = B_{1}B_{0} > 0$$
(327)

(327)-დან გამომდინარეობს, რომ:

 $B_1 > 0; \ B_0 > 0$ ანუ თუ გავითვალისწინებთ (323) გამოსახულებებს, მივიღებთ:

$$\frac{b_1}{b_2} > 0; \quad \frac{b_0}{b_2} > 0$$
 (328)

(320)-(322) გამოსახულებებიდან ნათლად ჩანს, რომ  $b_2 > 0; b_1 > 0$ და  $b_0 > 0$  და შესაბამისად დაცული იქნება (328) პირობა. ამის გამო გურვიცის მიხედვით სისტემა მდგრადია.

რაუსის კრიტერიუმის შესაბამისად აქ გურვიცის განმსაზღვრელი (დეტერმინანტი) არ იწერება, მას ცვლის შემდეგი წესით შედგენილი ცხრილი:

ვთქვათ მოცემულია მახასიათებელი პოლინომი (325). რაუსის მიხედვით შედგენილ ცხრილს აქვს სახე;

(329)-ში გადავწეროთ ცხრილი ნულების გარეშე, მივიღებთ:

$$\begin{array}{c}
p^{2} \\
p^{1} \\
p^{0} \\
1
\end{array}$$
(330)

(329)-ში პირველი სტრიქონი შედგება (325)-ის კოეფიციენტებიდან ჩაწერილი ერთის გამოტოვებით, დაწყებული  $p^2$  კოეფიციენტიდან, ხოლო მეორე სტრიქონი კი -დარჩენილი კოეფიციენტებიდან. ამ დროს მეორე შეკვეცილია  $B_1$ -ზე. მესამე სტრიქონის ელემენტი მოიძებნება ფორმულით:

$$\frac{1 \cdot 0 - B_1 B_0}{1} = -B_1 B_0; \quad \frac{1 \cdot 0 - B_1 \cdot 0}{1} = 0$$

მეორე სტრიქონის პირველი ელემენტი და მეორე ელემენტი იყოფა *B*<sub>1</sub>-ზე და მივიღებთ ელემენტ 1-ს. ასევე მესამე სტრიქონის პირველი ელემენტი და მეორე ელემენტი იყოფა (*-B*<sub>1</sub>*B*<sub>0</sub>)-ზე, აქაც მივიღებთ ელემენტს 1-ს. ამის შედეგად საბოლოოდ ვღებულობთ (330) ცხრილს, სადაც ნიშანი "მინუსი" არ გვაქვს. შესაბამისად (325) პოლინომს არ გააჩნია ფესვები დადებითი ნამდვილი ნაწილით. ყოველივე ეს იმის მაჩვენებელია, რომ მოცემული სისტემა მდგრადია.

ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული პარალელური სისტემის მუშაობის განზოგადებული კენტი და ლუწი რეჟიმების ამპლიტუდურ-ფაზურ-სიხშირული მახასიათებლების აღმწერი გამოსახულების მისაღებად (319)-(323)ჩავსვათ (324)-ში, გავითვალისწინოთ  $p = j\omega$  და ზოგიერთი გარდაქმნების შედეგად მივიღებთ:

ა) ამპლიტუდურ-სიხშირული მახასიათებლისათვის:

$$W_{i}(\omega) = \frac{\frac{1}{\omega^{2}L_{1}C_{2}} \cdot tg\left(\frac{2k-1}{k}\right)\frac{\pi}{3}}{\sqrt{\left\{\frac{\omega_{0}^{\prime}}{\omega}sin\left(\frac{2k-1}{k}\right)\frac{\pi}{3} - sin\left[\left(\frac{2k-1}{k}\right)\frac{\pi}{3} - arctg\frac{\omega}{\omega_{0}^{\prime}}\right]\right\}^{2} + sin^{2}\left(\frac{2k-1}{k}\right)\frac{\pi}{3}}}{k = 1, 2; \qquad (331)$$

ბ) ფაზურ-სიხშირული მახასიათებლისათვის:

$$\varphi_{i}(\omega) = \left(\frac{2k-1}{k}\right)\frac{\pi}{3} - \arctan\left[\frac{\sqrt{\left(\frac{\omega}{\omega_{0}^{\prime}}\right)^{2}+1}}{\frac{\omega_{0}^{\prime}}{\omega}\sqrt{\left(\frac{\omega}{\omega_{0}^{\prime}}\right)^{2}+1} + \frac{\omega}{\omega_{0}^{\prime}}\operatorname{ctg}\left(\frac{2k-1}{k}\right)\frac{\pi}{3}-1}\right];$$

$$k = 1,2; \qquad (332)$$

(331),(332) გამოსახულებაში 
$$\omega_0^{/} = \frac{R_c}{L_c};$$
 (333)

k = 1-ის ჩასმა გვაძლევს კენტი რეჟიმების გამოსახულებებს, ხოლო
 k = 2-ის ჩასმა კი ლუწი რეჟიმების გამოსახულებებს.

შესაბამისად კენტი რეჟიმებისათვის გვაქვს:

$$W_{i}(\omega) = \frac{\sqrt{3}}{\omega^{2}L_{1}C_{2}\sqrt{\frac{3}{4} + \left[\frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\omega_{0}^{\prime}}{\omega} - \sin\left(60^{\circ} - \arctan\left(\frac{\omega}{\omega_{0}^{\prime}}\right)\right)\right]^{2}}};$$
(334)

$$\varphi_{i}(\omega) = \frac{\pi}{3} - \operatorname{arctg}\left[\frac{\sqrt{\left(\frac{\omega}{\omega_{0}^{\prime}}\right)^{2} + 1}}{\frac{\omega_{0}^{\prime}}{\omega}\sqrt{\left(\frac{\omega}{\omega_{0}^{\prime}}\right)^{2} + 1} + \frac{\omega}{\omega_{0}^{\prime}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - 1}\right];$$
(335)

ლუწი რეჟიმებისათვის გვაქვს:

$$W_{i}(\omega) = \frac{\frac{1}{\omega^{2}L_{1}C_{2}} \cdot tg \frac{\pi}{2}}{\sqrt{1 + \left(\frac{\omega_{0}}{\omega} - \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_{0}}\right)^{2}}}\right)^{2}}} = \infty;$$
(336)  
$$\varphi_{i}(\omega) = \frac{\pi}{2} - \arctan\left[\frac{1}{\frac{\omega_{0}}{\omega} - \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_{0}}\right)^{2} + 1}}}\right];$$
(337)

(334),(335) და (337) გამოსახულებებში ჩატარებული ანგარიშის შედეგები გაერთიანებული სისტემის სიხშირული გადაცემის ფუნქციის ამპლიტუდის მოდულისა  $W_i(\omega)_{2n-1}$  და არგუმენტების  $\varphi_i(\omega)_{2n-1}, \varphi_i(\omega)_{2n}$  *ω* სიხშირეზე დამოკიდებულებების მიმართ ნაჩვენებია ცხრილი 2-ში. ამ შემთხვევაში გათვალისწინებულია სისტემის პარამეტრების შემდეგი რიცხვითი მნიშვნელობები:

 $R_c = 2,5 \text{ mdo}; \ L_c = 0,1 \text{ 3b}; \ L_1 = 0,05 \text{ 3b}; \ C_2 = 10^{-4} \text{ g};$  (338)

ცხრილი 2-ის საფუძველზე აგებულ ამპლიტუდურ-ფაზურსიხშირული მახასიათებლებს კენტი და ლუწი რეჟიმების შემთხვევაში აქვს ნახ.22-ზე ნაჩვენები სახე.

როგორც ცხრილი 2-ის სფუძველზე აგებული ნახ.22-ზე ნაჩვენები სიხშირული მახასიათებლიდან ჩანს, ამპლიტუდურ-სიხშირული მახასიათებელი კენტი რეჟიმებისათვის **ω** = **0**-დან **ω** = **157**-მდე, მკვეთრად

ცხრილი 2.  $\sqrt{3}\omega_{0}^{/} = 43,25$ ω, 1/წმ 0  $\omega_0^{/} = 25$ 57 14 ω  $W_i(\omega)_{2n-1}$ œ 10328 8009 14,04 0,35 0  $arphi_i(\omega)_{2n-1}$ , გრადუსი 0<sup>0</sup>  $-0^{0}12^{1}$ 60<sup>0</sup> 6<sup>0</sup> -27° -30<sup>0</sup> 0<sup>0</sup>  $\varphi_i(\omega)_{2n}$ , გრადუსი 90<sup>0</sup> 4º30/ 0<sup>0</sup> 0<sup>0</sup> 17<sup>0</sup>



ნახ.22 ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული პარალელური სისტემის გადაცემის ფუნქციის ამპლიტუდურ-ფაზურსიხშირული მახასიათებლები, შესაბამისად 2*n*-1კენტ და 2*n* ლუწ ინტერვალებისათვის.

განიცდის ვარდნას  $W_i(\omega)_{2n-1} = \infty$ -დან  $W_i(\omega)_{2n-1} = 14,04$ -მდე;  $\omega = 157$ დან  $\omega = 314$ -მდე იგი მონოტონურად იცვლება  $W_i(\omega)_{2n-1} = 14,04$ -დან  $W_i(\omega)_{2n-1} = 0,35$ -მდე;  $\omega = 314$ -დან  $\omega = \infty$ -მდე კი იგი არა მკვეთრად იცვლება და ინარჩუნებს  $W_i(\omega) = 0,35$  -დან  $W_i(\omega) = 0$ -მდე მნიშვნელობებს.

ფაზური - სიხშირული მახასიათებელი  $\omega = 0$ -დან  $\omega = 43,25$  1/წმ-მდე მკვეთრად ვარდება  $\varphi_i(\omega) = 60^\circ$  -დან  $\varphi_i(\omega) = 0^\circ$  -მდე;  $\omega = 43,25$  1/წმ-დან  $\omega = 157$  1/წმ-მდე იგი სტაბილურია, უარყოფითია და ნულთან ახლოსაა,  $\omega = 157$  1/წმ-დან  $\omega = \infty - \partial დ$ ე იგი ინარჩუნებს უარყოფით მნიშვნელობას და მკვეთრად იზრდება  $-30^\circ$ -მდე[50].

#### 3. დასკვნა

1. პირველად, ქარის ენერგიის მექანოტრონული, მზის ენერგიის ფოტოელექტრული გარდაქმნების და აკუმულატორული ბატარეიების დამუხტვა-განმუხტვის პარალელური პროცესების ერთდროულად გამოყენების პირობებში შესრულდა მიზანმიმართული სამუშაოები მათი კლასიფიკაციის, სისტემატიზაციისათვის და გარდაქმნა-გამოყენების ტექნოლოგიების დანერგვაში ჰიბრიდული ელექტროენერგეტიკის სისტემის საიმედო, მდგრადი ავტონომიური ელექტრომომარაგების უზრუნველყოფის მიზნით.

2. განსაზღვრულია ენერგორესურსების მარაგი, დამუშავებულია არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროებიდან ელექტრული ენერგიის მიღებისა და გამოყენების ტექნოლოგიების სტრატეგიული მიზნები და განახლებადი ენერგეტიკის განვითარების როლი საქართველოს მთა გორიან რეგიონებში ავტონომიური ელექტრომიუვალ და ენერგეტიკული სისტემის შექმნაში. წარმოდგენილია მზის ენერგიის ელექტრულ ენერგიად გარდაქმნის პროცესების ფიზიკური საფუძვლები. P - nაგებულია ფოტოელექტრული ელემენტის განათებისას გადასასვლელის ზონური ენერგეტიკული დიაგრამები მოკლე შერთვის, უქმი სვლის და დატვირთვის ნომინალურ რეჟიმებში.

3. წარმოდგენილია მზის ფოტოელექტრული ელემენტის შენაცვლების ელექტრული სქემა, რომელშიც გათვალისწინებულია ყველა საანგარიშო პარამეტრები. უქმი სვლისა და მოკლე შერთვის პარამეტრების გამოყენებით P - nფოტოელემენტის შედგენილია განტოლებათა სისტემა გადასასვლელზე გამავალი ფოტოდენისა და გაჯერების უკუდენის მიმართ. ამოხსნის შედეგად ვღებულობთ ელემენტის უქმი სვლისა და მოკლე შერთვის პარამეტრებზე დამოკიდებულ ექვივალენტურ კოეფიციენტებს. ტეილორის მწკრივებად დაშლის შედეგად ვღებულობთ მზის ელემენტის სიმძლავრის რაციონალურ გამოსახულებას მრავალწევრის სახით, რომლის დენის მიხედვით გაწარმოების ნულთან გატოლების პირობიდან

გამომდინარე ვღებულობთ ძაბვისა და გამომავალი დენის ოპტიმალურ მნიშვნელობებს. ამგვარად ვღებულობთ მზის ელემენტის უქმი სვლის, ოპტიმალური და მოკლე შერთვის რეჟიმების დამახასიათებელი სამი წერტილის აბცისათა ღერძე დენის, ხოლო ორდინატთა ღერმზე მაბვის კოორდინატებს ფარდობით ერთეულებში. ლანგრაჟის ინტერპოლაციის ფორმულის საფუძველზე აგებული იქნა მზის ელემენტის ვოლტ-ამპერული მახასიათებლის გამოსახულება კვადრატული სამწევრის სახეში, რომლის კოეფიციენტები გამოსახულია მაბვისა და დენის ოპტიმალურ მნიშვნელობების მიხედვით.

ენერგიის მიღებისა და გამოყენების 4. დამუშავებულია ქარის ტექნოლოგიები. შესწავლილია ტყვია-მჟავიანი აკუმულატორული ბატარეის დამუხტვისა განმუხტვის პროცესები ჰიბრიდული და ელექტროენერგეტიკულ ავტონომიურ სისტემასთან პარალელური მუშაობის პირობებში. განსაზღვრულია ბატარეის ე.მ.ძ-ისა და შიგა წინაღობის მნიშვნელობები დამუხტვა-განმუხტვის პროცესში დენისა და დამუშავებულია მაზვის მნიშვნელობების მიხედვით. იმპულსური გარდაქმნელისა და მოდულაციური წრედის შემცველი ჰიბრიდული პარალელური ელექტროენერგეტიკული ავტონომიური სისტემის ელექტრული განზოგადებული სტრუქტურული და პრინციპული საანგარიშო სქემები.

5. ჩატარებულია არატრადიციული და განახლებადი ენერგიის წყაროებიან მუდმივი ერთფაზა ცვლადი დენის ავტონომიურ და ელექტრომაგნიტური ჰიბრიდულ ელექტროსისტემაში გარდამავალი პროცესების მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელირება განზოგადებულ კენტ და ლუწ მუშაობის რეჟიმებში. აგებულია ერთფაზა ძალოვანი ტრანსფორმატორის განზოგადებული ვექტორული დიაგრამა.

6. ჩატარებული კომპიუტერული მოდელირების საფუძველზე აგებულია ერთიან გარდაქმნელ ავტონომიურ სისტემაში ცვლადი ელექტრული სიდიდეების გარდამავალი პროცესების მოდელის

სტრუქტურული სქემები, რომლებიც შეთავსებადია რიცხვითი გაანგარიშების კომპიუტერულ პროგრამებთან. ჩატარებულია ავტონომიური ჰიბრიდული ენერგოსისტემების პარალელური მუშაობის რეჟიმების მართვა იმპულსური გარდამქნელისა და მოდულაციური წრედების საშუალებით.

7. შექმნილია მზის ფოტოელექტრული სადგურისა, აკუმულატორული ბატარეისა და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივი პარალელური მუშაობის ერთიანი სისტემა. ჩატარებულია ერთიანი სისტემის მუშაობის დინამიური პროცესების მოდელირება, რეჟიმების მართვა და ოპტიმიზაცია. დადგენილია მუშაობის თორმეტი რეჟიმი და თითოეული რეჟიმებისათვის ჩატარებულია მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელირება.

8. დამუშავებული იქნა წარმოდგენილი დინამიური სისტემების ცვლადთა მდგომარეობათა მატრიცული განტოლებების დროის არეში რიცხვითი ამოხსნის მეთოდიკა კენტი და ლუწი განზოგადებული ინტერვალებში, რის საფუძველზე მიღებული იქნა საძიებელი სიდიდეების მიმართ სხვაობითი განტოლება მატრიცულ ფორმაში. მიღებული წარმოდგენილია რეკურენტულ ფორმაში სხვაობითი განტოლება შესაბამისი საწყისი პირობების გათვალისწინებით. ვინაიდან მიღებული საანგარიშო განზოგადებული გამოსახულებები აღმოჩნდა შეთავსებადი კომპიუტერული ტექნიკის" "ციფრული გამოთვლითი მეთოდებთან, ამიტომ "მდგომარეობათა ცვლადების მეთოდის" უპირატესობა სხვა საანგარიშო მეთოდებთან მნიშვნელოვნად დიდია.

9. ჩატარებულ იქნა სისტემის მუშაობის რეჟიმების ოპტიმიზაცია და იქნა დადგენილი მდგრადობის კრიტერიუმები, რის საფუძველზე მიღებული იქნა განზოგადებული კენტი და ლუწი რეჟიმებისათვის ამპლიტუდურ ფაზურ-სიხშირული მახასიათებლები და ამით დადგინდა, რომ წარმოდგენილი ჰიბრიდული ავტონომიური პარალელური ელექტროენერგეტიკული სამფაზა სისტემა მუშაობის ყველა რეჟიმში მდგრადია.

1. კოხრეიძე გ., ლაოშვილი დ., სამარღანიშვილი დ. განახლებადი ენერგიის წყაროებიანი მუდმივი და ცვლადი დენის პარალელური ენერგოსისტემის გამოყენების პერსპექტიული მიმართულებები. "მეცნიერება და ტექნოლოგიები". თბილისი, 2002წ. 87-90გვ.

2. Андреев В.М., Грилехес В.А., Румянцев В.Д. Фотоэлектрическое преобразование концентрированного солнечного излучения. Л. "Наука", Ленинградское отделение. 1989 г. 309 с.

3. კოხრეიძე გ., ლაოშვილი დ., სამარღანიშვილი დ. განახლებადი ენერგიის წყაროებიანი მუდმივი და ცვლადი დენის ავტონომიური ჰიბრიდული ენერგოსისტემების პარალელური მუშაობა მუდმივი დენის იმპულსური გარდამსახების საშუალებით. სტუ-ს შრომები N7(446). თბილისი, 2002წ. 31-35გვ.

4. Ахмедов Р.Б., Баум И.В., Пожарнов В.А., Чаховский В.М., Серия Гелиоэнергетика Том.1. Солнечные электрические станции. М. 1986г. 121с.

5. Фаренбрух А., Бьюб Р., Солнечные элементы. Теория и эксперимент. Перевод с английского. М. Энергоатомиздат. 1987г. 278 с.

6. Раушенбах Г. Справочник по проектированию солнечных батарей. Перевод на русский язык. Энергоатомиздат. 1983г. 358 с.

7. Баиерс Т. 20 Конструкций с солнечными элементами. М. "Мир", 1988г. 198с.

8. Кохреидзе Г.К., Метревели В.Ш., Лаошвили Д.П., Самарганишвили Д.А. К вопросу устойчивости режимов в гибридной энергосистеме с нетрадиционными источниками энергии. Труды ХПИ, Выпуск 12. Том 1. Харьков 2002 г. 264-266 с.

9. კოხრეიძე გ., ფხაკაძე შ. განახლებადი ენერგიის წყაროებიან ავტონომიურ ენერგოსისტემაში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების მათემატიკური მოდელირება "ენერგია" N3(55). თბილისი, 2010წ. 37-43გვ.

10. Кохреидзе Г.К., Лаошвили Д.П. Пхакадзе Ш.А. Управление системой при совместной работе солнечных фотоэлектрических станций и сети переменного тока. НТУ "ХПИ", Украина, Харьков. 2011г. N03(79). 371-374с.

11. კოხრეიძე გ., ფხაკაძე შ. განახლებადი ენერგიის წყაროებიან ავტონომიურ ენერგოსისტემაში დინამიური პროცესების კომპიუტერული მოდელირება "ენერგია" N3(55). თბილისი, 2010წ. 44-50გვ.

12. კოხრეიძე გ., ფხაკაძე შ., გოგინაშვილი ნ., ჯავშანაშვილი ნ. მზის ფოტოელექტრული სადგურისა და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივი მუშაობა. "ენერგია" N3(59) თბილისი, 2011წ. 20-28გვ.

13. ფხაკაძე შ. განახლებადი ენერგიის წყაროებიან ჰიბრიდული პარალელური ენერგოსისტემის ერთობლივი მუშაობის რეჟიმების ოპტიმიზაცია. N1 თემატურ სემინარზე წარმოდგენილი სამეცნიერო ნაშრომი (ხელნაწერის უფლებით). თბილისი,2012წ. 1-40 გვ.

14. ფხაკაძე შ. მზის ფოტოელექტრული სადგურისა და სამფაზა ცვლადი დენის ქსელის ერთობლივი მუშაობა. N79 -ე სტუდენტური საერთაშორისო ღია სამეცნიერო კონფერენციზე წარდგენილი სამეცნიერო ნაშრომი (ხელნაწერის უფლებით).თბილისი,2011წ. 1-12 გვ.

15. ფხაკაძე შ. ენერგიის არატრადიციული და განახლებადი წყაროების გარდაქმნისა და გამოყენების ტექნოლოგიები ელექტროენერგეტიკაში. სტუდენტთა N80-ე ღია საერთაშორისო სამეცნიერო ტექნიკური კონფერენცია. თბილისი, 2012წ. 1-20 გვ.

16. Плесков Ю.В. Фотоэлектрохимическое преобразование солнечной энергетики. М., "Химия", 1990г. 175 с.

17. Рензо Д. де: Пер. с. Англ.: Под редакцией Я.И. Шефтера. Ветроэнергетика. М. Энергоатомиздат. 1982г. 272 с.

18. Каргиев В.М., Мартиросов С.Н., Муругов В.П., Пинов А.Б., А.К., В.Π. Ветроэнергетика. Сокольский Харатонов Руководство по M. применению ветроустановок малой средней мошности. И "Интерсоларцентр", 2001г. 61 с.

19. Елистратов В.В., Константинов И.А., Панфилов А.А. Нагрузка на элементы Ветроэнергетической установки на ее фундамент и основание. Учебное пособие СП, изд-во СПБГТУ, 1999г. 36 с.

20. Кохреидзе Г., Лаошвили Д., Курашвили И., Пхакадзе Ш. Режимы пуска и тяги двигателя постоянного тока с учетом трехфазного мостового выпрямительно-инверторного преобразователя тяговой подстации. Труды НТУ "ХПИ", Харьков. 2010г. 328-331 с.

21. კოხრეიძე გ., გოგინაშვილი ნ., ყურაშვილი ი., ფხაკაძე შ., მეგენეიშვილი თ. წევის ქვესადგურების ერთიან გარდამქნელ სისტემაში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების მათემატიკური და კომპიტერული მოდელირება "ენერგია," N2 (62) 2012წ. თბილისი, 5-16 გვ.

22. Кохреидзе Г., Лаошвили Д., Мурджикнели Г., Курашвили И., Пхакадзе Ш. Управление и оптимизация режимов параллельной работы гибридной автономной электроэнергетической системы и сети переменного тока. "Кременчук", Украина ,2012г. 220-224с.

23. ფხაკაძე შ. წევის ქვესადგურის ერთიან გარდამქნელ სისტემაში ელექტრომაგნიტური გარდამავალი პროცესების მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელირება (ხელნაწერის უფლებით). N2 თემატურ სემინარზე წარმოდგენილი სამეცნიერო ნაშრომი. თბილისი. სტუ. 2013წ. 1-20 გვ.

24. Чаки Ф., Герман И., Ипшиц И и др. Силовая электроника. Примеры и расчеты.М. энергоиздат 1982 г. 383с.

25. Джюджи Л., Пелл Б. Силовые полупроводниковые преобразователи частоты. Теория, Характеристики, применение.М. энергоиздат 1983 г. 399с.

26.Тонкаль В.Е., Руденко В.С., Жуйков В.Я., Сучик В.Е., Денисюк С.П., Новосельцов А.В. Ответственный редактор Шидловский А.К. Вентильные преобразователи переменной структуры. Киев. Наукова Думка, 1990г. 335с.

27.Иванов В.А., Чемоданов Б.К., Медведев В.С., Юшенко. Математические основы теории автоматического регулирования. Изд-во ,,Высшая школа", М. 1971г. 807с.

28. Зевеке Г.В., Ионкии П.А., Нетушил А.В., Страхов С.В. Основы теории цепей. "Энергия", М. 1975г. 751с.

29. Мерабишвили П.Ф. Теория переходных процессов в цепях с вентильными преобразователями. Изд-во Тбилиского университета. Тбилиси. 1990г. 292с.

30.Ионкин П.А., Мельников Н.А., Даревский А.И., Кухаркин Е.С. Теоретические основы электротехники ч.1 Изд-во "Высшая школа", М. 1965г. 734с.

31. Бессонов Л.А. Теоретические основы электротехники. В трех частях. Изд-во "Высшая школа", М. 1962г. 791с.

32. Тонкаль В.Е. Синтез автономных инверторов модулационного типа. Киев. "Науково Думка". 1979г. 206с.

33. Матханов П.Н. Основы анализа электрических цепей-Линейные цепи. М. "Высшая школа", М. 1981г. 333с.

34. Матханов П.Н. Основы анализа электрических цепей. Нелинейные цепи. М. "Высшая школа", М. 1986г. 352с.

35. Шидловский А.К., Кузнецов В.Г., Николаенко В.Г. Оптимизация несимметричных режимов систем электроснабжения. Киев, Наукого Думка, 1987г. 174с.

36.Чуа Л.О., Пен-Мин Лин. Машинный анализ электронных схем (алгоритмы и вычислительные методы). Перевод с английского. Москва. ,,энергия", М. 1980г. 638с.

37. კოხრეიძე გ., გოგინაშვილი ნ., ყურაშვილი ი., ფხაკაძე შ., მეგენეიშვილი თ. წევის ქვესადგურების ერთიან გარდამქნელ სისტემაში მატარებლის რეკუპერაციული დამუხრუჭების რეჟიმებში პროცესების მათემატიკური და კომპიუტერული მოდელირება "ენერგია," N2 (62) 2012წ. თბილისი, 17-29 გვ.

38. Мерабишвили П.Ф., Кохреидзе Г.К. Электромагнитные просессы в трехфазных управляемых выпрямителях. Электричество М. 1986г N8. 28-33с.

39. Мерабишвили П.Ф., Кохреидзе Г.К. Математическое моделирование Электромагнитных просессов в преобразовательной системе с трехфазным автономным инвертором тока. Электричество М. 1990г N3. Энергоатомиздатво 31-37с..

40. კოხრეიძე გ., გოგინაშვილი ნ., ყურაშვილი ი., ფხაკაძე შ., მეგენეიშვილი თ. წევის ქვესადგურების ერთიანი გარდამქნელ სისტემის მდგომარეობათა ცვლადების მატრიცული განტოლებების ამოხსნა. "ენერგია," N2 (62) 2012წ. თბილისი, 30-36 გვ.

41. Дьяконов В., Круглов В. Математические пакети расширения MATLAB. Специальный справочник. СПБ.: Питер, 2001 г. 475с.

42. Герман-Галкин С.Г., Matlab & Simulink. Проектирование мехатронных систем на ПК. СПБ.: Корона-Век,2008г. 368с.
43. Герман-Галкин С.Г., Компьютерное моделирование полупроводниковых систем. СПБ.: "Корона Принт", 2001г. 320с.

44. Черных И.В. Моделирование электромеханических устроиств в Matlab, Sim Power System и Simulink. Питер. ФМК. 2008г. 285с.

45.Гончаров Ю.П., Ермуратский В.В., Зайка Э.И., Штейнберг А.Ю. Автономные инверторы изд-во .,,Штинца" 1974г. 336с.

46. Макаров И.М., Менский Б.М. Таблица обратных преобразований Лапласа и обратных Z-преобразований. М. "Высшая школа" 1978г. 247с.

47. Неиман Л.Р., Демирчян К.С. Теоретические основы электротехники. В двух томах. Л. Энергоиздат. 1981г. 145 с.

48. Лутидзе Ш.И. Новая электротехника. М.И.З.Д. "Лонгфелло" 2010г. 336с.

49. ფხაკაძე შ. ჰიბრიდული ავტონომიური ელექტროენერგეტიკული სისტემების პარალელური მუშაობის დინამიური პროცესების მოდელირება, რეჟიმების მართვა და ოპტიმიზაცია. საგანმანათლებო პროგრამის კვლევითი კომპონენტის კოლოქვიუმი-3-ის სამეცნიერო ნაშრომი (ხელნაწერის უფლებით). სტუ, თბილისი, 2013. 1-65 გვ.

50. ფხაკაძე შ., კოხრეიძე გ. ჰიბრიდული ავტონომიური ენერგეტიკული პარალელური სისტემის მუშაობის რეჟიმების ოპტიმიზაცია და მდგომარეობის გამოკვლევა. ჟურნალი "ენერგია," N4 (64) 2012წ. თბილისი, 43-47 გვ.

51. Прохорский А.А. Тяговые и трансформаторные подстанции. М.Транспорт. 1983. 496 с.

52. ლაოშვილი დ., კოხრეიძე გ., ფხაკაძე შ., გოგინაშვილი ნ. ენერგიის განახლებადი წყაროების გამოყენების ტექნიკური პრობლემები. ჟურნალი "ენერგია", N1 (65) 2013წ. თბილისი, 32-39 გვ.